

Europäische Gradmessung.

Das Schweizerische Dreiecknetz

herausgegeben von der

Schweizerischen geodätischen Commission.

Zweiter Band.

Die Netzausgleichung und die Anschlussnetze der Sternwarten und
astronomischen Punkte.

ZÜRICH
COMMISSION von S. HÖHR.

1885.



Europäische Gradmessung.

Das Schweizerische Dreiecknetz

herausgegeben von der

Schweizerischen geodätischen Commission.

Zweiter Band.

Die Netzausgleichung und die Anschlussnetze der Sternwarten und
astronomischen Punkte.

ZÜRICH

COMMISSION von S. HÖHR.

1884.

Druck von Zürcher & Furrer in Zürich.

Die Schweizerische geodätische Commission beschloss in ihrer Sitzung vom 14. Mai 1882, sowohl die von Herrn Ingenieur Koppe in ihrem Auftrage durchgeföhrte Ausgleichung des Hauptnetzes, als die sich daran schliessende Untersuchung seiner Genauigkeit, zu acceptiren. Sie beschloss ferner in ihrer Sitzung vom 17. Juni 1883 die, nach Abreise des zum Professor der Geodäsie in Braunschweig ernannten Herrn Koppe, seinem mehrjährigen Mitarbeiter, Herrn Ingenieur Scheiblauer, mit vollstem Zutrauen übergebene Bearbeitung der Anschlussnetze der Sternwarten und astronomischen Punkte, ebenfalls zu acceptiren. Sie beauftragte endlich den Unterzeichneten diese sämmtlichen Arbeiten als zweiten Band des „Schweizerischen Dreiecksnetzes“ in Druck zu geben, und dafür besorgt zu sein, dass die etwas gar zu concise Einleitung zum ersten Abschnitte vor dem Abdrucke noch einmal überarbeitet werde.

Der Unterzeichnete freut sich nunmehr, nach Erledigung des ihm gewordenen Auftrages, aussprechen zu können, dass sich Herr Scheiblauer keine Mühe reuen liess, theils jene Ueberarbeitung nach den ihm gegebenen Andeutungen durchzuföhrten, theils namentlich die Anlage und Correctheit des ungewöhnlich schwierigen Druckes bestmöglich zu überwachen, — und dankt Herrn Scheiblauer im Namen der Commission für seine derselben geleisteten guten Dienste.

Zum Schlusse ist noch beizufügen, dass die, zum Anschlusse der drei bei Aarberg, Weinfelden und Bellinzona gemessenen Grundlinien an das Hauptnetz, erforderlichen

Beobachtungen und Rechnungen, bereits so weit gefördert sind, um in ziemlich sichere Aussicht zu stellen, es werde der dritte Band, welcher diese Basismessungen und Anschlussnetze enthalten soll, dem vorliegenden zweiten Bande bald folgen.

Zürich, den 1. December 1884.

Im Namen der

Schweizerischen geodätischen Commission,

Deren Präsident:

Dr. Rudolf Wolf.

Theorie

der

Netzausgleichung und Genauigkeitsbestimmung.



Die Netzausgleichung.

Die Ausgleichung des Schweizerischen Gradmessungsnetzes ist ebenso, wie die Stationsausgleichung nach den von Bessel in der „Gradmessung in Ostpreussen“ entwickelten Rechnungsvorschriften ausgeführt worden. (Siehe Gradmessung in Ostpreussen etc.)

Durch die Stationsausgleichung wurden die Stationsnormalgleichungen gefunden: (Siehe „Das Schweizerische Dreiecknetz“ I. Band, Seite XXII.)

$$\begin{aligned}\frac{\partial(vvp)}{\partial A} &= (aa)A + (ab)B + (ac)C + \dots = (an) \\ \frac{\partial(vvp)}{\partial B} &= (ab)A + (bb)B + (bc)C + \dots = (bn) \\ \frac{\partial(vvp)}{\partial C} &= (ac)A + (bc)B + (cc)C + \dots = (cn) \\ &\dots\end{aligned}\quad 1)$$

indem die Summe der mit ihren Gewichten multiplizierten Fehlerquadrate (vvp) ohne Rücksicht auf die Netzbedingungsgleichungen zu einem Minimum gemacht und nach den einzelnen Unbekannten $A, B, C \dots$ differenziert worden war. Diese Summe (vvp) soll nun zu einem Minimum gemacht werden mit Rücksicht auf die Netzbedingungen, welche folgende Form haben:

$$\begin{aligned}p_1(A+1) + p_2(B+2) + p_3(C+3) + \dots &= W_1 \\ r_1(A+1) + r_2(B+2) + r_3(C+3) + \dots &= W_2 \\ s_1(A+1) + s_2(B+2) + s_3(C+3) + \dots &= W_3 \\ &\dots\end{aligned}\quad 2)$$

oder auch, wenn man von den wahrscheinlichsten Resultaten der Stationsausgleichung $A, B, C \dots$, ausgeht und die weiteren Correctionen (1), (2), (3) \dots , welche das Netz verlangt, sucht

$$\begin{aligned} p_1(1) + p_2(2) + p_3(3) + \dots &= w_1 \\ r_1(1) + r_2(2) + r_3(3) + \dots &= w_2 \\ s_1(1) + s_2(2) + s_3(3) + \dots &= w_3 \end{aligned} \quad 3)$$

wo

$$\begin{aligned} w_1 &= W_1 - p_1 A - p_2 B - p_3 C \quad \dots \quad \dots \quad \dots \\ w_2 &= W_2 - r_1 A - r_2 B - r_3 C \quad \dots \quad \dots \quad \dots \\ w_3 &= W_3 - s_1 A - s_2 B - s_3 C \quad \dots \quad \dots \quad \dots \end{aligned} \quad 4)$$

gesetzt worden ist.

Diese Bedingungsgleichungen für das schweizerische Dreiecknetz sind auf Seite 3 bis 21 dieses Bandes zu ersehen.

Multiplicirt man die Bedingungsgleichungen Nr. 2 der Reihe nach mit den Correlaten $-2K_1$, $-2K_2$, $-2K_3 \dots$, addirt sie zur ursprünglichen Summe der Fehlerquadrate (*vvp*), differenzirt nach allen Unbekannten und setzt die Differentialquotienten dann einzeln gleich Null, so erhält man:

$$\begin{aligned}\frac{\partial(vvp)}{\partial(A+1)} &= (aa)(A+1) + (ab)(B+2) + (ac)(C+3) + \dots = (an) + p_1 K_1 + r_1 K_2 + s_1 K_3 + \dots \\ \frac{\partial(vvp)}{\partial(B+2)} &= (ab)(A+1) + (bb)(B+2) + (bc)(C+3) + \dots = (bn) + p_2 K_1 + r_2 K_2 + s_2 K_3 + \dots \quad 5) \\ \frac{\partial(vvp)}{\partial(C+3)} &= (ac)(A+1) + (bc)(B+2) + (cc)(C+3) + \dots = (cn) + p_3 K_1 + r_3 K_2 + s_3 K_3 + \dots\end{aligned}$$

und wegen Erfülltseins der Stationsnormalgleichungen 1)

$$\begin{aligned} (aa)(1) + (ab)(2) + (ac)(3) + \dots &= p_1 K_1 + r_1 K_2 + s_1 K_3 \dots = [1] \\ (ab)(1) + (bb)(2) + (bc)(3) + \dots &= p_2 K_1 + r_2 K_2 + s_2 K_3 \dots = [2] \\ (ac)(1) + (bc)(2) + (cc)(3) + \dots &= p_3 K_1 + r_3 K_2 + s_3 K_3 \dots = [3] \end{aligned} \quad 6)$$

aus denen durch unbestimmte Auflösung die Gewichtsgleichungen

$$\begin{aligned}(1) &= (\alpha\alpha) [1] + (\alpha\beta) [2] + (\alpha\gamma) [3] + \dots \\(2) &= (\alpha\beta) [1] + (\beta\beta) [2] + (\beta\gamma) [3] + \dots \\(3) &= (\alpha\gamma) [1] + (\beta\gamma) [2] + (\gamma\gamma) [3] + \dots\end{aligned}\quad 7)$$

hervorgehen, wo [1], [2], [3] . . . die vorstehende Bedeutung 6) haben, und auf Seite 22 bis 24 als Correlaten-Ausdrücke dargestellt sind. Führt man die Multiplication aus, so erhält man, wenn man zugleich zur Abkürzung setzt:

$$\begin{aligned}
 a_1 &= p_1 (\alpha\alpha) + p_2 (\alpha\beta) + p_3 (\alpha\gamma) + \dots & a_2 &= p_1 (\alpha\beta) + p_2 (\beta\beta) + p_3 (\beta\gamma) + \dots \\
 b_1 &= r_1 (\alpha\alpha) + r_2 (\alpha\beta) + r_3 (\alpha\gamma) + \dots & b_2 &= r_1 (\alpha\beta) + r_2 (\beta\beta) + r_3 (\beta\gamma) + \dots \\
 c_1 &= s_1 (\alpha\alpha) + s_2 (\alpha\beta) + s_3 (\alpha\gamma) + \dots & c_2 &= s_1 (\alpha\beta) + s_2 (\beta\beta) + s_3 (\beta\gamma) + \dots \\
 &\vdots &&\vdots
 \end{aligned} \tag{8}$$

die Fehlergleichungen:

$$\begin{aligned}
 (1) &= a_1 K_1 + b_1 K_2 + c_1 K_3 + \dots \\
 (2) &= a_2 K_1 + b_2 K_2 + c_2 K_3 + \dots \\
 (3) &= a_3 K_1 + b_3 K_2 + c_3 K_3 + \dots \\
 &\vdots
 \end{aligned} \tag{9}$$

Setzt man diese auf Seite 25 bis 30 dargestellten Ausdrücke in die Netzbedingungs-gleichungen 3) ein, so erhält man zur Bestimmung der $K_1, K_2, K_3 \dots$ die Normal-gleichungen des Netzes

$$\begin{aligned}
 (\mathfrak{A}\mathfrak{A}) K_1 + (\mathfrak{B}\mathfrak{B}) K_2 + (\mathfrak{C}\mathfrak{C}) K_3 + \dots &= w_1 \\
 (\mathfrak{B}\mathfrak{B}) K_1 + (\mathfrak{B}\mathfrak{B}) K_2 + (\mathfrak{B}\mathfrak{C}) K_3 + \dots &= w_2 \\
 (\mathfrak{C}\mathfrak{C}) K_1 + (\mathfrak{B}\mathfrak{C}) K_2 + (\mathfrak{C}\mathfrak{C}) K_3 + \dots &= w_3 \\
 &\vdots
 \end{aligned} \tag{10}$$

wo $(\mathfrak{A}\mathfrak{A}) = (ap), (\mathfrak{B}\mathfrak{B}) = (br), (\mathfrak{C}\mathfrak{C}) = (cs) \dots$
 $(\mathfrak{A}\mathfrak{B}) = (bp) = (ar), (\mathfrak{A}\mathfrak{C}) = (cp) = (as); (\mathfrak{B}\mathfrak{C}) = (cr) = (bs) \dots$ u. s. w. 10a)

der symmetrischen Bezeichnung wegen gesetzt worden ist. (Siehe nach Seite 30.)

Die Auflösung vorstehender Normalgleichungen nach dem Gauss'schen Algorithmus gibt

$$\begin{aligned}
 K_1 + \frac{(\mathfrak{A}\mathfrak{B})}{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})} K_2 + \frac{(\mathfrak{A}\mathfrak{C})}{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})} K_3 + \dots &= \frac{w_1}{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})} \\
 K_2 + \frac{(\mathfrak{B}\mathfrak{C}.I)}{(\mathfrak{B}\mathfrak{B}.I)} K_3 + \dots &= \frac{w_{2.I}}{(\mathfrak{B}\mathfrak{B}.I)} \\
 K_3 + \dots &= \frac{w_{3.II}}{(\mathfrak{C}\mathfrak{C}.II)}
 \end{aligned} \tag{11}$$

aus denen zunächst die $K_1, K_2, K_3 \dots$ (Seite 31) und mit diesen weiter die wahr-scheinlichsten Netzcorrectionen (1) (2) (3) \dots (Seite 32) aus 9) gefunden werden.

Diese Verbesserungen, an die aus den Stationsausgleichungen hervorgehenden Winkel angebracht, geben die „ausgeglichenen Winkel“, welche auf Seite 33 bis 35 zusammen-gestellt sind, und ein widerspruchfreies Netz bilden.

Wie der Gang der Ausgleichung nach der Hansen-Andrä'schen Methode sich ge-stalten würde, kann aus dem Beispiele auf Seite 95–105 ersehen werden.

Mittlerer Fehler der Gewichtseinheit.

Die ursprünglichen Fehlergleichungen waren: (Siehe I. Band, Seite XXI.)

$$\begin{aligned}v_0 &= m_0 - x \\v_a &= m_a - x - A \\v_b &= m_b - x - B \\v_c &= m_c - x - C \\&\dots\end{aligned}$$

Nach Elimination der x nahmen dieselben die Form an:

$$\begin{aligned}v_1 &= a_1 A + b_1 B + c_1 C + \dots - n_1 \\v_2 &= a_2 A + b_2 B + c_2 C + \dots - n_2 \\v_3 &= a_3 A + b_3 B + c_3 C + \dots - n_3 \\&\dots\end{aligned}\tag{12}$$

Aus diesen Fehlergleichungen gingen die Normalgleichungen hervor:

$$\begin{aligned}(aa)A + (ab)B + (ac)C - (an) &= 0 \\(ab)A + (bb)B + (bc)C - (bn) &= 0 \\(ac)A + (bc)B + (cc)C - (cn) &= 0 \\&\dots\end{aligned}\tag{13}$$

Die Berücksichtigung der Bedingungsgleichungen des Netzes verlangte weitere Correctionen der $A, B, C \dots$, welche mit (1), (2), (3) . . . bezeichnet wurden; diesen entsprechen Änderungen der v in (12), so dass man allgemein hat:

$$v = v_s + v_n\tag{14}$$

wo v_s den Anteil der Stationsausgleichung, v_n den Anteil der Netzausgleichung bedeuten, aus denen der Gesamtfehler v hervorgeht. Man hat demgemäß:

$$\begin{aligned}v_1 &= v_1^s + v_1^n = a_1(A+1) + b_1(B+2) + c_1(C+3) + \dots - n_1 \\v_2 &= v_2^s + v_2^n = a_2(A+1) + b_2(B+2) + c_2(C+3) + \dots - n_2 \\v_3 &= v_3^s + v_3^n = a_3(A+1) + b_3(B+2) + c_3(C+3) + \dots - n_3 \\&\dots\end{aligned}$$

Mit Berücksichtigung von 12) ist dann:

$$\begin{aligned} v_1'' &= a_1 (1) + b_1 (2) + c_1 (3) \dots \dots \\ v_2'' &= a_2 (1) + b_2 (2) + c_2 (3) \dots \dots \\ v_3'' &= a_3 (1) + b_3 (2) + c_3 (3) \dots \dots \\ &\dots \dots \dots \dots \dots \dots \end{aligned} \quad 15)$$

aus 14) folgt:

$$(vv) = (v^* v^*) + 2(v^* v'') + (v'' v'') \quad 16)$$

durch Multiplication von 12) und 15) erhält man:

$$\begin{aligned} (v^* v'') &= (1) \{ (aa) A + (ab) B + (ac) C \dots \dots - (an) \} \\ &+ (2) \{ (ab) A + (bb) B + (bc) C \dots \dots - (bn) \} \\ &+ (3) \{ (ac) A + (bc) B + (cc) C \dots \dots - (cn) \} \\ &\dots \dots \dots \dots \dots \dots \end{aligned}$$

wegen 13) sind vorstehende Klammerausdrücke gleich Null und es bleibt für die Summe der Fehlerquadrate:

$$(vv) = (v^* v^*) + (v'' v'')$$

Der erste Theil ist mit Hülfe der Stationsausgleichung gefunden, nämlich

$$\begin{aligned} (v^* v^*) &= (nn) - (an) A - (bn) B - (cn) C \dots \dots \\ &\dots \dots \dots \dots \dots \dots \end{aligned}$$

Der zweite Theil wird durch Quadriren von 15) erhalten:

$$\begin{aligned} (v'' v'') &= (1) \{ (aa) (1) + (ab) (2) + (ac) (3) + \dots \dots \} \\ &+ (2) \{ (ab) (1) + (bb) (2) + (bc) (3) + \dots \dots \} \\ &+ (3) \{ (ac) (1) + (bc) (2) + (cc) (3) + \dots \dots \} \\ &+ \dots \dots \dots \dots \dots \dots \end{aligned} \quad 17)$$

und wenn man die Werthe von (1) (2) (3) . . . aus 9) und diejenigen der Klammerausdrücke aus 6) einsetzt:

$$(v'' v'') = (1) [1] + (2) [2] + (3) [3] + \dots \dots \quad 18)$$

oder: $(v'' v'') = \{ a_1 K_1 + b_1 K_2 + c_1 K_3 + \dots \dots \} \times \{ p_1 K_1 + r_1 K_2 + s_1 K_3 \dots \dots \}$

$$\begin{aligned} &+ \{ a_2 K_1 + b_2 K_2 + c_2 K_3 + \dots \dots \} \times \{ p_2 K_1 + r_2 K_2 + s_2 K_3 \dots \dots \} \\ &+ \{ a_3 K_1 + b_3 K_2 + c_3 K_3 + \dots \dots \} \times \{ p_3 K_1 + r_3 K_2 + s_3 K_3 \dots \dots \} \\ &\dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots \end{aligned}$$

Nach Ausführung der Multiplication erhält man nach 10) und 10a)

$$\begin{aligned}(v^n v^n) &= \{ (\mathfrak{A}\mathfrak{A}) K_1 + (\mathfrak{A}\mathfrak{B}) K_2 + (\mathfrak{A}\mathfrak{C}) K_3 + \dots \} K_1 \\ &\quad + \{ (\mathfrak{A}\mathfrak{B}) K_1 + (\mathfrak{B}\mathfrak{B}) K_2 + (\mathfrak{B}\mathfrak{C}) K_3 + \dots \} K_2 \\ &\quad + \{ (\mathfrak{A}\mathfrak{C}) K_1 + (\mathfrak{B}\mathfrak{C}) K_2 + (\mathfrak{C}\mathfrak{C}) K_3 + \dots \} K_3 \\ &\quad \dots \dots \dots \dots \dots \dots \dots\end{aligned}$$

oder

$$(v^n v^n) = w_1 K_1 + w_2 K_2 + w_3 K_3 + \dots = (wK) \quad 19)$$

und wenn man aus den reducirten Normalgleichungen des Netzes 11) die Werthe von $K_1 K_2 K_3 \dots$ einsetzt

$$(v^n v^n) = \frac{w_1 w_1}{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})} + \frac{w_2 \text{I} w_2 \text{I}}{(\mathfrak{B}\mathfrak{B}.\text{I})} + \frac{w_3 \text{II} w_3 \text{II}}{(\mathfrak{C}\mathfrak{C}.\text{II})} + \dots \quad 20)$$

Vorstehende beiden Ausdrücke gestatten eine bequeme, summarische Berechnung von $(v^n v^n)$. Auf ungleiche Gewichte wurde bei der Ableitung keine Rücksicht genommen, denn denkt man sich die Fehlergleichungen in einem solchen Falle von vorn herein mit den zugehörigen \sqrt{p} multiplicirt, so tritt an Stelle von (vv) nun (vvp) . Für den mittleren Fehler der Gewichtseinheit kann man jetzt 3 Werthe berechnen, nämlich aus der

$$\begin{aligned}\text{Stationsausgleichung} \quad m_s &= \pm \sqrt{\frac{(vvp)_s}{n-e}} \\ \text{Netzausgleichung} \quad m_n &= \pm \sqrt{\frac{(vvp)_n}{z}} \\ \text{Gesamtausgleichung} \quad m_{s+n} &= \pm \sqrt{\frac{(vvp)_s + (vvp)_n}{n-e+z}}\end{aligned}$$

Theoretisch würde bei Genauigkeitsbestimmungen der Fehler der Gesamtausgleichung $\pm m_{s+n}$ in Betracht zu ziehen sein, da man beabsichtigt die Gesamtsumme der Fehlerquadrate zu einem Minimum zu machen. Die Erfahrung hat aber gelehrt, dass die Netzausgleichung stets einen grösseren mittleren Fehler für die Gewichtseinheit ergibt, als die Stationsausgleichung, weil bei ersterer Fehlerquellen zur Geltung kommen, welche bei der Stationsausgleichung unwirksam blieben. Hierher sind zu rechnen z. B. Centrirungsfehler, einseitige Beleuchtung der Signale, seitliche Refraction etc. Je geringer der Unterschied zwischen dem mittleren Fehler der Stations- und der Netzausgleichung ist, um so mehr wird man mit den angenommenen Gewichten der Wahrheit nahe gekommen sein. Jedenfalls aber ist als Genauigkeitsmaass der mittlere Fehler der Netzausgleichung zu betrachten und dieser soll daher unter $m = \pm \sqrt{\frac{(vvp)_n}{z}}$ für alle Genauigkeitsbestimmungen verwandt werden. (Siehe Seite 36 und 37.)

Ein weiteres Mittel zur Beurtheilung der angewendeten Winkelgewichte, sowie überhaupt des inneren Werthes der ganzen Ausgleichung besteht in der Berechnung des mittleren Fehlers der auf den Stationen ausgeglichenen Richtungen, einmal nach den Ergebnissen der Stationsausgleichungen, und dann nach jenen der Netzausgleichungen. Kommen keine groben oder systematischen Fehler vor, so dürfen die beiden Werthe nicht wesentlich von einander verschieden sein. (Siehe Seite 38 und 39.*)

Genauigkeitsbestimmungen.

Andrae hat in der „Dänischen Gradmessung“ die Bessel'sche Methode der Ausgleichung vermittelnder Beobachtungen mit Bedingungsgleichungen weiter entwickelt, indem er die Berechnung des Gewichtes einer Function der ausgeglichenen Elemente, sowie die Bestimmung des mittleren Fehlers der Gewichtseinheit hinzu fügte und die Fehlerellipse aufstellt. Indem auf diese Arbeiten Andrae's und die Weiterentwicklung der Theorie der Fehlerellipse von Helmert verwiesen wird, folgen hier die Formeln für Ausführung der Rechnung, soweit dieselben zur Uebersicht des Ganges derselben nothwendig sind.

Die Berechnung des Gewichtes einer Function der ausgeglichenen Winkel zerfällt, wie die ganze Ausgleichungsarbeit, in zwei getrennte Theile, nämlich:

- 1) Berechnung des Gewichtes der Function, soweit die Stationsausgleichung allein in Betracht kommt.
- 2) Veränderung, d. h. Vergrösserung des so berechneten Gewichtes durch die Netzausgleichung.

*) Auf Seite 39 soll es heissen

$$(vv) = (2)^2 + (3)^2 - \frac{[(2) + (3)]^2}{3}$$

wo 3 im Nenner die Zahl der auf der Station vorkommenden Richtungen vorstellt.

Durch die Ausgleichung auf den Stationen sind die wahrscheinlichsten Winkelwerthe $A, B, C \dots$ mit den reciproken Gewichten $(\alpha\alpha), (\beta\beta), (\gamma\gamma) \dots$ gefunden worden. Die Function, deren Gewicht bestimmt werden soll, sei $U = F(A, B, C \dots)$. Dieselbe kann durch Einführen von Näherungswerten auf die Form gebracht werden:

$$U = U_0 + f_1 A + f_2 B + f_3 C + \dots$$

oder

$$\Delta U = f_1 A + f_2 B + f_3 C + \dots \quad (21)$$

wo $f_1 = \frac{\partial U}{\partial A}; f_2 = \frac{\partial U}{\partial B}; f_3 = \frac{\partial U}{\partial C} \dots$ ist.

Denkt man sich die $A, B, C \dots$ durch die unmittelbaren Beobachtungen $l_1 l_2 l_3 \dots$, ausgedrückt, so dass:

$$\begin{aligned} A &= \alpha_1 l_1 + \alpha_2 l_2 + \alpha_3 l_3 \dots \\ B &= \beta_1 l_1 + \beta_2 l_2 + \beta_3 l_3 \dots \\ C &= \gamma_1 l_1 + \gamma_2 l_2 + \gamma_3 l_3 \dots \\ &\dots \end{aligned} \quad (22)$$

und dann diese Werthe von $A, B, C \dots$ in den Ausdruck für ΔU eingesetzt, so wird:

$$\Delta U = (f_1 \alpha_1 + f_2 \beta_1 + f_3 \gamma_1 \dots) l_1 + (f_1 \alpha_2 + f_2 \beta_2 + f_3 \gamma_2 \dots) l_2 + \dots \quad (23)$$

Das reciproke Gewicht von U wird somit, soweit die Stationsausgleichung allein in Betracht kommt:

$$(UU_s) = (f_1 \alpha_1 + f_2 \beta_1 + f_3 \gamma_1 \dots)^2 + (f_1 \alpha_2 + f_2 \beta_2 + f_3 \gamma_2 \dots)^2 + \dots \quad (24)$$

$$\begin{aligned} (UU_s) &= f_1 \{ f_1(\alpha\alpha) + f_2(\alpha\beta) + f_3(\alpha\gamma) + \dots \} + \\ &+ f_2 \{ f_1(\alpha\beta) + f_2(\beta\beta) + f_3(\beta\gamma) + \dots \} + \\ &+ f_3 \{ f_1(\alpha\gamma) + f_2(\beta\gamma) + f_3(\gamma\gamma) + \dots \} + \\ &\dots \end{aligned} \quad (25)$$

Setzt man zur Abkürzung

$$\begin{aligned} f_1(\alpha\alpha) + f_2(\alpha\beta) + f_3(\alpha\gamma) \dots &= q_1 \\ f_1(\alpha\beta) + f_2(\beta\beta) + f_3(\beta\gamma) \dots &= q_2 \\ f_1(\alpha\gamma) + f_2(\beta\gamma) + f_3(\gamma\gamma) \dots &= q_3 \\ &\dots \end{aligned} \quad (26)$$

so wird

$$(UU_s) = f_1 q_1 + f_2 q_2 + f_3 q_3 + \dots = (fq) \quad (27)$$

Setzt man in den Stationsnormalgleichungen

$$\begin{aligned}(aa) A + (ab) B + (ac) C + \dots &= (an) \\(ab) A + (bb) B + (bc) C + \dots &= (bn) \\(ac) A + (bc) B + (cc) C + \dots &= (cn)\end{aligned}$$

.

an Stelle der absoluten Glieder (an) , (bn) , (cn) . . . die Differentialquotienten der Function $f_1 f_2 f_3 \dots$, so treten an Stelle der $A, B, C \dots$ die $q_1 q_2 q_3 \dots$, die dann durch die unbestimmte Auflösung in obiger Form 26) erhalten werden. Aus

$$\begin{aligned}(aa) q_1 + (ab) q_2 + (ac) q_3 + \dots &= f_1 \\(ab) q_1 + (bb) q_2 + (bc) q_3 + \dots &= f_2 \\(ac) q_1 + (bc) q_2 + (cc) q_3 + \dots &= f_3\end{aligned} \quad 28)$$

.

kann man auch weiter bilden:

$$\begin{aligned}q_1 + \frac{(ab)}{(aa)} q_2 + \frac{(ac)}{(aa)} q_3 + \dots &= \frac{f_1}{(aa)} \\q_3 + \frac{(bc.1)}{(bb.1)} q_3 + \dots &= \frac{f_2 I}{(bb.1)} \\q_3 + \dots &= \frac{f_3 II}{(cc.2)}\end{aligned} \quad 29)$$

.

Setzt man hieraus die Werthe von $q_1 q_2 q_3 \dots$ in den Ausdruck

$$(UU_s) = (fq)$$

ein, so wird

$$(UU_s) = \frac{f_1 f_1}{(aa)} + \frac{f_1 I \cdot f_2 I}{(bb.1)} + \frac{f_3 II \cdot f_3 II}{(cc.2)} + \dots \quad 30)$$

Der Ausdruck für das reciproke Gewicht einer Function U ausgeglichener, vermittelnder Beobachtungen hat allgemein die Form

$$(UU) = F_1 Q_1 + F_2 Q_2 + F_3 Q_3 + \dots = (FQ) \quad 31)$$

wo $F_1 F_2 F_3 \dots$ die Differentialquotienten der Function nach den einzelnen Unbekannten sind und $Q_1 Q_2 Q_3 \dots$ aus den Normalgleichungen erhalten werden, wenn man an Stelle der absoluten Glieder die $F_1 F_2 F_3 \dots$ setzt, in der Form

$$\begin{aligned}Q_1 &= (\alpha\alpha) F_1 + (\alpha\beta) F_2 + (\alpha\gamma) F_3 + \dots \\Q_2 &= (\alpha\beta) F_1 + (\beta\beta) F_2 + (\beta\gamma) F_3 + \dots \\Q_3 &= (\alpha\gamma) F_1 + (\beta\gamma) F_2 + (\gamma\gamma) F_3 + \dots\end{aligned} \quad 32)$$

.

In Folge der Netzausgleichung erhalten die durch die Stationsausgleichung gefundenen $A, B, C \dots$ weitere Verbesserungen (1) (2) (3) \dots , welche ihrerseits Functionen der $A, B, C \dots$ sind. Die Function, deren Gewicht bestimmt werden soll, lautet jetzt:

$$U = F \{ (A + 1), (B + 2), (C + 3) \dots \}$$

Man kann sich dieselbe zunächst auf die Form gebracht denken:

$$U = F(A, B, C \dots) + f_1(1) + f_2(2) + f_3(3) + \dots \quad 33)$$

wo $f_1, f_2, f_3 \dots$ die Differentialquotienten der Function nach den einzelnen Elementen sind und denselben numerischen Werth haben, wie vorhin, da die (1), (2), (3) \dots nur sehr kleine Verbesserungen vorstellen.

Um das Gewicht dieser Function angeben zu können, müssen aus vorstehendem Ausdrucke die (1), (2), (3) \dots eliminiert und durch die $A, B, C \dots$ ersetzt werden. Dann ist die Aufgabe auf den vorigen Fall zurückgeführt und das reciproke Gewicht von U ist:

$$(UU) = (FQ)$$

Bei der Netzausgleichung war gefunden worden nach 9):

$$\begin{aligned} (1) &= a_1 K_1 + b_1 K_2 + c_1 K_3 + \dots \\ (2) &= a_2 K_1 + b_2 K_2 + c_2 K_3 + \dots \\ (3) &= a_3 K_1 + b_3 K_2 + c_3 K_3 + \dots \\ &\dots \dots \dots \dots \dots \end{aligned}$$

Multiplicirt man diese Ausdrücke der Reihe nach mit $f_1, f_2, f_3 \dots$ und addirt, so wird

$$f_1(1) + f_2(2) + f_3(3) \dots = (af) K_1 + (bf) K_2 + (cf) K_3 + \dots$$

Die Normalgleichungen der Netzausgleichung waren nach 10)

$$\begin{aligned} (\mathfrak{A}\mathfrak{A}) K_1 + (\mathfrak{A}\mathfrak{B}) K_2 + \dots &= w_1 \\ (\mathfrak{A}\mathfrak{B}) K_1 + (\mathfrak{B}\mathfrak{B}) K_2 + \dots &= w_2 \\ &\dots \dots \dots \dots \end{aligned}$$

Setzt man an Stelle der absoluten Glieder $w_1, w_2 \dots$ die Summen $(af), (bf) \dots$ so treten an Stelle der $K_1, K_2 \dots$ andere Coefficienten, welche mit $(K_1), (K_2) \dots$ bezeichnet werden mögen, und die Gleichungen gehen über in

$$\begin{aligned} (\mathfrak{A}\mathfrak{A})(K_1) + (\mathfrak{A}\mathfrak{B})(K_2) + \dots &= (af) \\ (\mathfrak{A}\mathfrak{B})(K_1) + (\mathfrak{B}\mathfrak{B})(K_2) + \dots &= (bf) \\ &\dots \dots \dots \dots \end{aligned} \quad 34)$$

Multiplicirt man diese Gleichungen der Reihe nach mit den Correlaten $K_1 K_2 \dots$ und addirt, so wird

$$\{(A\mathfrak{A})K_1 + (A\mathfrak{B})K_2 \dots\} (K_1) + \{(A\mathfrak{B})K_1 + (B\mathfrak{B})K_2 + \dots\} (K_2) + \dots = (af)K_1 + (bf)K_2 + \dots$$

also auch

$$(af)K_1 + (bf)K_2 + \dots = (K_1)w_1 + (K_2)w_2 + \dots$$

womit der Ausdruck für die Function U übergeht in

$$U = F(A, B, C \dots) + (K_1)w_1 + (K_2)w_2 + \dots \quad 35)$$

Aus den Bedingungsgleichungen 2) und 3) folgte 4)

$$\begin{aligned} w_1 &= W_1 - p_1 A - p_2 B - p_3 C \dots \\ w_2 &= W_2 - r_1 A - r_2 B - r_3 C \dots \\ &\vdots \end{aligned}$$

Setzt man diese Werthe in den Ausdruck für U ein, so enthält derselbe nur noch Glieder, welche von den Resultaten der Stationsausgleichung $A, B, C \dots$ abhängig sind und die Aufgabe ist somit gelöst, denn sind jetzt die Differentialquotienten der Function $\frac{\partial U}{\partial A} = F_1 \frac{\partial U}{\partial B} = F_2 \dots$, so wird das reciproke Gewicht von U analog dem früheren

$$(UU) = (FQ)$$

Es wird aber

$$\begin{aligned} \frac{\partial U}{\partial A} &= F_1 = \frac{\partial F}{\partial A} + \frac{\partial w_1}{\partial A}(K_1) + \frac{\partial w_2}{\partial A}(K_2) + \dots \\ \frac{\partial U}{\partial B} &= F_2 = \frac{\partial F}{\partial B} + \frac{\partial w_1}{\partial B}(K_1) + \frac{\partial w_2}{\partial B}(K_2) + \dots \\ &\vdots \end{aligned}$$

oder auch

$$\begin{aligned} F_1 &= f_1 - p_1(K_1) - r_1(K_2) - s_1(K_3) - \dots \\ F_2 &= f_2 - p_2(K_1) - r_2(K_2) - s_2(K_3) - \dots \\ &\vdots \end{aligned}$$

und da

$$\begin{aligned} Q_1 &= (\alpha\alpha)F_1 + (\alpha\beta)F_2 + (\alpha\gamma)F_3 + \dots \\ Q_2 &= (\alpha\beta)F_1 + (\beta\beta)F_2 + (\beta\gamma)F_3 + \dots \\ &\vdots \end{aligned}$$

ist, so wird, wenn man nach der früheren Bezeichnung 26) noch

$$q_1 = (\alpha\alpha)f_1 + (\alpha\beta)f_2 + (\alpha\gamma)f_3 + \dots$$

$$q_2 = (\alpha\beta)f_1 + (\beta\beta)f_2 + (\beta\gamma)f_3 + \dots$$

setzt,

$$Q_1 = q_1 - \{ p_1(\alpha\alpha) + p_2(\alpha\beta) + p_3(\alpha\gamma) \dots \} (K_1) - \{ r_1(\alpha\alpha) + r_2(\alpha\beta) + r_3(\alpha\gamma) \dots \} (K_2) - \dots$$

oder auch wegen 8):

$$Q_1 = q_1 - a_1(K_1) - b_1(K_2) - c_1(K_3) - \dots$$

$$Q_2 = q_2 - a_2(K_1) - b_2(K_2) - c_2(K_3) - \dots .$$

$$Q_3 = q_3 - a_3(K_1) - b_3(K_2) - c_3(K_3) - \dots$$

Setzt man diese Werthe in die allgemeine Formel

$$(UU) = F_1 Q_1 + F_2 Q_2 + F_3 Q_3 + \dots$$

ein, so wird

$$\begin{aligned}
 (UU) &= (fq) - \{(af)(K_1) + (bf)(K_2) + (cf)(K_3) + \dots\} \\
 &\quad - \{(pq)(K_1) + (rq)(K_2) + (sq)(K_3) + \dots\} \\
 &\quad + \{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})(K_1) + (\mathfrak{A}\mathfrak{B})(K_2) + (\mathfrak{A}\mathfrak{C})(K_3) + \dots\} (K_1) \\
 &\quad + \{(\mathfrak{A}\mathfrak{B})(K_1) + (\mathfrak{B}\mathfrak{B})(K_2) + (\mathfrak{B}\mathfrak{C})(K_3) + \dots\} (K_2) \\
 &\quad + \{(\mathfrak{A}\mathfrak{C})(K_1) + (\mathfrak{B}\mathfrak{C})(K_2) + (\mathfrak{C}\mathfrak{C})(K_3) + \dots\} (K_3)
 \end{aligned}$$

da $(\mathfrak{A}\mathfrak{A}) = (ap)$; $(\mathfrak{A}\mathfrak{B}) = (bp) = (ar)$; u. s. w. nach 10a) ist.

Nach 34) sind aber die letzten Ausdrücke gleich $+(af)(K_1) + (bf)(K_2) + (cf)(K_3) \dots$, heben sich somit gegen den Klammerausdruck der ersten Zeile und es bleibt

$$(UU) = (fq) - \{ (pq)(K_1) + (rq)(K_2) + (sq)(K_3) + \dots \}$$

Weiter ist

$$(pq) = \begin{bmatrix} + p_1 q_1 \\ + p_2 q_2 \\ \vdots \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} + p_1 (\alpha\alpha) f_1 + p_1 (\alpha\beta) f_2 + p_1 (\alpha\gamma) f_3 + \dots \\ + p_2 (\alpha\beta) f_1 + p_2 (\beta\beta) f_2 + p_2 (\beta\gamma) f_3 + \dots \\ \vdots \end{bmatrix}$$

oder

$$(pq) = \{ p_1 (\alpha\alpha) + p_2 (\alpha\beta) + \dots \} f_1 + \{ p_1 (\alpha\beta) + p_2 (\beta\beta) + \dots \} f_2 + \dots$$

also nach 8)

$$(pq) = (af).$$

Analog wird $(rq) = (bf)$; $(sq) = (cf) \dots \dots$

und es bleibt somit

$$(U U) = (f q) - \{ (a f) (K_1) + (b f) (K_2) + (c f) (K_3) \dots \dots \}$$

Die reduciren Normalgleichungen zur Bestimmung der (K_1) (K_2) K_3) . . . werden nach 34)

$$(K_1) + \frac{(\mathfrak{A}\mathfrak{B})}{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})} (K_2) + \frac{(\mathfrak{A}\mathfrak{C})}{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})} (K_3) + \dots = \frac{(af)}{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})}$$

$$(K_2) + \frac{(\mathfrak{B}\mathfrak{C},\mathbf{I})}{(\mathfrak{B}\mathfrak{B},\mathbf{I})} (K_3) + \dots = \frac{(bf,\mathbf{I})}{(\mathfrak{B}\mathfrak{B},\mathbf{I})}$$

$$(K_3) + \dots = \frac{(cf,\mathbf{II})}{(\mathfrak{C}\mathfrak{C},\mathbf{II})}$$

• • • • • • •

Nimmt man hieraus die Werthe von (K_1), (K_2), (K_3) . . . und setzt sie oben ein, so wird schliesslich

$$(UU) = (fq) - \left\{ \frac{(af)(af)}{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})} + \frac{(bf,\mathbf{I})(bf,\mathbf{I})}{(\mathfrak{B}\mathfrak{B},\mathbf{I})} + \frac{(cf,\mathbf{II})(cf,\mathbf{II})}{(\mathfrak{C}\mathfrak{C},\mathbf{II})} + \dots \right\} \quad 36)$$

$$(UU) = (UU_s) - (UU_N) \quad 37)$$

wo (UU_N) gebildet wird, indem man die Summen (af), (bf), (cf) . . . an die Normalgleichungen des Netzes anhängt und bei der Auflösung ebenso wie die absoluten Glieder behandelt. Die Summen (af), (bf), (cf) . . . selbst erhält man leicht, wenn man die Correlatenausdrücke 9)

$$(1) = a_1 K_1 + b_1 K_2 + c_1 K_3 + \dots$$

$$(2) = a_2 K_1 + b_2 K_2 + c_2 K_3 + \dots$$

• • • • • • •

der Reihe nach mit den entsprechenden Differentialquotienten f_1 f_2 f_3 . . . , multiplicirt und die zusammengehörigen Producte addirt.

Der Uebersicht halber sind die zur Gewichtsberechnung nothwendigen Formeln hier noch einmal für zwei verschiedene Functionen U und V zusammengestellt. Es wird zunächst

$$\begin{aligned} (UU_s) &= f_1^u \{ f_1^u (\alpha\alpha) + f_2^u (\alpha\beta) + f_3^u (\alpha\gamma) + \dots \} \\ &\quad + f_2^u \{ f_1^u (\alpha\beta) + f_2^u (\beta\beta) + f_3^u (\beta\gamma) + \dots \} = (f^u q^u) \\ &\quad + f_3^u \{ f_1^u (\alpha\gamma) + f_2^u (\beta\gamma) + f_3^u (\gamma\gamma) + \dots \} \\ &\quad \cdot \end{aligned} \quad 38)$$

$$\begin{aligned} (VV_s) &= f_1^v \{ f_1^v (\alpha\alpha) + f_2^v (\alpha\beta) + f_3^v (\alpha\gamma) + \dots \} \\ &\quad + f_2^v \{ f_1^v (\alpha\beta) + f_2^v (\beta\beta) + f_3^v (\beta\gamma) + \dots \} = (f^v q^v) \\ &\quad + f_3^v \{ f_1^v (\alpha\gamma) + f_2^v (\beta\gamma) + f_3^v (\gamma\gamma) + \dots \} \\ &\quad \cdot \end{aligned}$$

Zugleich mit diesen Ausdrücken kann man für spätere Rechnungen, bei denen die Abhängigkeit der beiden Functionen U und V von denselben Ausgleichungsresultaten in Betracht gezogen werden muss, weiter bilden

$$\begin{aligned} (UV_s) &= f_1^u \{f_1^v (\alpha\alpha) + f_2^v (\alpha\beta) + f_3^v (\alpha\gamma) \dots\} \\ &+ f_2^u \{f_1^v (\alpha\beta) + f_2^v (\beta\beta) + f_3^v (\beta\gamma) \dots\} = (f^u q^v) \\ &+ f_3^u \{f_1^v (\alpha\gamma) + f_2^v (\beta\gamma) + f_3^v (\gamma\gamma) \dots\} \\ &\dots \end{aligned} \quad 39)$$

oder auch

$$(UV_s) = \frac{f_1^u f_1^v}{(aa)} + \frac{f_2^u f_2^v}{(bb \cdot 1)} + \frac{f_3^u f_3^v}{(cc \cdot 2)} \dots$$

wie leicht aus den früher entwickelten Ausdrücken 23):

$$\partial U = (f_1^u \alpha_1 + f_2^u \beta_1 + f_3^u \gamma_1 \dots) l_1 + (f_1^u \alpha_2 + f_2^u \beta_2 + f_3^u \gamma_2 \dots) l_2 + \dots$$

$$\partial V = (f_1^v \alpha_1 + f_2^v \beta_1 + f_3^v \gamma_1 \dots) l_1 + (f_1^v \alpha_2 + f_2^v \beta_2 + f_3^v \gamma_2 \dots) l_2 + \dots$$

hervorgeht, analog der Bildung von $(\alpha\beta) = \alpha_1\beta_1 + \alpha_2\beta_2 + \alpha_3\beta_3 \dots$ aus

$$\begin{aligned} A &= \alpha_1 l_1 + \alpha_2 l_2 + \alpha_3 l_3 + \dots \\ B &= \beta_1 l_1 + \beta_2 l_2 + \beta_3 l_3 + \dots \\ &\dots \end{aligned}$$

Der zweite Ausdruck für (UV_s) folgt ebenso aus $(UV_s) = (f^u q^v)$ wie 30) aus $(UU_s) = (f^u q^v)$.

Für den Einfluss des Netzes erhält man:

$$\left. \begin{aligned} (UU_s) &= \frac{(af^u)(af^u)}{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})} + \frac{(bf^u \cdot 1)(bf^u \cdot 1)}{(\mathfrak{B}\mathfrak{B} \cdot 1)} + \frac{(cf^u \cdot II)(cf^u \cdot II)}{(\mathfrak{C}\mathfrak{C} \cdot II)} + \dots \\ (VV_s) &= \frac{(af^v)(af^v)}{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})} + \frac{(bf^v \cdot 1)(bf^v \cdot 1)}{(\mathfrak{B}\mathfrak{B} \cdot 1)} + \frac{(cf^v \cdot II)(cf^v \cdot II)}{(\mathfrak{C}\mathfrak{C} \cdot II)} + \dots \end{aligned} \right\} \quad 40)$$

und kann weiter bilden

$$(UV_s) = \frac{(af^u)(af^v)}{(\mathfrak{A}\mathfrak{A})} + \frac{(bf^u \cdot 1)(bf^v \cdot 1)}{(\mathfrak{B}\mathfrak{B} \cdot 1)} + \frac{(cf^u \cdot II)(cf^v \cdot II)}{(\mathfrak{C}\mathfrak{C} \cdot II)} + \dots$$

Schliesslich werden die reciproken Gewichte der beiden Functionen

$$(UU) = (UU_s) - (UU_s)$$

$$(VV) = (VV_s) - (VV_s) \quad 41)$$

$$(UV) = (UV_s) - (UV_s)$$

Nach den Formeln 38) bis 41) sind auf Seite 40 bis 65 die reciproken Gewichte und darnach die mittleren Fehler von 3 Dreieckseiten und den Coordinaten von 4 Netzpunkten berechnet worden.

Die Fehlerellipse.

Man kann die Lage eines jeden durch Messungen festgelegten Punktes sich bestimmt denken durch den Schnitt zweier Geraden, welche für den Punkt genau dieselbe Lage und dieselbe Sicherheit der Bestimmung ergeben, wie die Beobachtungen selbst. Zwei solche Gerade sind dann mit den letzteren in Bezug auf Festlegung des betreffenden Punktes ganz gleichwertig, „aequivalent“.

Die Wahrscheinlichkeit der Lage eines Punktes im Schnitte zweier andern Geraden, welche zu den eben erwähnten, aequivalenten Geraden parallel im Abstande u und v gezogen sind, ist bestimmt durch die Wahrscheinlichkeit des Zusammentreffens der Fehler u und v , und nach dem Gauss'schen Fehlergesetze proportional dem Ausdrucke

$$\frac{h_1 h_2}{\pi} \cdot e^{-(h_1^2 u^2 + h_2^2 v^2)}$$

Für $h_1^2 u^2 + h_2^2 v^2 = \text{Constante}$ ist der ganze Ausdruck constant, d. h. Punkte gleicher Wahrscheinlichkeit liegen um den wahrscheinlichsten Punkt herum auf einer Ellipse, deren Gleichung ausgedrückt ist durch

$$h_1^2 u^2 + h_2^2 v^2 = c^2$$

oder da für die Präcision h die Beziehung $h = \frac{1}{2m^2}$ gilt, wo m der mittlere Fehler ist, so ist die Gleichung der Ellipse auch:

$$\frac{u^2}{m_u^2} + \frac{v^2}{m_v^2} = 2c^2$$

Solche Ellipsen lassen sich unzählige construiren, je nach dem Werthe, welchen man c beilegen will. Sie liegen alle concentrisch um den „wahrscheinlichsten“ Punkt und werden um so grösser, je geringer die Wahrscheinlichkeit, d. h. je grösser c ist. Diejenige Ellipse, für welche $2c^2 = 1$ wird, nennt man „mittlere Fehlerellipse“.

Setzt man $u = \eta \sin \varphi$ und $v = \xi \sin \varphi$, so ist ihre Gleichung bestimmt durch

$$\frac{\eta^2}{\left(\frac{m_u}{\sin \varphi}\right)^2} + \frac{\xi^2}{\left(\frac{m_v}{\sin \varphi}\right)^2} = 1 \quad (42)$$

Dies ist die Mittelpunktsgleichung einer Ellipse bezogen auf zwei conjugirte Durchmesser als Axen, die den Werth $\frac{2 m_u}{\sin \varphi}$ und $\frac{2 m_v}{\sin \varphi}$ haben. Es sind also „aequivalente“ Gerade-Paare conjugirte Durchmesser der Fehlerellipse oder diese letztere wird begrenzt durch je zwei Tangenten, die im Abstande $\pm m_u$ und $\pm m_v$ zu den wahrscheinlichsten Geraden parallel gezogen sind, so dass $\frac{m_u}{\sin \varphi}$ und $\frac{m_v}{\sin \varphi}$ die halben conjugirten Durchmesser der Ellipse werden. Für $\varphi = 90^\circ$ werden die conjugirten Durchmesser die Axen der Fehlerellipse. Um letztere zu construiren, kann man also entweder ein Paar aequivalenter Geraden mit ihren mittleren Parallelverschiebungen berechnen und als conjugirte Durchmesser der Ellipse betrachten, oder man kann die Bedingung $\varphi = 90^\circ$ einführen und erhält als conjugirte Durchmesser direct die Axen der Fehlerellipse. Diese hat ihrer Ableitung gemäss die Eigenschaft, dass der senkrechte Abstand einer Tangente vom Mittelpunkte der Ellipse den mittleren Fehler in der zur Tangente senkrechten Richtung angibt.

Sind die Gleichungen zweier „aequivalenten“ Geraden

$$0 = -p_1 + \cos \gamma_1 x + \sin \gamma_1 y$$

$$0 = -p_2 + \cos \gamma_2 x + \sin \gamma_2 y$$

wo p die Normale und γ den Winkel der Normalen mit der X -Axe bedeuten, so müssen für $\varphi = 90^\circ$ die beiden Normalen senkrecht auf einander stehen, also

$$\tan \gamma_1 = -\cot \gamma_2$$

sein und dies ist daher die Bedingung, dass die aequivalenten Geraden die Axen der Fehlerellipse werden.

Es sei nun ein Punkt bestimmt durch den Schnitt zweier Geraden, deren Gleichungen lauten

$$0 = -l_1 + a_1 x + b_1 y \quad \text{Gewicht} = 1 \quad (43)$$

$$0 = -l_2 + a_2 x + b_2 y \quad \text{»} = 1$$

wo l_1 und l_2 als unmittelbar beobachtet gelten und das Gewicht 1 haben sollen. Die Ausgleichsrechnung hat als Coordinaten des Punktes x und y ergeben mit den zugehörigen reciproken Gewichtscoefficienten $(xx) (xy) (yy)$. Sollen nun die Gleichungen 43) für x und y genau dieselben Werthe und Gewichte ergeben, so müssen folgende Beziehungen stattfinden. Aus den Gleichungen 43) folgt zunächst:

$$x = \frac{b_2 l_1 - b_1 l_2}{a_1 b_2 - a_2 b_1} = + \frac{b_2}{N} l_1 - \frac{b_1}{N} l_2$$

$$y = \frac{a_1 l_2 - a_2 l_1}{a_1 b_2 - a_2 b_1} = - \frac{a_2}{N} l_1 + \frac{a_1}{N} l_2$$

wo zur Abkürzung $N = a_1 b_2 - a_2 b_1$ gesetzt worden ist.

Da l_1 und l_2 als unmittelbar beobachtet gelten, so wird das

$$\begin{aligned} \text{reciproke Gewicht von } x \dots & \dots \frac{b_2^2 + b_1^2}{N^2} \\ " " " y \dots & \dots \frac{a_2^2 + a_1^2}{N^2} \end{aligned}$$

Soll Aequivalenz stattfinden, so muss also sein

$$\begin{aligned} b_2^2 + b_1^2 &= (xx) N^2 \\ a_2^2 + a_1^2 &= (yy) N^2 \end{aligned}$$

und analog der Bildung von $(\alpha\beta)$:

$$-\frac{b_2 a_2}{N^2} - \frac{b_1 a_1}{N^2} = (xy)$$

wo (xx) , (xy) und (yy) die durch eine Genauigkeitsberechnung gefundenen reciproken Gewichte der Coordinaten vorstellen.

Diese 3 Gleichungen enthalten 4 zu bestimmende Grössen, nämlich a_1 a_2 b_1 b_2 , von denen also eine willkürlich angenommen werden kann. Von den unendlich vielen aequivalenten Gerade-Paaren, welche somit möglich sind, kann man durch Einführen einer vierten Bedingungsgleichung ein bestimmtes auswählen und wie vorhin erwähnt, erhält man die Axen der Fehlerellipse, wenn man die Bedingung einführt, dass der Schnittwinkel der Geraden 90° wird. Sollen hierzu die Gleichungen 43) auf die Form gebracht werden

$$\begin{aligned} 0 &= -p_1 + \cos \gamma_1 x + \sin \gamma_1 y \\ 0 &= -p_2 + \cos \gamma_2 x + \sin \gamma_2 y \end{aligned}$$

so hat man zu setzen

$\tang \gamma = \frac{b}{a}$, und da $\cos^2 \gamma = \frac{1}{1 + \tang^2 \gamma}$ und $\sin^2 \gamma = \frac{1}{1 + \cotg^2 \gamma}$ ist,
so wird

$$\cos^2 \gamma = \frac{a^2}{a^2 + b^2} \text{ und } \sin^2 \gamma = \frac{b^2}{a^2 + b^2},$$

und die Gleichungen gehen über in

$$\begin{aligned} 0 &= -\frac{l_1}{\sqrt{a_1^2 + b_1^2}} + \frac{a_1}{\sqrt{a_1^2 + b_1^2}} x + \frac{b_1}{\sqrt{a_1^2 + b_1^2}} y \dots \text{Gewicht } (a_1^2 + b_1^2) \\ 0 &= -\frac{l_2}{\sqrt{a_2^2 + b_2^2}} + \frac{a_2}{\sqrt{a_2^2 + b_2^2}} x + \frac{b_2}{\sqrt{a_2^2 + b_2^2}} y \dots \text{Gewicht } (a_2^2 + b_2^2) \end{aligned} \tag{44}$$

deren Gewicht nun gleich $a^2 + b^2$ ist, da die unmittelbaren Beobachtungen l_1 und l_2 vom Gewichte 1 hier mit $\sqrt{a^2 + b^2}$ dividirt sind.

Fügt man jetzt die 4. Bedingung hinzu, so lautet dieselbe:

$$\tang \gamma_1 = -\cotang \gamma_2 \text{ oder } \frac{b_1}{a_1} = -\frac{a_2}{b_2} \text{ oder auch } \frac{b_2}{a_1} = -\frac{a_2}{b_1}$$

und die 4 Bedingungen für die Aequivalenz der Festlegung des Punktes mit den Coordinaten x und y , wie sie die Netzausgleichung ergibt, durch vorstehende zwei Gleichungen zweier Geraden sind

$$\begin{aligned} a_1^2 + a_2^2 &= N^2 (yy) \\ b_1^2 + b_2^2 &= N^2 (xx) \quad N = a_1 b_2 - a_2 b_1 \quad 45) \\ a_1 b_1 + a_2 b_2 &= -N^2 (xy) \\ \frac{b_2}{a_1} &= -\frac{a_2}{b_1} \end{aligned}$$

Aus den vorstehenden 4 Gleichungen folgt:

$$\begin{aligned} -N^2 (xy) &= a_1 b_1 \left(1 + \frac{a_2 b_2}{a_1 b_1}\right) = a_1 b_1 \left(1 - \frac{b_2^2}{a_1^2}\right) = \frac{b_1}{a_1} (a_1^2 - b_2^2) = \tan \gamma_1 (a_1^2 - b_2^2) \\ -N^2 (xy) &= a_2 b_2 \left(1 + \frac{a_1 b_1}{a_2 b_2}\right) = a_2 b_2 \left(1 - \frac{b_1^2}{a_2^2}\right) = \frac{b_2}{a_2} (a_2^2 - b_1^2) = \tan \gamma_2 (a_2^2 - b_1^2) \end{aligned}$$

Es wird also

$$\begin{aligned} a_1^2 - b_2^2 &= -N^2 (xy) \cot \gamma_1 \\ a_2^2 - b_1^2 &= -N^2 (xy) \cot \gamma_2 \quad 46) \end{aligned}$$

Durch Addition dieser beiden Gleichungen erhält man

$$\begin{aligned} (a_1^2 + a_2^2) - (b_1^2 + b_2^2) &= -N^2 (xy) \{\cot \gamma_1 + \cot \gamma_2\} \\ N^2 (yy) - N^2 (xx) &= -N^2 (xy) \{\cot \gamma_1 - \tan \gamma_1\} = -N^2 (xy) \{\cot \gamma_2 - \tan \gamma_2\} \\ (yy) - (xx) &= - (xy) 2 \cot \gamma_1 = - (xy) 2 \cot \gamma_2 \end{aligned}$$

woraus allgemein folgt:

$$\cot 2\gamma = \frac{(xx) - (yy)}{2(xy)} \quad 47)$$

welche Gleichung 2 um 90° verschiedene Werthe von γ gibt.

Weiter folgt aus den Gleichungen 45) und 46) durch Subtraction

$$\begin{aligned} a_1^2 + b_1^2 &= N^2 \{(yy) + (xy) \cot \gamma_2\} \\ a_2^2 + b_2^2 &= N^2 \{(yy) + (xy) \cot \gamma_1\} \quad 48) \end{aligned}$$

Es war aber

$$N = a_1 b_2 - a_2 b_1 = a_1 b_2 \left(1 - \frac{a_2 b_1}{b_2 a_1}\right) = a_1 b_2 \left(1 + \frac{b_1^2}{a_1^2}\right) = \frac{b_2}{a_1} (a_1^2 + b_1^2)$$

oder auch

$$N = a_1 b_2 - a_2 b_1 = a_1 b_2 \left(1 - \frac{a_2 b_1}{b_2 a_1}\right) = a_1 b_2 \left(1 + \frac{a_2^2}{b_2^2}\right) = \frac{a_1}{b_2} (a_2^2 + b_2^2)$$

und wenn man beide mit einander multiplicirt

$$N^2 = (a_1^2 + b_1^2) (a_2^2 + b_2^2)$$

Setzt man diesen Werth für N^2 in 48) ein, so hat man:

$$a_1^2 + b_1^2 = \frac{1}{(yy) + (xy) \cot \gamma_1}$$

$$a_2^2 + b_2^2 = \frac{1}{(yy) + (xy) \cot \gamma_2}$$

Die Gleichungen 44), für welche die Aequivalenz stattfinden soll, hatten die Gewichte $a_1^2 + b_1^2$ resp. $a_2^2 + b_2^2$. Ihre mittleren Parallelverschiebungen werden also $\pm \frac{m}{\sqrt{a_1^2 + b_1^2}}$ resp. $\pm \frac{m}{\sqrt{a_2^2 + b_2^2}}$, wo $\pm m$ der mittlere Fehler der Gewichtseinheit ist. Diese mittleren Parallelverschiebungen sind im vorliegenden Falle nicht nur conjugirte Durchmesser, sondern in Folge der Bedingung $\tan \gamma_1 = - \cot \gamma_2$ die Axen der Fehlerellipse, für welche man also hat

$$A = \frac{\pm m}{\sqrt{a_1^2 + b_1^2}} = \pm m \sqrt{(yy) + (xy) \cotang \gamma_1} \quad \dots \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\} 49)$$

$$B = \frac{\pm m}{\sqrt{a_2^2 + b_2^2}} = \pm m \sqrt{(yy) + (xy) \cotang \gamma_2} \quad \dots \quad \left. \begin{array}{l} \\ \end{array} \right\}$$

Sind also durch die Netzausgleichung für einen Punkt die Coordinaten y und x mit den reciproken Gewichtscoefficienten (yy) (xx) (xy) gefunden, so geben die Formeln 47) und 49) die Axen und die Lage seiner Fehlerellipse.

Setzt man in die Gleichungen

$$0 = -p_1 + \cos \gamma_1 x + \sin \gamma_1 y$$

$$0 = -p_2 + \cos \gamma_2 x + \sin \gamma_2 y$$

die für γ_1 und γ_2 nach 47) berechneten Werthe, sowie für x und y die durch das Netz gefundenen Werthe ein, so erhält man zunächst p_1 und p_2 und hiermit auch die Gleichungen der beiden Geraden, welche eine den Ausgleichsresultaten gleichwerthige Bestimmung des Punktes liefern.

Die Fehlerellipse hat die Eigenschaft, dass der senkrechte Abstand einer Tangente vom Mittelpunkte der Ellipse den mittleren Fehler in der zur Tangente senkrechten Richtung angibt. Hat man also nach 47) und 49) Lage und Axen der Ellipse berechnet und diese selbst gezeichnet, so findet man den mittleren Fehler der Länge S vom Ursprung der Coordinaten bis zu dem betreffenden Punkte, wenn man die zu dieser Linie senkrechte Tangente zieht. Macht man dasselbe für die zu S senkrechte Richtung, so gibt der so entstehende Abschnitt den Fehler im Azimuthe α von S , wenn man mit $\frac{\varrho}{S}$ multipliziert, wo ϱ den Radius in Secunden bedeutet.

Beide Größen, den mittleren Fehler in Länge und Azimuth der Verbindungsline S mit dem Ursprunge findet man mit Hülfe der schon berechneten reciproken Gewichtscoefficienten auch leicht durch Rechnung. Es ist

$$S^2 = x^2 + y^2$$

$$\partial S = \cos \alpha \partial x + \sin \alpha \partial y$$

Denkt man sich hier analog der früheren Entwicklung ∂x und ∂y durch unabhängige Beobachtungen ausgedrückt, so dass ihre reciproken Gewichte (xx) und (yy) werden, entsprechend den $(\alpha\alpha)$ $(\beta\beta)$, so wird das reciproke Gewicht von S

$$(SS) = \cos^2 \alpha (xx) + 2 \cos \alpha \sin \alpha (xy) + \sin^2 \alpha (yy) \quad 50)$$

Für das Azimuth α hat man

$$\tan \alpha = \frac{y}{x}; \quad \partial''\alpha = -\frac{\varrho}{S} \sin \alpha \partial x + \frac{\varrho}{S} \cos \alpha \partial y$$

und daher für das reciproke Gewicht des Azimuthes α

$$(\alpha\alpha) = \frac{\varrho^2}{S^2} \sin^2 \alpha (xx) - \frac{\varrho^2}{S^2} 2 \sin \alpha \cos \alpha (xy) + \frac{\varrho^2}{S^2} \cos^2 \alpha (yy) \quad 51)$$

Die mittleren Fehler in Länge und Azimuth sind dann

$$m_s = \pm m \sqrt{(SS)}$$

$$m_\alpha = \pm m \sqrt{(\alpha\alpha)}$$

Bezeichnet S nicht die Entfernung vom Ursprung, dessen Coordinaten Null sind, sondern den Abstand zweier Netzpunkte mit den Coordinaten $x_1 y_1$ und $x_2 y_2$, so wird

$$x = x_2 - x_1 \quad y = y_2 - y_1$$

$$(xx) = (x_2 x_2) - 2(x_1 x_2) + (x_1 x_1)$$

$$(yy) = (y_2 y_2) - 2(y_1 y_2) + (y_1 y_1)$$

$$(xy) = (x_2 y_2) - (x_2 y_1) - (x_1 y_2) + (x_1 y_1)$$

wo die Bildung der betreffenden Gewichtscoefficienten ganz analog der Entwicklung von 41):

$$(UU) = (UU_s) - (UU_N)$$

$$(VV) = (VV_s) - (VV_N)$$

$$(UV) = (UV_s) - (UV_N)$$

zu geschehen hat und zum grössten Theil schon zur Berechnung der Fehlerellipse ausgeführt worden ist.

Die Entwicklung der Formeln für die Elemente der Fehlerellipse kann etwas vereinfacht werden, wenn man sich die Fehlerellipse auf andere Art erklärt:

Durch die Ausgleichungsrechnung erhält man für jeden Punkt des Netzes seine Coordinaten x und y , sowie die reciproken Gewichte (xx) , (yy) , (xy) . Die mittlere zu fürchtende Unsicherheit in der Bestimmung des Punktes in der Richtung der x -Axe ist $\pm m \sqrt{(xx)}$, wenn $\pm m$ der mittlere Fehler der Gewichtseinheit ist, von dem der Einfachheit wegen vorläufig abgesehen werden soll. Diese Unsicherheit kann als die Unsicherheit in der

Lage der Ordinatenlinie des Punktes aufgefasst werden, und ist offenbar abhängig von der Lage des Coordinatensystems. Denkt man sich das Coordinatensystem um den Winkel α gedreht, so sind die neuen Coordinaten

$$\begin{aligned}x' &= x \cos \alpha + y \sin \alpha \\y' &= -x \sin \alpha + y \cos \alpha\end{aligned}\quad 52)$$

und die reciproken Gewichtscoefficienten für die neuen Coordinaten werden

$$\begin{aligned}(x' x') &= (xx) \cos^2 \alpha + 2(xy) \sin \alpha \cos \alpha + (yy) \sin^2 \alpha \\(y' y') &= (xx) \sin^2 \alpha - 2(xy) \sin \alpha \cos \alpha + (yy) \cos^2 \alpha\end{aligned}\quad 53)$$

Sind also für ein Coordinatensystem die Gewichtscoefficienten berechnet, so lassen sich für jedes andere mit demselben Ursprunge die Gewichtscoefficienten, beziehungsweise die mittleren zu fürchtenden Unsicherheiten in der Lage der Ordinaten- und Abscissenlinie berechnen.

Denkt man sich parallele Gerade zu den Ordinatenlinien aller Coordinatensysteme in dem berechneten Abstande $\sqrt{(xx)}$ um die wahrscheinlichste Lage des Punktes herum aufgetragen, so erhält man eine stetige Folge von Geraden, welche die Unsicherheit in der Lage des Punktes nach allen Richtungen zur Anschauung bringt.

Wird ein zweites Coordinatensystem parallel zum Hauptsysteme durch den Punkt gelegt, so ist die Gleichung jeder Geraden der erwähnten Schaar, wenn p der Abstand des Punktes von einer Geraden ist:

$$p = \xi \cos \alpha + \eta \sin \alpha = \sqrt{(x' x')} = \sqrt{(xx) \cos^2 \alpha + 2(xy) \sin \alpha \cos \alpha + (yy) \sin^2 \alpha} \quad 54)$$

oder nach gehöriger Zusammenziehung:

$$[(xx) - \xi^2] + 2[(xy) - \xi \eta] \operatorname{tg} \alpha + [(yy) - \eta^2] \operatorname{tg}^2 \alpha = 0 \quad 55)$$

Zur Bestimmung der Gleichung der von dieser Geradenschaar umhüllten Curve erhält man durch Differenziren von 55) nach dem Argumente α eine zweite Gleichung:

$$[(xy) - \xi \eta] + [(yy) - \eta^2] \operatorname{tg} \alpha = 0 \quad 56)$$

Wird aus 55) und 56) α eliminiert, so hat man die Gleichung der umhüllten Curve in der Form

$$\frac{(yy)}{(xx)(xy) - (xy)^2} \xi^2 + \frac{2(xy)}{(xx)(yy) - (xy)^2} \xi \eta + \frac{(xx)}{(xx)(yy) - (xy)^2} \eta^2 = 1 \quad 57)$$

Die umhüllte Curve ist somit eine Ellipse, deren Elemente gefunden werden, wenn man aus 54) den grössten und kleinsten Werth von p sucht.

Durch Differenziren erhält man:

$$\frac{\partial(p^2)}{\partial \alpha} = -2(xx) \sin \alpha \cos \alpha + 2(xy) (\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha) + 2(yy) \sin \alpha \cos \alpha = 0 \quad 58)$$

woraus für das Azimuth oder den Winkel einer Axe der Ellipse gegen die Abscissenaxe der Ausdruck folgt:

$$\cotg 2 \gamma = \frac{(xx) - (yy)}{2(xy)} \quad 59)$$

welcher Ausdruck zwei um 90° von einander verschiedene Werthe von γ gibt.

Wird 58) mit $\frac{1}{2} \cotg \gamma$ multipliziert, so wird

$$-(xx) \cos^2 \gamma + (xy) \left(\frac{\cos^3 \gamma}{\sin \gamma} - \sin \gamma \cos \gamma \right) + (yy) \cos^2 \gamma = 0$$

und da nach 54)

$$p^2 = + (xx) \cos^2 \gamma + 2(xy) \sin \gamma \cos \gamma + (yy) \sin^2 \gamma;$$

so erhält man durch Addition die einfache Beziehung:

$$p^2 = (xy) \cotg \gamma + (yy)$$

Multipliziert man 58) mit $\frac{1}{2} \operatorname{tg} \gamma$, so folgt aus einer ähnlichen Entwicklung:

$$p^2 = (xy) \cotg \gamma + (xx).$$

Führt man nun den mittleren Fehler der Gewichtseinheit wieder ein, so hat man schliesslich für die Elemente der Fehlerellipse die zwei Gleichungen:

$$\left. \begin{aligned} \cotg 2 \gamma &= \frac{(xx) - (yy)}{2(xy)} \\ A &= \pm m \sqrt{(xx) + (xy) \operatorname{tg} \gamma} = \pm m \sqrt{(yy) + (xy) \cotg \gamma} \end{aligned} \right\} \quad 60)$$

Einen allgemeinen Ueberblick über die Genauigkeit der Lage eines Punktes gibt der „mittlere Fehler der Punktbestimmung“. (Siehe S. 66.)

Werden die beiden Gleichungen 53) addirt, so bekommt man:

$$(x'x') + (y'y') = (xx) + (yy)$$

Wird mit dem Quadrate des mittleren Fehlers der Gewichtseinheit multipliziert, so wird

$$m_x^2 + m_y^2 = m_x^2 + m_y^2 = M^2$$

d. h. die Summe der Quadrate der mittleren Fehler an den Coordinaten ist in allen Coordinatensystemen desselben Ursprungs gleich gross; diese Summe kann daher sehr gut als Mass der Genauigkeit gelten, und in der That ist M der mittlere Fehler in der Bestimmung eines Punktes durch zwei sich schneidende Geraden, welche mittlere Verschiebungen m_x und m_y erwarten lassen. (Siehe Jordan's Handbuch der Vermessungskunde, I. Band, Seite 106.)

Durch die Berechnung der mittleren Fehlerellipsen ist alles Material gewonnen worden, um alle Fragen über die Genauigkeit der Lage der Punkte gegen einen bestimmten Ausgangspunkt zu beantworten. Ausser den mittleren Fehlerellipsen interessiren noch die

„wahrscheinlichen“ Fehlerellipsen, welche bestimmt sind durch die Frage: Wie gross ist jene Ellipse, für welche es gleich wahrscheinlich ist, dass der wahre Punkt inner- oder ausserhalb derselben liegt?

Wie Eingangs zu den Erklärungen über die Fehlerellipse entwickelt wurde, ist die Wahrscheinlichkeit für die Lage eines Punktes auf einer Ellipse proportional dem Ausdrucke

$$\frac{1}{2\pi m_x m_y} e^{-\frac{\xi^2}{2\left(\frac{m_y}{\sin \varphi}\right)^2} - \frac{\eta^2}{2\left(\frac{m_y}{\sin \varphi}\right)^2}}$$

Wird der Exponent gleich $-c^2$ gesetzt, so hat man Ellipsen von verschiedener Wahrscheinlichkeit, von welchen Ellipsen bisher die mittleren Fehlerellipsen betrachtet wurden, für welche $2c^2 = 1$ ist, und deren Axen A_1 und A_2 berechnet wurden.

Die Gleichung aller Ellipsen gleicher Wahrscheinlichkeit wird dann auch dargestellt werden durch

$$\frac{\xi^2}{2(c A_1)^2} + \frac{\eta^2}{2(c A_2)^2} = 1$$

und die Wahrscheinlichkeit, dass ein Punkt auf einer solchen Ellipse liege, wird proportional dem Ausdrucke sein:

$$\frac{1}{2\pi A_1 A_2} e^{-c^2}$$

Die Halbaxen einer Ellipse sind $c A_1 \sqrt{2}$ und $c A_2 \sqrt{2}$, die Fläche ist

$$E = 2\pi c^2 A_1 A_2$$

Die Fläche eines unendlich schmalen Streifens, dessen Punkte gleich wahrscheinlich gegen den Mittelpunkt liegen, ist

$$\partial E = 4\pi A_1 A_2 \cdot c \partial c$$

Daher ist die Wahrscheinlichkeit, dass der wahre Punkt überhaupt auf dem schmalen Ellipsenstreifen liege:

$$\frac{1}{2\pi A_1 A_2} e^{-c^2} \cdot \partial E = 2 e^{-c^2} c \partial c$$

und dass er innerhalb der Ellipse liege:

$$w = \int_0^c 2 e^{-c^2} \partial c = 1 - e^{-c^2}$$

Dieser Ausdruck gibt für $c = 0$, $w = 0$ und für $c = \infty$, $w = 1$, und da diese Werthe die naturgemässen Grenzen sind, so ist obiges w nicht nur proportional, sondern wirklich gleich der Wahrscheinlichkeit.

Zur Berechnung hat man

$$\log (1 - w) = 0,4343 c^2$$

Da für die mittlere Fehlerellipse $2 c^2 = 1$ gesetzt wurde, so wird $w = 0,3935$ oder rund $4 : 10$; es ist somit wahrscheinlicher, dass der Punkt ausserhalb der mittleren Fehlerellipse liege.

Für die wahrscheinliche Fehlerellipse ist $w = 0,5$ und dem entsprechend $c = 0,8325$; die Axen werden das

$$c \sqrt{2} = 1,177 \text{ fache jener der mittleren Fehlerellipse,}$$

und die Fläche das 1,386 fache der letzteren.

Die Grösse der Axen und Flächen der wahrscheinlichen Fehlerellipsen sind auf Seite 66 angeführt.*)

Auf Seite 46—76 ist alles Material für die Berechnung der Fehlerellipsen von Treloß, Feldberg, Pfänder und Menone in Bezug auf die feste Seite Chasseral-Röhi, beziehungsweise auf den festen Punkt Röhi zusammengestellt, sowie auch die Berechnung der mittleren Fehler der Verbindungslien zwischen den fünf Punkten. Seite 76 enthält die Zusammenstellung der Ergebnisse aller Genauigkeitsbestimmungen, welche durch die darauf folgende Netzkizze veranschaulicht werden.

*) Vergleiche über diesen Gegenstand Helmert's „Ausgleichungsrechnung“, Jordan's Handbuch der Vermessungskunde, Andrä's „Den Danske Gradmaling“.

Anschluss
der
astronomisch bestimmten Punkte
an das schweizerische Dreiecknetz.



Es wurden bisher folgende Punkte astronomisch festgelegt:

Sternwarte Genf
„ Neuenburg
Nullpunkt der alten Sternwarte Bern
Astronomische Station Weissenstein
Sternwarte Zürich
Station Rigi
Station Gäbris
Astronomische Station Simplon

und von österreichischer Seite Pfänder, von deutscher Seite Feldberg.

Von diesen Punkten sind Rigi und Gäbris direct an die Gradmessungsstationen angeschlossen; Sternwarte Genf, Sternwarte Zürich und astronomische Station Simplon sind durch besondere Dreiecksnetze an das Hauptnetz angeschlossen, während der Anschluss von Neuenburg, Bern, Weissenstein durch ein zusammenhängendes Netz bewirkt wird.

Grundsätze für die Anschlussberechnungen.

Die Beobachtungen auf den genannten Stationen und den zur Vermittlung ihres Anschlusses besonders eingeschalteten Stationen 2. Ordnung geschahen wie beim Hauptnetze, in Form von Repetitions- und Richtungsbeobachtungen. — Wie beim Hauptnetze fand auch hier eine Ausgleichung auf der Station nach den im I. Band angegebenen Grundsätzen statt. — Wo an den Beobachtungen auf einer und derselben Station mehrere Beobachter theilgenommen hatten, wurde für die Richtungsangabe dasselbe persönliche Gewicht angenommen, wie es für die einzelnen Beobachter und Instrumente auf Seite XX des I. Bandes angegeben ist.*)

*) Auf Seite XX soll bei „Richtungsbeobachtungen“, Gelpke 8" Starke das Gewicht $g = 0,10$ sein.

In Anbetracht des Umstandes, dass eine streng theoretische Berücksichtigung der aus den Stationsausgleichungen sich ergebenden Gewichtsbeziehungen bei dem Anschlusse an das unveränderlich bestimmte Hauptnetz ohnehin nicht möglich ist, — wurde die Mitführung von Gewichtsbeziehungen in den Netzausgleichungen der Anschlussnetze unterlassen, und demnach **der aus der Stationsausgleichung hervorgehende Winkelsatz als ein Satz, gebildet aus ursprünglich beobachteten gleichgewichtigen Richtungen angesehen.**

Dem entsprechend wird auch auf den Stationen des Hauptnetzes, wo Richtungen des Anschlussnetzes vorkommen, der in den Resultaten der Stationsausgleichung dargestellte Winkelsatz als ein Satz, gebildet aus ursprünglich beobachteten gleichgewichtigen Richtungen angesehen.

Zur Vereinfachung der Rechnung wird jedes Netz aus dem Erdmittelpunkte auf eine an die mittlere Kugeloberfläche tangirend gelegte Ebene projicirt, und als ebenes Netz ausgeglichen. Als Erdhalbmesser muss jener mittlere Krümmungshalbmesser benutzt werden, welcher zur Ermittlung der sphärischen Excesse des Hauptnetzes gedient hat, und dessen Logarithmus = 6,80474 ist.

Ist in nebenstehender Figur $O S' T'$ die in O tangirend gelegte Ebene, $O S T = A$ ein sphärischer Winkel, $O S' T'$ der entsprechende projicirte Winkel, so entsteht in S' ein körperliches rechtwinkeliges Dreieck, gebildet aus der tangirenden Ebene und den Schenkelebenen des sphärischen Winkels. Dem Flächenwinkel A liegt als Kathete A' gegenüber, und die Kathete $90^\circ - \frac{s}{r}$ zur Seite.

Es ist daher

$$\tg A' = \tg A \cdot \sin\left(90^\circ - \frac{s}{r}\right) = \tg A \cdot \cos \frac{s}{r} = \tg A - \frac{1}{2} \frac{s^2}{r^2} \cdot \tg A$$

woraus folgt

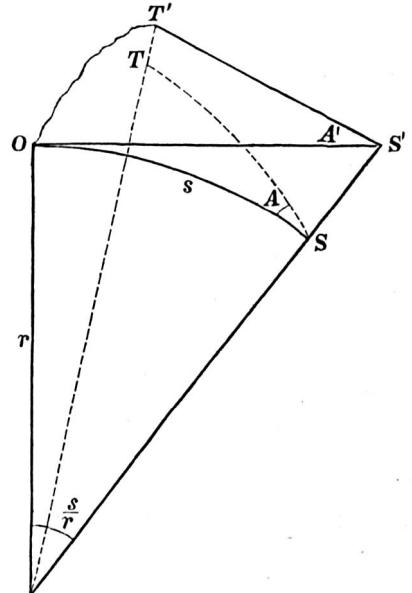
$$\tg A' - \tg A = \frac{\Delta A}{\cos^2 A} = - \frac{1}{2} \frac{s^2}{r^2} \cdot \tg A$$

oder

$$\Delta A'' = - \frac{\varrho}{2} \cdot \frac{s^2}{r^2} \cdot \sin A \cdot \cos A, \text{ wo } \varrho = 206265 \text{ ist.}$$

Werden die sphärischen Winkel auf jeder Station so geordnet, dass die Richtung nach dem Berührungs punkte als erste Richtung erscheint, so ist die Berechnung von ΔA sehr einfach.

Da in den Anschlussnetzen eine bedeutende Zahl von Bedingungsgleichungen auftritt, andererseits die Anzahl der einzuschaltenden Punkte sehr gering ist, so erscheint es



vortheilhafter, die Ausgleichung nach der „Methode der Ausgleichung vermittelnder Beobachtungen“ durchzuführen.

Es werden zu diesem Zwecke die Azimuthe der vorkommenden Richtungen als Funktionen der Punktcoordinaten dargestellt, und diese Funktionen durch Anwendung von Näherungswerten und Verbesserungen der Coordinaten auf algebraische Form gebracht.

Sind $X_1 + x_1$, $Y_1 + y_1$ und $X_2 + x_2$, $Y_2 + y_2$ die wahren Coordinaten zweier Punkte, so hat man für das Azimuth der Richtung von Punkt 1 zum Punkt 2:

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{(Y_2 + y_2) - (Y_1 + y_1)}{(X_2 + x_2) - (X_1 + x_1)}$$

woraus man leicht findet:

$$\alpha = \alpha_w - \frac{\varrho}{D} \cdot \sin \alpha \cdot (x_2 - x_1) + \frac{\varrho}{D} \cdot \cos \alpha \cdot (y_2 - y_1)$$

als Ausdruck für das wahre Azimuth; hierin ist $\alpha_w = \operatorname{arc.} \operatorname{tg} \frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1}$ das genäherte Azimuth, $\varrho = 206265''$, D die Entfernung der beiden Punkte. Die beiden letzten Glieder geben dann die Verbesserung des genäherten Azimuthes in Sekunden.

Die wahren Azimuthe der zum Hauptnetz gehörenden Richtungen ergeben sich unmittelbar durch entsprechende Zusammenlegung der ausgeglichenen Winkel des Hauptnetzes, und erhalten naturgemäß keine Verbesserungen.

Den Ausdrücken für die wahren Azimuthe stehen die Werthe für die aus den ebenen Winkeln gebildeten gemessenen Azimuthe α_g gegenüber.

Wahre Azimuthe weniger gemessene Azimuthe geben die Fehler am Azimuthe in der Form:

$$f = \alpha - \alpha_g = (\alpha_w - \alpha_g) - \frac{\varrho}{D} \cdot \sin \alpha (x_2 - x_1) + \frac{\varrho}{D} \cdot \cos \alpha (y_2 - y_1)$$

oder allgemein in der Form:

$$f = ax_1 + by_1 + cx_2 + \dots + n$$

Diese Fehler können jedoch nicht als unabhängige Fehler an ursprünglich beobachteten Richtungen angesehen werden, da bei der Bildung der gemessenen Azimuthe der an der Nullrichtung hängende Orientirungsfehler zu jedem gemessenen Azimuthe hinzutritt.

Wird dieser Orientirungsfehler für eine bestimmte Station mit z bezeichnet, so sind die wirklichen Fehler an den beobachteten Richtungen:

$$\begin{aligned} v_1 &= \alpha_1 - (\alpha_{g.1} + z) = \alpha_1 - \alpha_{g.1} - z = f_1 - z = a_1 x_1 + b_1 y_1 + \dots + n_1 - z \\ v_2 &= \alpha_2 - (\alpha_{g.2} + z) = \alpha_2 - \alpha_{g.2} - z = f_2 - z = a_2 x_1 + b_2 y_1 + \dots + n_2 - z \end{aligned}$$

u. s. w. auf einer bestimmten Station i Fehler.

Man findet das z aus der Bedingung $\frac{\partial(vv)}{\partial z} = 0$ also

$$0 = (f) - i \cdot z = (a)x_1 + (b)y_1 + \dots + (n) - i \cdot z.$$

Damit wird

$$z = \frac{(f)}{i}$$

$$v_1 = f_1 - \frac{(f)}{i} = \left[a_1 - \frac{(a)}{i} \right] x_1 + \left[b_1 - \frac{(b)}{i} \right] y_1 + \dots + \left[n_1 - \frac{(n)}{i} \right] = A_1 x_1 + B_1 y_1 + \dots + N_1$$

$$v_2 = f_2 - \frac{(f)}{i} = \left[a_2 - \frac{(a)}{i} \right] x_1 + \left[b_2 - \frac{(b)}{i} \right] y_1 + \dots + \left[n_2 - \frac{(n)}{i} \right] = A_2 x_1 + B_2 y_1 + \dots + N_2$$

u. s. w.

Aus der Bedingung, dass die Summe der Quadrate dieser Richtungsfehler zu einem Minimum gemacht werde, folgen die Normalgleichungen:

$$(AA) x_1 + (AB) y_1 + (AC) x_2 + \dots + (AN) = 0$$

$$(AB) x_1 + (BB) y_1 + (BC) x_2 + \dots + (BN) = 0$$

$$(AC) x_1 + (BC) y_1 + (CC) x_2 + \dots + (CN) = 0$$

u. s. w.

Die wirkliche Berechnung von A, B, \dots, N kann umgangen werden; denn da nach obigem

$$A_1 = a_1 - \frac{(a)}{i} \quad B_1 = b_1 - \frac{(b)}{i}$$

$$A_2 = a_2 - \frac{(a)}{i} \quad B_2 = b_2 - \frac{(b)}{i} \quad \text{u. s. w.}$$

• • • • •

$$A_i = a_i - \frac{(a)}{i} \quad B_i = b_i - \frac{(b)}{i}$$

$$\text{so ist } (AA) = (aa) - 2(a) \frac{(a)}{i} - i \cdot \frac{(a)^2}{i} \quad (AB) = (ab) - \frac{(a)}{i} (b) - (a) \frac{(b)}{i} + i \frac{(a)}{i} \cdot \frac{(b)}{i}$$

$$\text{oder } (AA) = (aa) - (a) \frac{(a)}{i} \quad (AB) = (ab) - (a) \frac{(b)}{i} \text{ u. s. w., ebenso}$$

$$(AN) = (an) - (a) \frac{(n)}{i} \quad (BN) = (bn) - (b) \frac{(n)}{i} .$$

Stellt man die Azimuth-Fehlergleichungen jeder Station untereinander, setzt darunter deren Summe, dividirt durch die Zahl der Richtungen und gibt dem Quotienten das entgegengesetzte Zeichen, so hat man ein Schema, mit Hülfe dessen die Coefficienten der Normalgleichungen auf dem kürzesten Wege berechnet werden können.

Die Auflösung der Normalgleichungen gibt die wahrscheinlichsten Verbesserungen der einzuschaltenden Punkte. — Diese Verbesserungen in die Azimuth-Fehlergleichungen gesetzt, geben die wirklichen Fehler an den gemessenen Azimuthen, aus welchen man durch Abziehen des Fehlers der ersten Richtung von dem jeder andern Richtung derselben

Station — die Winkelfehler oder Verbesserungen sowohl der ebenen als sphärischen Winkel erhält, wonach letztere leicht gefunden werden.

Die mit diesen Winkeln aufgestellten sphärischen Dreiecke geben dann die richtige Winkelsumme, und die in mehreren Dreiecken vorkommenden Seitenlängen in Uebereinstimmung.

Die Summe der Quadrate der Richtungsfehler wird auch hier, wie bei den Stationsausgleichungen auf doppeltem Wege gefunden.

Die gefundenen Winkelfehler w geben auf bekannte Art die Richtungsfehler; die Summe der Quadrate derselben ist:

$$(vv) = (ww) - \left[\frac{(w)^2}{i} \right].$$

Die Summe der Quadrate (NN) der Absolutglieder in den eigentlichen Fehlergleichungen wird aus den n der Azimuthfehlergleichungen gefunden, und ist

$$(NN) = (nn) - \left[\frac{(n)^2}{i} \right].$$

Hievon wird abgezogen der sich aus der Auflösung der Normalgleichungen ergebende Ausdruck

$$\frac{(AN)^2}{(AA)} + \frac{(BN_1)^2}{(BB_1)} + \frac{(CN_2)^2}{(CC_2)} + \dots \quad (\text{Siehe I. Band, Seite XXIV.})$$

Die zur Bestimmung des mittleren Fehlers dienende Zahl der überschüssigen Beobachtungen ergibt sich aus folgender Betrachtung: Zur Orientirung des Winkelsatzes auf jeder Station ist eine Beobachtung nothwendig; die Festlegung jedes einzuschaltenden Punktes erfordert 2 Richtungen (oder auch jede Station verlangt die Bestimmung eines z , jeder einzuschaltende Punkt die Bestimmung zweier Coordinaten). Es ist dann

$$m = \pm \sqrt{\frac{(vv)}{\text{überschüssige}}}$$

der mittlere Fehler der Gewichtseinheit, nach der hierortigen Annahme also der Fehler in der Richtungsangabe in den Resultaten der Stationsausgleichungen.

Die gewählte Form der Ausgleichung gestattet eine leichte Berechnung der mittleren Fehler irgend welcher ausgeglichenen Winkel oder Seiten. Da sowohl Seiten als Winkel leicht als Functionen der Coordinaten ausgedrückt werden können, so kommt es nur

darauf an, die Gewichtscoefficienten, beziehungsweise die mittleren Fehler der Coordinaten zu haben. Die reciproken Gewichtscoefficienten werden auf bekannte Art durch die allgemeine Auflösung der Normalgleichungen gefunden. — Man erhält dieselben in der Form der „Gewichtsgleichungen“:

$$x_1 = (x_1 x_1) (AN) + (x_1 y_1) (BN) + (x_1 x_2) (CN) + \dots$$

$$y_1 = (x_1 y_1) (AN) + (y_1 y_1) (BN) + (y_1 x_2) (CN) + \dots$$

$$x_2 = (x_1 x_2) (AN) + (y_1 x_2) (BN) + (x_2 x_2) (CN) + \dots$$

u. s. w.

Da nur die Genauigkeit der astronomisch bestimmten Punkte von Interesse ist, so wurde von der Bestimmung der Gewichtscoefficienten der übrigen Punkte 2. Ordnung meistens Umgang genommen.

Diese Coefficienten gestatten in erster Reihe die Berechnung der mittleren Fehlerellipse nach den Formeln 60):

$$\cotg 2\gamma = \frac{(xx) - (yy)}{2(xy)}$$

$$A = \pm m \sqrt{(xx) + (xy)} \operatorname{tg} \gamma = \pm m \sqrt{(yy) + (xy)} \cotg \gamma$$

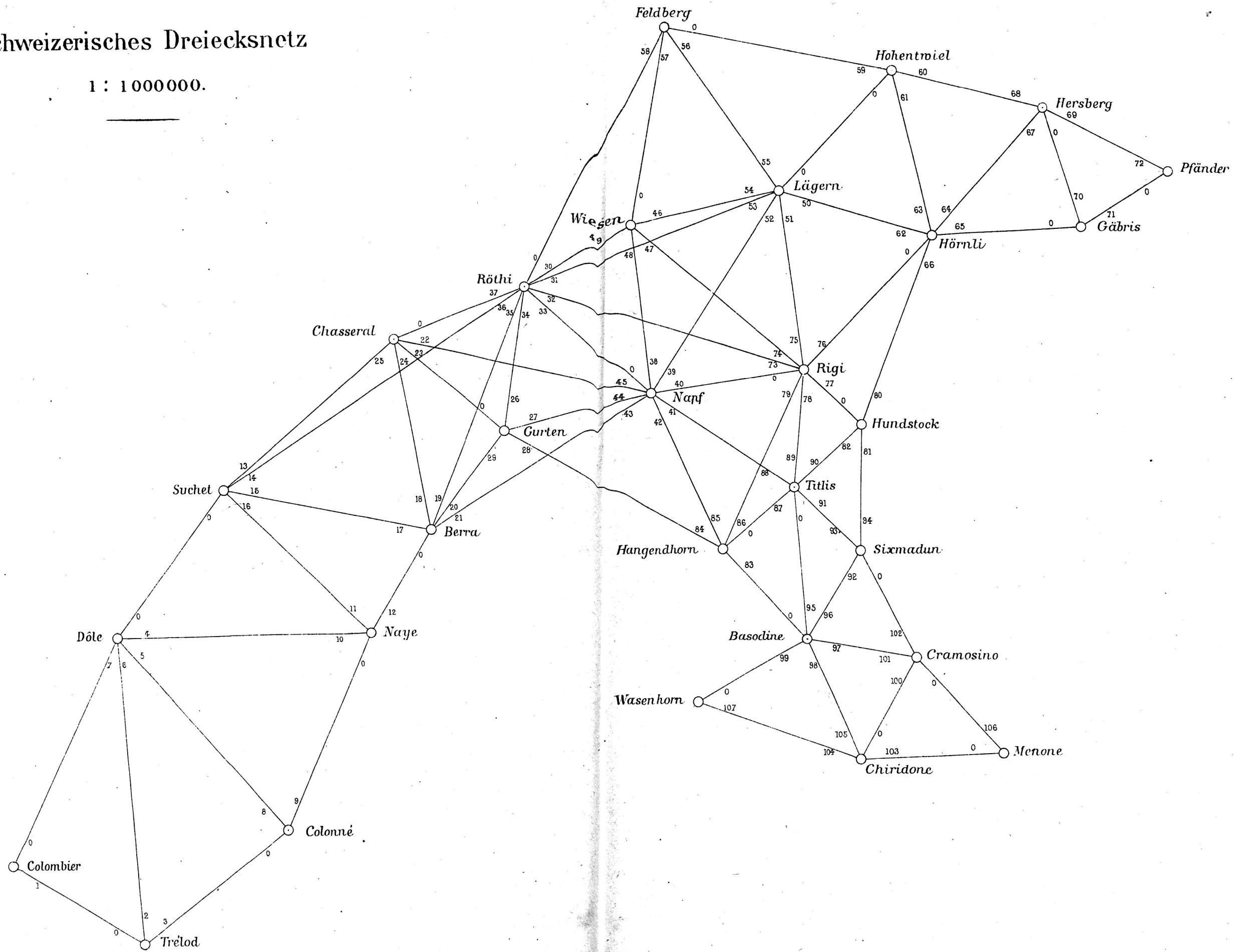
Die erstere gibt zwei Werthe für die Azimuthe der Hauptaxen gegen die gewählte X -Axe, und damit die letztere Formel zwei zu den betreffenden γ gehörende Werthe der Halbaxen. Die so ermittelte Fehlerellipse gibt ein anschauliches Bild von der durch die Anschlussmessungen erzielten Genauigkeit in der Lage des Punktes gegen das als unveränderlich angesehene Hauptnetz.

A.

Die Netzausgleichung.

Schweizerisches Dreiecksnetz

1 : 1000000.



Bedingungsgleichungen.

Anzahl der Netzlinien $n = 68$.

» » Stationen $p = 29$.

Anzahl der Winkelgleichungen $n - p + 1 = 40$

» » Seitengleichungen $n - 2p + 3 = 13$

Summe $\overline{53}$

Zu Colombier-Tréloz tritt:

3. Dôle.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(1) + (2) + (7 - 6) - (180 + \varepsilon) = 0$$

4. Colonné.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(3 - 2) + (6 - 5) + (8) - (180 + \varepsilon) = 0$$

5. Naye.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(5 - 4) + (9 - 8) + (10) - (180 + \varepsilon) = 0$$

6. Suchet.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(4) + (11 - 10) + (0 - 16) - (180 + \varepsilon) = 0$$

7. Berra.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(12 - 11) + (16 - 15) + (17) - (180 + \varepsilon) = 0$$

8. Chasseral.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(15 - 13) + (18 - 17) + (25 - 24) - (180 + \varepsilon) = 0$$

9. Gurten.

2 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(20 - 18) + (24 - 23) + (0 - 29) - (180 + \varepsilon) = 0$$

10. Röthi.

7 Daten : 3 Winkel- und 2 Seitengleichungen.

$$(20 - 19) + (26 - 29) + (35 - 34) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$(15 - 14) + (19 - 17) + (36 - 35) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$(14 - 13) + (25) + (37 - 36) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$\frac{\sin(20 - 19) \cdot \sin(24 - 23) \cdot \sin(37 - 34)}{\sin(35 - 34) \cdot \sin(20 - 18) \cdot \sin(23)} = 1$$

$$\frac{\sin(14 - 13) \cdot \sin(18 - 17) \cdot \sin(37 - 35)}{\sin(37 - 36) \cdot \sin(15 - 13) \cdot \sin(19 - 18)} = 1$$

11. Napf.

7 Daten : 3 Winkel- und 2 Seitengleichungen.

$$(21 - 20) + (29 - 27) + (44 - 43) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$(23 - 22) + (27) + (45 - 44) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$(22) + (37 - 33) + (0 - 45) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$\frac{\sin(21 - 20) \cdot \sin(24 - 23) \cdot \sin(45 - 44)}{\sin(44 - 43) \cdot \sin(20 - 18) \cdot \sin(23 - 22)} = 1$$

$$\frac{\sin(21 - 20) \cdot \sin(35 - 34) \cdot \sin(0 - 44)}{\sin(44 - 43) \cdot \sin(20 - 19) \cdot \sin(34 - 33)} = 1$$

12. Wiesen.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(33 - 30) + (38) + (49 - 48) - (180 + \varepsilon) = 0$$

13. Lägern.

5 Daten : 2 Winkel- und 1 Seitengleichung.

$$(33 - 31) + (39) + (53 - 52) - (180 + \varepsilon) = 0$$
$$(31 - 30) + (49 - 46) + (54 - 53) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$\frac{\sin(31 - 30) \cdot \sin(38) \cdot \sin(54 - 52)}{\sin(54 - 53) \cdot \sin(33 - 30) \cdot \sin(39 - 38)} = 1$$

14. Feldberg.

5 Daten : 2 Winkel- und 1 Seitengleichung.

$$(46) + (55 - 54) + (57 - 56) - (180 + \varepsilon) = 0$$
$$(30) + (0 - 49) + (58 - 57) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$\frac{\sin(31 - 30) \cdot \sin(58 - 57) \cdot \sin(55 - 54)}{\sin(54 - 53) \cdot \sin(30) \cdot \sin(57 - 56)} = 1$$

15. Hohentwiel.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(0 - 55) + (56) + (59) - (180 + \varepsilon) = 0$$

16. Hörnli.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(50) + (0 - 61) + (63 - 62) - (180 + \varepsilon) = 0$$

17. Hersberg.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(61 - 60) + (64 - 63) + (68 - 67) - (180 + \varepsilon) = 0$$

18. Gäbris.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(65 - 64) + (67) + (70) - (180 + \varepsilon) = 0$$

19. Pfänder.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(0 - 69) + (71 - 70) + (72) - (180 + \varepsilon) = 0$$

20. Rigi.

9 Daten : 4 Winkel- und 3 Seitengleichungen.

$$(33 - 32) + (40) + (73) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$(32 - 30) + (49 - 47) + (74 - 73) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$(47 - 46) + (54 - 51) + (75 - 74) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$(51 - 50) + (62) + (76 - 75) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$\frac{\sin(33 - 32) \cdot \sin(49 - 48) \cdot \sin(74)}{\sin(73) \cdot \sin(33 - 30) \cdot \sin(48 - 47)} = 1$$

$$\frac{\sin(31 - 30) \cdot \sin(74 - 73) \cdot \sin(54 - 51)}{\sin(54 - 53) \cdot \sin(32 - 30) \cdot \sin(75 - 74)} = 1$$

$$\frac{\sin(47 - 46) \cdot \sin(57 - 56) \cdot \sin(59) \cdot \sin(63 - 62) \cdot \sin(76 - 75)}{\sin(75 - 74) \cdot \sin(46) \cdot \sin(56) \cdot \sin(0 - 61) \cdot \sin(62)} = 1$$

21. Hundstock.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(0 - 66) + (77 - 76) + (80) - (180 + \varepsilon) = 0$$

22. Hangendhorn.

5 Daten : 2 Winkel- und 1 Seitengleichung.

$$(28 - 27) + (44 - 42) + (85 - 84) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$(42 - 40) + (0 - 79) + (86 - 85) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$\frac{\sin(28 - 27) \cdot \sin(34 - 33) \cdot \sin(73) \cdot \sin(86 - 85)}{\sin(85 - 84) \cdot \sin(27 - 26) \cdot \sin(33 - 32) \cdot \sin(0 - 79)} = 1$$

23. Titlis.

7 Daten : 3 Winkel- und 2 Seitengleichungen.

$$(42 - 41) + (0 - 85) + (88 - 87) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$(41 - 40) + (0 - 78) + (89 - 88) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$(78 - 77) + (0 - 82) + (90 - 89) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$\frac{\sin(0 - 86) \cdot \sin(0 - 78) \cdot \sin(42 - 41)}{\sin(79 - 78) \cdot \sin(41 - 40) \cdot \sin(0 - 85)} = 1$$

$$\frac{\sin(41 - 40) \cdot \sin(52 - 51) \cdot \sin(62) \cdot \sin(80) \cdot \sin(90 - 89)}{\sin(89 - 88) \cdot \sin(40 - 39) \cdot \sin(51 - 50) \cdot \sin(0 - 66) \cdot \sin(0 - 82)} = 1$$

24. Sixmadun.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(82 - 81) + (91 - 90) + (94 - 93) - (180 + \varepsilon) = 0$$

25. Basodine.

5 Daten : 2 Winkel- und 1 Seitengleichung.

$$(83) + (87) + (95) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$(0 - 91) + (93 - 92) + (96 - 95) - (180 + \varepsilon) = 0$$

$$\frac{\sin(83) \cdot \sin(79 - 78) \cdot \sin(0 - 82) \cdot \sin(94 - 93) \cdot \sin(96 - 95)}{\sin(95) \cdot \sin(0 - 86) \cdot \sin(78 - 77) \cdot \sin(82 - 81) \cdot \sin(98 - 92)} = 1$$

26. Cramosino.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(92) + (97 - 96) + (102 - 101) - (180 + \varepsilon) = 0$$

27. Ghiridone.

2 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(98 - 97) + (101 - 100) + (0 - 105) - (180 + \varepsilon) = 0$$

28. Menone.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(100) + (103) + (106) - (180 + \varepsilon) = 0$$

29. Wasenhorn.

3 Daten : 1 Winkelgleichung.

$$(99 - 98) + (105 - 104) + (107) - (180 + \varepsilon) = 0$$

Berechnung der Bedingungsgleichungen.

Winkelgleichungen.

3. Dôle.

$$\begin{array}{rcl} (1) & = & 97^\circ 58' 7",20 + (1) \\ (2) & = & 52 \quad 58 \quad 28,64 + (2) \\ (7 - 6) & = & 29 \quad 3 \quad 31,99 + (7) - (6) \\ \hline & & 180 \quad 0 \quad 7,83 + (1) + (2) - (6) + (7) \\ & & \varepsilon = \underline{\quad 6,64 \quad} \\ & & \hline w & = & + 1,19 \\ 1. & & + (1) + (2) - (6) + (7) + 1,"19 = 0 \end{array}$$

4. Colonné.

$$\begin{array}{rcl} (3 - 2) & = & 56 \quad 9 \quad 58,71 + (3) - (2) \\ (6 - 5) & = & 37 \quad 3 \quad 7,77 + (6) - (5) \\ (8) & = & 86 \quad 47 \quad 1,99 + (8) \\ \hline & & 180 \quad 0 \quad 8,47 - (2) + (3) - (5) + (6) + (8) \\ & & \varepsilon = \underline{\quad 8,50 \quad} \\ & & \hline w & = & - 0,08 \\ 2. & & - (2) + (3) - (5) + (6) + (8) - 0,"03 = 0 \end{array}$$

5. Naye.

$$\begin{array}{rcl} (5 - 4) & = & 48 \quad 35 \quad 45,46 + (5) - (4) \\ (9 - 8) & = & 65 \quad 4 \quad 28,47 + (9) - (8) \\ (10) & = & 66 \quad 19 \quad 55,14 + (10) \\ \hline & & 180 \quad 0 \quad 9,07 - (4) + (5) - (8) + (9) + (10) \\ & & \varepsilon = \underline{\quad 8,71 \quad} \\ & & \hline w & = & + 0,36 \\ 3. & & - (4) + (5) - (8) + (9) + (10) + 0,"36 = 0 \end{array}$$

6. Suchet.

$$\begin{array}{r}
 (4) = 53^{\circ} 8' 35'',37 + (4) \\
 (11 - 10) = 44 34 41,79 + (11) - (10) \\
 (0 - 16) = 82 16 47,30 - (16) \\
 \hline
 180 0 4,46 + (4) - (10) + (11) - (16) \\
 \varepsilon = 6,52 \\
 \hline
 w = -2,06
 \end{array}$$

4. $+ (4) - (10) + (11) - (16) - 2,"06 = 0$

7. Berra.

$$\begin{array}{r}
 (12 - 11) = 76 4 16,09 + (12) - (11) \\
 (16 - 15) = 33 7 52,48 + (16) - (15) \\
 (17) = 70 47 55,50 + (17) \\
 \hline
 180 0 4,07 - (11) + (12) - (15) + (16) + (17) \\
 \varepsilon = 4,21 \\
 \hline
 w = -0,14
 \end{array}$$

5. $- (11) + (12) - (15) + (16) + (17) - 0,"14 = 0$

8. Chasseral.

$$\begin{array}{r}
 (15 - 13) = 52 36 32,57 + (15) - (13) \\
 (18 - 17) = 68 8 42,53 + (18) - (17) \\
 (25 - 24) = 59 14 50,23 + (25) - (24) \\
 \hline
 180 0 5,33 - (13) + (15) - (17) + (18) - (24) + (25) \\
 \varepsilon = 6,80 \\
 \hline
 w = -1,47
 \end{array}$$

6. $- (13) + (15) - (17) + (18) - (24) + (25) - 1,"47 = 0$

9. Gurten.

$$\begin{array}{r}
 (20 - 18) = 46 55 42,36 + (20) - (18) \\
 (24 - 23) = 40 8 10,61 + (24) - (23) \\
 (0 - 29) = 92 56 10,11 - (29) \\
 \hline
 180 0 3,08 - (18) + (20) - (23) + (24) - (29) \\
 \varepsilon = 3,19 \\
 \hline
 w = -0,11
 \end{array}$$

7. $- (18) + (20) - (23) + (24) - (29) - 0,"11 = 0$

10. Röthi.

$$\begin{array}{rcl} (20 - 19) & = & 14^{\circ} \quad 29' \quad 6'',06 + (20) - (19) \\ (26 - 29) & = & 152 \quad 58 \quad 4,62 + (26) - (29) \\ (35 - 34) & = & 12 \quad 32 \quad 49,10 + (35) - (34) \\ \hline & 179 & 59 \quad 59,78 - (19) + (20) + (26) - (29) - (34) + (35) \\ & \varepsilon = & 1,48 \\ \hline & w = & - 1,70 \end{array}$$

8. $- (19) + (20) + (26) - (29) - (34) + (35) - 1,"70 = 0$

$$\begin{array}{rcl} (15 - 14) & = & 44 \quad 56 \quad 51,89 + (15) - (14) \\ (19 - 17) & = & 100 \quad 35 \quad 18,83 + (19) - (17) \\ (36 - 35) & = & 34 \quad 27 \quad 58,77 + (36) - (35) \\ \hline & 180 & 0 \quad 9,49 - (14) + (15) - (17) + (19) - (35) + (36) \\ & \varepsilon = & 9,72 \\ \hline & w = & - 0,23 \end{array}$$

9. $- (14) + (15) - (17) + (19) - (35) + (36) - 0,"23 = 0$

$$\begin{array}{rcl} (14 - 13) & = & 7 \quad 39 \quad 40,68 + (14) - (13) \\ (25) & = & 160 \quad 9 \quad 8,71 + (25) \\ (37 - 36) & = & 12 \quad 11 \quad 12,66 + (37) - (36) \\ \hline & 180 & 0 \quad 2,05 - (13) + (14) + (25) - (36) + (37) \\ & \varepsilon = & 1,98 \\ \hline & w = & + 0,07 \end{array}$$

10. $- (13) + (14) + (25) - (36) + (37) + 0,"07 = 0$

11. Napf.

$$\begin{array}{rcl} (21 - 20) & = & 21 \quad 4 \quad 0,72 + (21) - (20) \\ (29 - 27) & = & 141 \quad 0 \quad 41,34 + (29) - (27) \\ (44 - 43) & = & 17 \quad 55 \quad 19,82 + (44) - (43) \\ \hline & 180 & 0 \quad 1,38 - (20) + (21) - (27) + (29) - (43) + (44) \\ & \varepsilon = & 2,07 \\ \hline & w = & - 0,69 \end{array}$$

11. $- (20) + (21) - (27) + (29) - (43) + (44) - 0,"69 = 0$

$$\begin{array}{rcl} (23 - 22) & = & 27^\circ \quad 24' \quad 57'',12 + (23) - (22) \\ (27) & = & 126 \quad 3 \quad 8,55 + (27) \\ (45 - 44) & = & 26 \quad 31 \quad 59,10 + (45) - (44) \\ \hline & 180 & 0 \quad 4,77 - (22) + (23) + (27) - (44) + (45) \\ & & \varepsilon = \quad 3,02 \\ & & \hline & w = & + 1,75 \end{array}$$

12. $- (22) + (23) + (27) - (44) + (45) + 1'',75 = 0$

$$\begin{array}{rcl} (22) & = & 33 \quad 21 \quad 10,75 + (22) \\ (37 - 33) & = & 116 \quad 49 \quad 41,90 + (37) - (33) \\ (0 - 45) & = & 29 \quad 49 \quad 10,65 - (45) \\ \hline & 180 & 0 \quad 3,30 + (22) - (33) + (37) - (45) \\ & & \varepsilon = \quad 3,64 \\ & & \hline & w = & - 0,34 \end{array}$$

13. $+ (22) - (33) + (37) - (45) - 0'',34 = 0$

12. Wiesen.

$$\begin{array}{rcl} (33 - 30) & = & 73 \quad 4 \quad 54,54 + (33) - (30) \\ (38) & = & 42 \quad 4 \quad 15,88 + (38) \\ (49 - 48) & = & 64 \quad 50 \quad 52,86 + (49) - (48) \\ \hline & 180 & 0 \quad 3,28 - (30) + (33) + (38) - (48) + (49) \\ & & \varepsilon = \quad 3,19 \\ & & \hline & w = & + 0,09 \end{array}$$

14. $- (30) + (33) + (38) - (48) + (49) + 0'',09 = 0$

13. Lägern.

$$\begin{array}{rcl} (33 - 31) & = & 62 \quad 57 \quad 12,82 + (33) - (31) \\ (39) & = & 80 \quad 50 \quad 2,00 + (39) \\ (53 - 52) & = & 36 \quad 12 \quad 51,40 + (53) - (52) \\ \hline & 180 & 0 \quad 6,22 - (31) + (33) + (39) - (52) + (53) \\ & & \varepsilon = \quad 6,70 \\ & & \hline & w = & - 0,48 \end{array}$$

15. $- (31) + (33) + (39) - (52) + (53) - 0'',48 = 0$

$$\begin{array}{rcl} (31 - 30) & = & 10^\circ \quad 7' \quad 41'',72 + (31) - (30) \\ (49 - 46) & = & 162 \quad 0 \quad 23,99 + (49) - (46) \\ (54 - 53) & = & 7 \quad 51 \quad 55,16 + (54) - (53) \\ \hline & 180 & 0 \quad 0,86 - (30) + (31) - (46) + (49) - (53) + (54) \\ & & \varepsilon = \quad 0,98 \\ \hline & & w = - 0,12 \end{array}$$

16. $- (30) + (31) - (46) + (49) - (53) + (54) - 0'',12 = 0$

14. Feldberg.

$$\begin{array}{rcl} (46) & = & 67 \quad 15 \quad 2,84 + (46) \\ (55 - 54) & = & 68 \quad 17 \quad 54,24 + (55) - (54) \\ (57 - 56) & = & 44 \quad 27 \quad 8,69 + (57) - (46) \\ \hline & 180 & 0 \quad 5,77 + (46) - (54) + (55) - (56) + (57) \\ & & \varepsilon = \quad 4,99 \\ \hline & & w = + 0,78 \end{array}$$

17. $+ (46) - (54) + (55) - (56) + (57) + 0'',78 = 0$

$$\begin{array}{rcl} (30) & = & 31 \quad 26 \quad 33,14 + (30) \\ (0 - 49) & = & 130 \quad 44 \quad 33,17 - (49) \\ (58 - 57) & = & 17 \quad 48 \quad 59,10 + (58) - (57) \\ \hline & 180 & 0 \quad 5,41 + (30) - (49) - (57) + (58) \\ & & \varepsilon = \quad 3,19 \\ \hline & & w = + 2,22 \end{array}$$

18. $+ (30) - (49) - (57) + (58) + 2'',22 = 0$

15. Hohentwiel.

$$\begin{array}{rcl} (0 - 55) & = & 78 \quad 59 \quad 8,35 - (55) \\ (56) & = & 44 \quad 35 \quad 25,95 + (56) \\ (59) & = & 56 \quad 25 \quad 81,75 + (59) \\ \hline & 180 & 0 \quad 6,05 - (55) + (56) + (59) \\ & & \varepsilon = \quad 5,85 \\ \hline & & w = + 0,20 \end{array}$$

19. $- (55) + (56) + (59) + 0'',20 = 0$

16. Hörnli.

$$\begin{array}{rcl} (50) & = & 61^\circ \quad 44' \quad 46'',92 + (50) \\ (0 - 61) & = & 57 \quad 5 \quad 21,85 - (61) \\ (63 - 62) & = & \overline{61 \quad 9 \quad 52,62 + (63) - (62)} \\ & & 180 \quad 0 \quad 1,39 + (50) - (61) + (63) - (62) \\ & & \varepsilon = \quad 4,24 \\ & & \overline{w = - 2,85} \end{array}$$

20. $+ (50) - (61) - (62) + (63) - 2'',85 = 0$

17. Hersberg.

$$\begin{array}{rcl} (61 - 60) & = & 63 \quad 11 \quad 1,18 + (61) - (60) \\ (64 - 63) & = & 54 \quad 36 \quad 57,78 + (64) - (63) \\ (68 - 67) & = & \overline{62 \quad 12 \quad 7,94 + (68) - (67)} \\ & & 180 \quad 0 \quad 6,90 - (60) + (61) - (63) + (64) - (67) + (68) \\ & & \varepsilon = \quad 4,17 \\ & & \overline{w = + 2,73} \end{array}$$

21. $- (60) + (61) - (63) + (64) - (67) + (68) + 2'',73 = 0$

18. Gäbris.

$$\begin{array}{rcl} (65 - 64) & = & 45 \quad 23 \quad 59,35 + (65) - (64) \\ (67) & = & 58 \quad 38 \quad 53,58 + (67) \\ (70) & = & \overline{75 \quad 57 \quad 10,71 + (70)} \\ & & 180 \quad 0 \quad 3,64 - (64) + (65) + (67) + (70) \\ & & \varepsilon = \quad 3,24 \\ & & \overline{w = + 0,40} \end{array}$$

22. $- (64) + (65) + (67) + (70) + 0'',40 = 0$

19. Pfänder.

$$\begin{array}{rcl} (0 - 69) & = & 45 \quad 36 \quad 22,12 - (69) \\ (71 - 70) & = & 74 \quad 39 \quad 54,66 + (71) - (70) \\ (72) & = & \overline{59 \quad 43 \quad 46,01 + (72)} \\ & & 180 \quad 0 \quad 2,79 - (69) - (70) + (71) + (72) \\ & & \varepsilon = \quad 2,22 \\ & & \overline{w = + 0,57} \end{array}$$

23. $- (69) - (70) + (71) + (72) + 0'',57 = 0$

20. Rigi.

$$\begin{array}{r} (33 - 32) = 25^{\circ} \quad 11' \quad 51'',00 + (33) - (32) \\ (40) = 129 \quad 25 \quad 8,87 + (40) \\ (73) = 25 \quad 23 \quad 2,01 + (73) \\ \hline 180 \quad 0 \quad 1,88 - (32) + (33) + (40) + (73) \\ \varepsilon = 3,46 \\ \hline w = - 1,58 \end{array}$$

24. $- (32) + (33) + (40) + (73) - 1'',58 = 0$

$$\begin{array}{r} (32 - 30) = 47 \quad 53 \quad 3,54 + (32) - (30) \\ (49 - 47) = 109 \quad 18 \quad 28,61 + (49) - (47) \\ (74 - 73) = 22 \quad 48 \quad 32,01 + (74) - (73) \\ \hline 180 \quad 0 \quad 4,16 + (32) - (30) - (47) + (49) - (73) + (74) \\ \varepsilon = 4,46 \\ \hline w = - 0,30 \end{array}$$

25. $- (30) + (32) - (47) + (49) - (73) + (74) - 0'',30 = 0$

$$\begin{array}{r} (47 - 46) = 52 \quad 41 \quad 55,38 + (47) - (46) \\ (54 - 51) = 85 \quad 17 \quad 14,83 + (54) - (51) \\ (75 - 74) = 42 \quad 0 \quad 54,17 + (75) - (74) \\ \hline 180 \quad 0 \quad 4,38 - (46) + (47) - (51) + (54) - (74) + (75) \\ \varepsilon = 4,83 \\ \hline w = - 0,45 \end{array}$$

26. $- (46) + (47) - (51) + (54) - (74) + (75) - 0'',45 = 0$

$$\begin{array}{r} (51 - 50) = 65 \quad 40 \quad 55,66 + (51) - (50) \\ (62) = 62 \quad 4 \quad 43,43 + (62) \\ (76 - 75) = 52 \quad 14 \quad 25,55 + (76) - (75) \\ \hline 180 \quad 0 \quad 4,64 - (50) + (51) + (62) - (75) + (76) \\ \varepsilon = 4,69 \\ \hline w = - 0,05 \end{array}$$

27. $- (50) + (51) + (62) - (75) + (76) - 0'',05 = 0$

21. Hundstock.

$$\begin{array}{rcl} (0 - 66) & = & 23^{\circ} \quad 27' \quad 43'',08 - (66) \\ (77 - 76) & = & 90 \quad 44 \quad 36,41 + (77) - (76) \\ (80) & = & 65 \quad 47 \quad 45,40 + (80) \\ \hline 180 & 0 & 4,89 - (66) - (76) + (77) + (80) \\ \varepsilon & = & 2,67 \\ \hline w & = & + 2,22 \end{array}$$

28. $- (66) - (76) + (77) + (80) + 2'',22 = 0$

22. Hangendhorn.

$$\begin{array}{rcl} (28 - 27) & = & 43 \quad 43 \quad 38,51 + (28) - (27) \\ (44 - 42) & = & 99 \quad 59 \quad 59,25 + (44) - (42) \\ (85 - 84) & = & 36 \quad 16 \quad 27,71 + (85) - (84) \\ \hline 180 & 0 & 5,47 - (27) + (28) - (42) + (44) - (84) + (85) \\ \varepsilon & = & 4,43 \\ \hline w & = & + 1,04 \end{array}$$

29. $- (27) + (28) - (42) + (44) - (84) + (85) + 1'',04 = 0$

$$\begin{array}{rcl} (42 - 40) & = & 74 \quad 13 \quad 42,13 + (42) - (40) \\ (0 - 79) & = & 56 \quad 3 \quad 12,93 - (79) \\ (86 - 85) & = & 49 \quad 43 \quad 8,01 + (86) - (85) \\ \hline 180 & 0 & 3,07 + (42) - (40) - (79) - (85) + (86) \\ \varepsilon & = & 4,65 \\ \hline w & = & - 1,58 \end{array}$$

30. $- (40) + (42) - (79) - (85) + (86) - 1'',58 = 0$

23. Titlis.

$$\begin{array}{rcl} (42 - 41) & = & 31 \quad 56 \quad 35,99 + (42) - (41) \\ (0 - 85) & = & 74 \quad 43 \quad 2,65 - (85) \\ (88 - 87) & = & 73 \quad 20 \quad 23,68 + (88) - (87) \\ \hline 180 & 0 & 2,32 - (41) + (42) - (85) - (87) + (88) \\ \varepsilon & = & 2,80 \\ \hline w & = & - 0,48 \end{array}$$

31. $- (41) + (42) - (85) - (87) + (88) - 0'',48 = 0$

$$\begin{array}{rcl} (41 - 40) & = & 42^\circ 17' 6'',14 + (41) - (40) \\ (0 - 78) & = & 75 \quad 32 \quad 26,14 - (78) \\ (89 - 88) & = & 62 \quad 10 \quad 28,46 + (89) - (88) \\ & & \hline 180 & 0 & 0,74 - (40) + (41) - (78) - (88) + (89) \\ & & \varepsilon = & 3,27 \\ & & \hline w & = & -2,53 \end{array}$$

32. $- (40) + (41) - (78) - (88) + (89) - 2'',53 = 0$

$$\begin{array}{rcl} (78 - 77) & = & 51 \quad 16 \quad 3,71 + (78) - (77) \\ (0 - 82) & = & 86 \quad 29 \quad 7,27 - (82) \\ (90 - 89) & = & 42 \quad 14 \quad 48,89 + (90) - (89) \\ & & \hline 179 & 59 & 59,87 - (77) + (78) - (82) - (89) + (90) \\ & & \varepsilon = & 1,35 \\ & & \hline w & = & -1,48 \end{array}$$

33. $- (77) + (78) - (82) - (89) + (90) - 1'',48 = 0$

24. Sixmadun.

$$\begin{array}{rcl} (82 - 81) & = & 46 \quad 18 \quad 55,55 + (82) - (81) \\ (91 - 90) & = & 85 \quad 2 \quad 20,76 + (91) - (90) \\ (94 - 93) & = & 48 \quad 38 \quad 42,57 + (94) - (93) \\ & & \hline 179 & 59 & 58,88 + (82) - (81) - (90) + (91) - (93) + (94) \\ & & \varepsilon = & 1,51 \\ & & \hline w & = & -2,63 \end{array}$$

34. $- (81) + (82) - (90) + (91) - (93) + (94) - 2'',63 = 0$

25. Basodine.

$$\begin{array}{rcl} (83) & = & 86 \quad 54 \quad 25,66 + (83) \\ (87) & = & 54 \quad 22 \quad 41,00 + (87) \\ (95) & = & 88 \quad 42 \quad 56,47 + (95) \\ & & \hline 180 & 0 & 3,13 + (83) + (87) + (95) \\ & & \varepsilon = & 2,08 \\ & & \hline w & = & +1,05 \end{array}$$

35. $+ (83) + (87) + (95) + 1'',05 = 0$

$$\begin{array}{rcl} (0 - 91) & = & 42^\circ \quad 49' \quad 17'',21 - (91) \\ (93 - 92) & = & 101 \quad 18 \quad 54,52 + (93) - (92) \\ (96 - 95) & = & 35 \quad 51 \quad 50,02 + (96) - (95) \\ \hline 180 & 0 & 1,75 - (91) - (92) + (93) - (95) + (96) \\ \varepsilon & = & 1,66 \\ \hline w & = & + 0,09 \end{array}$$

36. $- (91) - (92) + (93) - (95) + (96) + 0'',09 = 0$

26. Cramosino.

$$\begin{array}{rcl} (92) & = & 58 \quad 16 \quad 26,27 + (92) \\ (97 - 96) & = & 67 \quad 55 \quad 22,56 + (97) - (96) \\ (102 - 101) & = & 53 \quad 48 \quad 14,63 + (102) - (101) \\ \hline 180 & 0 & 3,46 + (92) - (96) + (97) - (101) + (102) \\ \varepsilon & = & 1,92 \\ \hline w & = & + 1,54 \end{array}$$

37. $+ (92) - (96) + (97) - (101) + (102) + 1'',54 = 0$

27. Ghiridone.

$$\begin{array}{rcl} (98 - 97) & = & 56 \quad 7 \quad 41,70 + (98) - (97) \\ (101 - 100) & = & 71 \quad 10 \quad 51,06 + (101) - (100) \\ (0 - 105) & = & 52 \quad 41 \quad 27,75 - (105) \\ \hline 180 & 0 & 0,51 - (97) + (98) - (100) + (101) - (105) \\ \varepsilon & = & 2,15 \\ \hline w & = & - 1,64 \end{array}$$

38. $- (97) + (98) - (100) + (101) - (105) - 1'',64 = 0$

28. Menone.

$$\begin{array}{rcl} (100) & = & 70 \quad 45 \quad 9,81 + (100) \\ (103) & = & 60 \quad 24 \quad 4,33 + (103) \\ (106) & = & 48 \quad 50 \quad 45,57 + (106) \\ \hline 179 & 59 & 59,71 + (100) + (103) + (106) \\ \varepsilon & = & 2,59 \\ \hline w & = & - 2,88 \end{array}$$

39. $+ (100) + (103) + (106) - 2'',88 = 0$

29. Wasenhorn.

$$\begin{array}{rcl}
 (99 - 98) & = & 84^\circ 53' 2'',42 + (99) - (98) \\
 (105 - 104) & = & 46 \quad 22 \quad 9,90 + (105) - (104) \\
 (107) & = & 48 \quad 44 \quad 53,81 + (107) \\
 \hline
 & 180 & 0 \quad 6,13 - (98) + (99) - (104) + (105) + (107) \\
 & \varepsilon = & 2,96 \\
 & \hline
 & w = + 3,17
 \end{array}$$

—

40. $- (98) + (99) - (104) + (105) + (107) + 3'',17 = 0$

Seitengleichungen.

10. Röthi.

Winkel	$^\circ$	$''$	log. sinus	$\Delta 1''$	Winkel	$^\circ$	$''$	log. sinus	$\Delta 1''$
$(14 - 13) =$	7	39	40,68	9,1248848,9 + 156,53	$(37 - 36) =$	12	11	12,66	9,3244891,9 + 97,49
$(18 - 17) =$	68	8	42,53	9,9676087,5 + 8,44	$(15 - 13) =$	52	36	32,57	9,9000996,5 + 16,09
$(37 - 35) =$	46	39	11,43	9,8616610,5 + 19,87	$(19 - 18) =$	32	26	36,30	9,7295425,6 + 33,12
				$+ 8,9541546,9$					8,9541314,0
				$- 8,9541314,0$					
				$w = + 232,9$					
$- 140,44 (13) + 156,53 (14) - 16,09 (15) - 8,44 (17) + 41,56 (18) - 33,12 (19) - 19,87 (35)$									
41.	$+ 97,49 (36) - 77,62 (37) + 232,9 = 0$								

$(20 - 19) =$	14	29	6,06	9,3981602,5 + 81,50	$(35 - 34) =$	12	32	49,10	9,3369396,5 + 94,60
$(24 - 23) =$	40	8	10,61	9,8092956,0 + 24,97	$(20 - 18) =$	46	55	42,36	9,8636209,7 + 19,68
$(37 - 34) =$	59	12	0,53	9,9339735,5 + 12,55	$(23) =$	60	46	7,87	9,9408434,4 + 11,78
				$+ 9,1414294,0$					9,1414040,6
				$- 9,1414040,6$					
				$w = + 253,4$					
$+ 19,68 (18) - 81,50 (19) + 61,82 (20) - 36,75 (23) + 24,97 (24) + 82,05 (34) - 94,60 (35)$									
42.	$+ 12,55 (37) + 253,4 = 0$								

11. Napf.

Winkel	°	"	log. sinus	$\Delta 1''$	Winkel	°	"	log. sinus	$\Delta 1''$
(21—20) = 21	4	0,72	9,5556472,3 +	54,66	(44—43) = 17	55	19,32	9,4881593,0 +	65,10
(24—23) = 40	8	10,61	9,8092956,0 +	24,97	(20—18) = 46	55	42,36	9,8636209,7 +	19,68
(45—44) = 26	31	59,10	9,6500300,4 +	42,17	(23—22) = 27	24	57,12	9,6631783,5 +	40,59
			+ 9,0149728,7					9,0149586,2	
			— 9,0149586,2						
			w = + 142,5						

$$+ 19,68 \text{ (18)} - 74,34 \text{ (20)} + 54,66 \text{ (21)} + 40,59 \text{ (22)} - 65,56 \text{ (23)} + 24,97 \text{ (24)} + 65,10 \text{ (43)} \\ 43. \quad - 107,27 \text{ (44)} + 42,17 \text{ (45)} + 142,5 = 0$$

(21—20) = 21	4	0,72	9,5556472,3 +	54,66	(44—43) = 17	55	19,32	9,4881593,0 +	65,10
(35—34) = 12	32	49,10	9,3369396,5 +	94,60	(20—19) = 14	29	6,06	9,3981602,5 +	81,50
(0—44) = 56	21	9,75	9,9203655,6 +	14,01	(34—33) = 57	37	41,37	9,9266465,3 +	13,35
			+ 8,8129524,4					8,8129660,8	
			— 8,8129660,8						
			w = — 136,4						

$$+ 81,50 \text{ (19)} - 136,16 \text{ (20)} + 54,66 \text{ (21)} + 13,35 \text{ (33)} - 107,95 \text{ (34)} + 94,60 \text{ (35)} + 65,10 \text{ (43)} \\ 44. \quad - 79,11 \text{ (44)} - 136,4 = 0$$

13. Lägern.

(31—30) = 10	7	41,72	9,2451478,4 + 117,86	(54—53) = 7	51	55,15	9,1362288,5 + 152,41
(38) = 42	4	15,88	9,8261085,1 + 23,33	(33—30) = 73	4	54,54	9,9807854,3 + 6,40
(54—52) = 44	4	46,55	9,8423951,8 + 21,74	(39—38) = 38	45	46,12	9,7966422,0 + 26,22
			+ 8,9136515,3				8,9136564,8
			— 8,9136564,8				
			w = — 49,5				

$$— 111,46 \text{ (30)} + 117,86 \text{ (31)} — 6,40 \text{ (33)} + 49,55 \text{ (38)} — 26,22 \text{ (39)} — 21,74 \text{ (52)} + 152,41 \text{ (53)} \\ 45. \quad — 130,67 \text{ (54)} — 49,5 = 0$$

14. Feldberg.

(31—30) = 10	7	41,72	9,2451478,4 + 117,87	(54—53) = 7	51	55,15	9,1362288,5 + 152,41
(58—57) = 17	48	59,10	9,4856761,5 + 65,51	(30) = 31	26	33,14	9,7173735,5 + 34,44
(55—54) = 68	17	54,24	9,9680728,6 + 8,38	(57—66) = 44	27	8,69	9,8452944,5 + 21,46
			+ 8,6988968,5				8,6988968,5
			— 8,6988968,5				
			w = 0,0				

$$— 152,31 \text{ (30)} + 117,87 \text{ (31)} + 152,41 \text{ (53)} — 160,79 \text{ (54)} + 8,38 \text{ (55)} + 21,46 \text{ (56)} — 86,97 \text{ (57)} \\ 46. \quad + 65,51 \text{ (58)} = 0$$

20. Rigi.

Winkel	°	'	"	log. sinus	Δ 1"	Winkel	°	'	"	log. sinus	Δ 1"
(33—32) = 25	11	51,00	9,6291442,6	+ 44,75		(73) = 25	23	2,01	9,6321343,9	+ 44,37	
(49—48) = 64	50	52,86	9,9567366,6	+ 9,89		(33—30) = 73	4	54,54	9,9807854,3	+ 6,40	
(74) = 48	11	34,02	9,8723847,5	+ 18,83		(48—47) = 44	27	35,75	9,8453525,2	+ 21,46	
			+ 9,4582656,7						9,4582723,4		
			— 9,4582723,4								
			w = — 66,7								

$$+ 6,40 \text{ (30)} - 44,75 \text{ (32)} + 38,35 \text{ (33)} + 21,46 \text{ (47)} - 31,35 \text{ (48)} + 9,89 \text{ (49)} - 44,37 \text{ (73)} \\ 47. \quad + 18,83 \text{ (74)} - 66,7 = 0$$

(31—30) = 10	7	41,72	9,2451478,4	+ 117,86		(54—53) = 7	51	55,15	9,1362288,5	+ 152,41	
(74—73) = 22	48	32,01	9,5884494,7	+ 50,06		(32—30) = 47	53	3,54	9,8702823,2	+ 19,03	
(54—51) = 85	17	14,83	9,9985293,5	+ 1,74		(75—74) = 42	0	54,17	9,8256375,3	+ 23,37	
			+ 8,8321266,6						8,8321487,0		
			— 8,8321487,0								
			w = — 220,4								

$$— 98,83 \text{ (30)} + 117,86 \text{ (31)} — 19,03 \text{ (32)} — 1,74 \text{ (51)} + 152,41 \text{ (53)} — 150,67 \text{ (54)} — 50,06 \text{ (73)} \\ 48. \quad + 73,43 \text{ (74)} — 23,37 \text{ (75)} — 220,4 = 0$$

(47—46) = 52	41	55,38	9,9006182,9	+ 16,04		(75—74) = 42	0	54,17	9,8256375,3	+ 23,37	
(57—46) = 44	27	8,69	9,8452944,5	+ 21,46		(46) = 67	15	2,84	9,9648280,8	+ 8,83	
(59) = 56	25	31,75	9,9207322,3	+ 13,98		(56) = 44	35	25,95	9,8463590,8	+ 21,36	
(63—62) = 61	9	52,62	9,9425085,7	+ 11,59		(0—61) = 57	5	21,85	9,9240307,3	+ 13,63	
(76—75) = 52	14	25,55	9,8979498,4	+ 16,31		(62) = 62	4	43,43	9,9462517,1	+ 11,16	
			+ 9,5071033,8						9,5071071,3		
			— 9,5071071,3								
			w = — 37,5								

$$— 24,87 \text{ (46)} + 16,04 \text{ (47)} — 42,82 \text{ (56)} + 21,46 \text{ (57)} + 13,98 \text{ (59)} + 13,63 \text{ (61)} — 22,75 \text{ (62)} \\ 49. \quad + 11,59 \text{ (63)} + 23,37 \text{ (74)} — 39,68 \text{ (75)} + 16,31 \text{ (76)} — 37,5 = 0$$

22. Hangendhorn.

(28—27) = 43	43	38,51	9,8396210,8	+ 22,01		(85—84) = 36	16	27,71	9,7720667,2	+ 28,69	
(34—33) = 57	37	41,37	9,9266465,3	+ 13,35		(27—26) = 66	1	14,04	9,9607995,4	+ 9,87	
(73) = 25	23	2,01	9,6321343,9	+ 44,37		(33—32) = 25	11	51,00	9,6291442,6	+ 44,75	
(86—85) = 49	43	8,01	9,8824571,1	+ 17,84		(0—79) = 56	3	12,93	9,9188479,3	+ 14,17	
			+ 9,2808591,1						9,2808584,5		
			— 9,2808584,5								
			w = + 6,6								

$$+ 9,37 \text{ (26)} — 31,38 \text{ (27)} + 22,01 \text{ (28)} + 44,75 \text{ (32)} — 58,10 \text{ (33)} + 13,35 \text{ (34)} + 44,37 \text{ (73)} \\ 50. \quad + 14,17 \text{ (79)} + 28,69 \text{ (84)} — 46,53 \text{ (85)} + 17,84 \text{ (86)} + 6,60 = 0$$

23. Titlis.

$$\begin{array}{ll}
 (41-40) = 42 & 17 \quad 6,14 \quad 9,8278984,8 + 23,15 \quad | \quad (89-88) = 62 \quad 10 \quad 28,46 \quad 9,9466359,2 + 11,11 \\
 (52-51) = 41 & 12 \quad 28,28 \quad 9,8187487,2 + 24,05 \quad | \quad (40-90) = 48 \quad 35 \quad 6,87 \quad 9,8750269,2 + 18,57 \\
 (62) = 62 & 4 \quad 43,43 \quad 9,9462517,1 + 11,16 \quad | \quad (51-50) = 65 \quad 40 \quad 55,66 \quad 9,9596493,9 + 9,51 \\
 (80) = 65 & 47 \quad 45,40 \quad 9,9600382,1 + 9,46 \quad | \quad (0-66) = 23 \quad 27 \quad 43,08 \quad 9,6000360,6 + 48,51 \\
 (90-89) = 42 & 14 \quad 48,89 \quad 9,8275805,1 + 23,18 \quad | \quad (0-82) = 86 \quad 29 \quad 7,27 \quad 9,9991823,9 + 1,29 \\
 & & \underline{\quad + 9,3805176,3 \quad} & & & & & 9,3805306,8 \\
 & & \underline{\quad - 9,3805306,8 \quad} & & & & & \\
 & & w = - 130,5 & & & & & \\
 & & & & & & & \\
 & & + 18,57 (39) - 41,72 (40) + 23,15 (41) + 9,51 (50) - 33,56 (51) + 24,05 (52) + 11,16 (62) \\
 & & 52. & & + 48,51 (66) + 9,46 (80) + 1,29 (82) + 11,11 (88) - 34,29 (89) + 23,18 (90) - 130,5 = 0
 \end{array}$$

25. Basodine

$$\begin{array}{llllll}
 (83) = 86 & 54 & 25,66 & 9,9993669,4 + & 1,14 & (95) = 38 & 42 & 56,47 & 9,7961969,7 + & 26,27 \\
 (79-78) = 19 & 29 & 13,21 & 9,5232169,5 + & 59,50 & (0-86) = 24 & 59 & 57,64 & 9,6259240,6 + & 45,16 \\
 (0-82) = 86 & 29 & 7,27 & 9,9991823,9 + & 1,29 & (78-77) = 51 & 16 & 3,71 & 9,8921379,1 + & 16,89 \\
 (94-93) = 48 & 38 & 42,57 & 9,8754271,1 + & 18,53 & (82-81) = 46 & 18 & 55,55 & 9,8592303,0 + & 20,11 \\
 (96-95) = 25 & 51 & 50,02 & 9,7677951,7 + & 29,12 & (93-92) = 101 & 18 & 54,52 & 9,9914754,5 - & 4,21 \\
 & & & \hline & & + 9,1649885,6 & & & & 9,1649646,7 \\
 & & & \hline & & - 9,1649646,7 & & & & \\
 & & & \hline & & w = + 238,9 & & & & \\
 & & & & & & & & & \\
 & & & & & + 16,89 (77) - 76,39 (78) + 59,50 (79) + 20,11 (81) - 21,40 (82) + 1,14 (83) + 45,16 (86) \\
 & & & & & 53. - 4,21 (92) - 14,32 (93) + 18,53 (94) - 55,39 (95) + 29,12 (96) + 238,9 = 0
 \end{array}$$

Zur Herstellung grösserer Gleichmässigkeit zwischen den Coefficienten der Winkel- und jenen der Seitengleichungen werden die Winkelgleichungen mit 100 multiplizirt.

Correlaten-Ausdrücke.

- [1] = + 100 K₁
[2] = + 100 K₁ - 100 K₂
[3] = + 100 K₂
[4] = - 100 K₃ + 100 K₄
[5] = - 100 K₂ + 100 K₃
[6] = - 100 K₁ + 100 K₂
[7] = + 100 K₁
[8] = + 100 K₂ - 100 K₃
[9] = + 100 K₃
[10] = + 100 K₃ - 100 K₄
[11] = + 100 K₄ - 100 K₅
[12] = + 100 K₅
[13] = - 100 K₆ - 100 K₁₀ - 140,44 K₄₁
[14] = - 100 K₉ + 100 K₁₀ + 156,53 K₄₁
[15] = - 100 K₅ + 100 K₆ + 100 K₉ - 16,09 K₄₁
[16] = - 100 K₄ + 100 K₅
[17] = + 100 K₅ - 100 K₆ - 100 K₉ - 8,44 K₄₁
[18] = + 100 K₆ - 100 K₇ + 41,56 K₄₁ + 19,68 K₄₂ + 19,68 K₄₃
[19] = - 100 K₈ + 100 K₉ - 33,12 K₄₁ - 81,50 K₄₂ + 81,50 K₄₄
[20] = + 100 K₇ + 100 K₈ - 100 K₁₁ + 61,82 K₄₂ - 74,34 K₄₃ - 136,16 K₄₄
[21] = + 100 K₁₁ + 54,66 K₄₃ + 54,66 K₄₄
[22] = - 100 K₁₂ + 100 K₁₃ + 40,59 K₄₃
[23] = - 100 K₇ + 100 K₁₂ - 36,75 K₄₂ - 65,56 K₄₃
[24] = - 100 K₆ + 100 K₇ + 24,97 K₄₂ + 24,97 K₄₃
[25] = + 100 K₆ + 100 K₁₀
[26] = + 100 K₈ + 9,37 K₅₀
[27] = - 100 K₁₁ + 100 K₁₂ - 100 K₂₉ - 31,38 K₅₀
[28] = + 100 K₂₉ + 22,01 K₅₀
[29] = - 100 K₇ - 100 K₈ + 100 K₁₁
[30] = - 100 K₁₄ - 100 K₁₆ + 100 K₁₈ - 100 K₂₅ - 111,46 K₄₅ - 152,30 K₄₆ + 6,40 K₄₇ - 98,83 K₄₈
[31] = - 100 K₁₅ + 100 K₁₆ + 117,86 K₄₅ + 117,86 K₄₆ + 117,86 K₄₈
[32] = - 100 K₂₄ + 100 K₂₅ - 44,75 K₄₇ - 19,03 K₄₈ + 44,75 K₅₀

- [33] = $-100K_{13} + 100K_{14} + 100K_{15} + 100K_{24} + 13,35K_{44} - 6,40K_{45} + 38,35K_{47} - 58,10K_{50}$
[34] = $-100K_8 + 82,05K_{42} - 107,95K_{44} + 13,35K_{50}$
[35] = $+100K_8 - 100K_9 - 19,87K_{41} - 94,60K_{42} + 94,60K_{44}$
[36] = $+100K_9 - 100K_{10} + 97,49K_{41}$
[37] = $+100K_{10} + 100K_{13} - 77,62K_{41} + 12,55K_{42}$
[38] = $+100K_{14} + 49,55K_{45}$
[39] = $+100K_{15} - 26,22K_{45} + 18,57K_{52}$
[40] = $+100K_{24} - 100K_{30} - 100K_{32} + 23,15K_{51} - 41,72K_{52}$
[41] = $-100K_{31} + 100K_{32} - 56,92K_{51} + 23,15K_{52}$
[42] = $-100K_{29} + 100K_{30} + 100K_{31} + 33,77K_{51}$
[43] = $-100K_{11} + 65,10K_{43} + 65,10K_{44}$
[44] = $+100K_{11} - 100K_{12} + 100K_{29} - 107,27K_{43} - 79,11K_{44}$
[45] = $+100K_{12} - 100K_{13} + 42,17K_{43}$
[46] = $-100K_{16} + 100K_{17} - 100K_{26} - 24,87K_{49}$
[47] = $-100K_{25} + 100K_{26} + 21,46K_{47} + 16,04K_{49}$
[48] = $-100K_{14} - 31,35K_{47}$
[49] = $+100K_{14} + 100K_{16} - 100K_{18} + 100K_{25} + 9,89K_{47}$
[50] = $+100K_{20} - 100K_{27} + 9,51K_{52}$
[51] = $-100K_{26} + 100K_{27} - 1,74K_{48} - 33,56K_{52}$
[52] = $-100K_{15} - 21,74K_{45} + 24,05K_{52}$
[53] = $+100K_{15} - 100K_{16} + 152,41K_{45} + 152,41K_{46} + 152,41K_{48}$
[54] = $+100K_{16} - 100K_{17} + 100K_{26} - 130,67K_{45} - 160,79K_{46} - 150,67K_{48}$
[55] = $+100K_{17} - 100K_{19} + 8,38K_{46}$
[56] = $-100K_{17} + 100K_{19} + 21,46K_{46} - 42,82K_{49}$
[57] = $+100K_{17} - 100K_{18} - 86,97K_{46} + 21,46K_{49}$
[58] = $+100K_{18} + 65,51K_{46}$
[59] = $+100K_{19} + 13,98K_{49}$
[60] = $-100K_{21}$
[61] = $-100K_{20} + 100K_{21} + 13,63K_{49}$
[62] = $-100K_{20} + 100K_{27} - 22,75K_{49} + 11,16K_{52}$
[63] = $+100K_{20} - 100K_{21} + 11,59K_{49}$
[64] = $+100K_{21} - 100K_{22}$
[65] = $+100K_{22}$
[66] = $-100K_{28} + 48,51K_{52}$
[67] = $-100K_{21} + 100K_{22}$
[68] = $+100K_{21}$
[69] = $-100K_{23}$
[70] = $+100K_{22} - 100K_{23}$

- [71] = + 100 K₂₃
[72] = + 100 K₂₃
[73] = + 100 K₂₄ — 100 K₂₅ — 44,37 K₄₇ — 50,06 K₄₈ + 44,37 K₅₀
[74] = + 100 K₂₅ — 100 K₂₆ + 18,83 K₄₇ + 73,43 K₄₈ + 23,37 K₄₉
[75] = + 100 K₂₆ — 100 K₂₇ — 23,37 K₄₈ — 39,68 K₄₉
[76] = + 100 K₂₇ — 100 K₂₈ + 16,31 K₄₉
[77] = + 100 K₂₈ — 100 K₃₃ + 16,89 K₅₃
[78] = — 100 K₃₂ + 100 K₃₃ + 54,07 K₅₁ — 76,39 K₅₃
[79] = — 100 K₃₀ + 14,17 K₅₀ — 59,50 K₅₁ — 59,50 K₅₃
[80] = + 100 K₂₈ + 9,46 K₅₂
[81] = — 100 K₃₄ + 20,11 K₅₃
[82] = — 100 K₃₃ + 100 K₃₄ + 1,29 K₅₂ — 21,40 K₅₃
[83] = + 100 K₃₅ + 1,14 K₅₃
[84] = — 100 K₂₉ + 28,69 K₅₀
[85] = + 100 K₂₉ — 100 K₃₀ — 100 K₃₁ — 46,53 K₅₀ + 5,75 K₅₁
[86] = + 100 K₃₀ + 17,84 K₅₀ — 45,16 K₅₁ + 45,16 K₅₃
[87] = — 100 K₃₁ + 100 K₃₅
[88] = + 100 K₃₁ — 100 K₃₂ + 11,11 K₅₂
[89] = + 100 K₃₂ — 100 K₃₃ — 34,29 K₅₂
[90] = + 100 K₃₃ — 100 K₃₄ + 23,18 K₅₂
[91] = + 100 K₃₄ — 100 K₃₆
[92] = — 100 K₃₆ + 100 K₃₇ — 4,21 K₅₃
[93] = — 100 K₃₄ + 100 K₃₆ — 14,32 K₅₃
[94] = + 100 K₃₄ + 18,58 K₅₃
[95] = + 100 K₃₅ — 100 K₃₆ — 55,39 K₅₃
[96] = + 100 K₃₆ — 100 K₃₇ + 29,12 K₅₃
[97] = + 100 K₃₇ — 100 K₃₈
[98] = + 100 K₃₈ — 100 K₄₀
[99] = + 100 K₄₀
[100] = — 100 K₃₈ + 100 K₃₉
[101] = — 100 K₃₇ + 100 K₃₈
[102] = + 100 K₃₇
[103] = + 100 K₃₉
[104] = — 100 K₄₀
[105] = — 100 K₃₈ + 100 K₄₀
[106] = + 100 K₃₉
[107] = + 100 K₄₀

Fehlergleichungen.

$$(1) = + 35,58 K_1$$

$$(2) = + 26,29 K_1 - 19,01 K_2$$

$$(3) = + 7,28 K_1 + 7,34 K_2$$

$$(4) = + 1,58 K_1 - 2,42 K_2 - 17,94 K_3 + 30,94 K_4$$

$$(5) = - 2,68 K_1 - 11,50 K_2 + 12,39 K_3 + 13,00 K_4$$

$$(6) = - 18,53 K_1 + 18,80 K_2 + 3,31 K_3 + 10,58 K_4$$

$$(7) = + 31,91 K_1 + 2,95 K_2 - 0,95 K_3 + 12,16 K_4$$

$$(8) = + 75,00 K_2 - 58,88 K_3$$

$$(9) = + 16,12 K_2 + 18,89 K_3$$

$$(10) = + 103,94 K_3 - 61,96 K_4 - 13,33 K_5$$

$$(11) = + 41,98 K_3 + 33,97 K_4 - 47,80 K_5$$

$$(12) = + 28,65 K_3 - 0,50 K_4 + 12,65 K_5$$

$$(13) = - 15,21 K_4 - 9,58 K_5 - 24,29 K_6 + 1,27 K_9 - 25,56 K_{10} - 36,101 K_{41}$$

$$(14) = - 13,66 K_4 - 8,37 K_5 - 1,75 K_6 - 43,92 K_9 + 42,17 K_{10} + 66,291 K_{41}$$

$$(15) = - 20,37 K_4 - 19,56 K_5 + 14,88 K_6 + 17,90 K_9 - 3,02 K_{10} - 7,121 K_{41}$$

$$(16) = - 71,64 K_4 + 51,27 K_5 + 5,16 K_6 + 6,71 K_9 - 1,55 K_{10} - 3,257 K_{41}$$

$$(17) = + 27,59 K_5 - 14,50 K_6 - 7,62 K_7 - 7,27 K_8 - 14,85 K_9 + 2,55 K_{11} - 1,107 K_{41} \\ - 4,425 K_{42} + 2,894 K_{43} + 7,319 K_{44}$$

$$(18) = + 13,09 K_5 + 12,81 K_6 - 18,28 K_7 - 10,36 K_8 + 4,89 K_9 + 1,95 K_{11} + 3,704 K_{41} \\ - 4,846 K_{42} + 4,663 K_{43} + 9,510 K_{44}$$

$$(19) = + 12,74 K_5 + 5,24 K_6 - 9,21 K_7 - 31,43 K_8 + 27,46 K_9 + 1,99 K_{11} - 6,916 K_{41} \\ - 23,803 K_{42} + 2,899 K_{43} + 26,703 K_{44}$$

$$(20) = + 5,47 K_5 + 2,15 K_6 + 8,02 K_7 + 6,87 K_8 + 3,30 K_9 - 3,68 K_{11} - 0,200 K_{41} \\ + 4,021 K_{42} - 8,590 K_{43} - 7,611 K_{44}$$

$$(21) = + 8,02 K_5 + 1,55 K_6 + 2,89 K_7 + 1,20 K_8 + 2,74 K_9 + 62,58 K_{11} - 0,264 K_{41} \\ + 0,508 K_{42} + 33,736 K_{43} + 33,228 K_{44}$$

$$(22) = - 2,86 K_6 + 0,29 K_7 + 5,02 K_{10} - 31,85 K_{12} + 39,44 K_{13} - 0,821 K_{42} + 13,001 K_{43}$$

$$(23) = - 3,95 K_6 - 12,32 K_7 + 5,23 K_{10} + 13,91 K_{12} + 7,59 K_{13} - 5,609 K_{42} - 8,722 K_{43}$$

$$(24) = - 29,39 K_6 + 26,59 K_7 + 6,88 K_{10} + 1,30 K_{12} + 7,88 K_{13} + 5,558 K_{42} + 6,112 K_{43}$$

$$(25) = + 23,76 K_6 + 1,15 K_7 + 30,14 K_{10} + 0,21 K_{12} + 5,02 K_{13} - 0,329 K_{42} + 0,202 K_{43}$$

$$(26) = - 21,08 K_7 + 3,27 K_8 - 1,45 K_{11} + 22,53 K_{12} - 0,90 K_{29} - 0,027 K_{50}$$

$$(27) = - 37,66 K_7 - 15,13 K_8 - 12,18 K_{11} + 49,84 K_{12} - 7,54 K_{29} - 4,219 K_{50}$$

$$(28) = - 45,81 K_7 - 24,18 K_8 + 3,51 K_{11} + 42,30 K_{12} + 41,86 K_{29} + 7,277 K_{50}$$

$$(29) = - 50,83 K_7 - 29,75 K_8 + 13,17 K_{11} + 37,66 K_{12} + 8,15 K_{29} + 0,240 K_{50}$$

$$(30) = - 3,26 K_8 + 1,49 K_9 + 0,97 K_{10} - 0,29 K_{13} - 5,40 K_{14} + 7,54 K_{15} - 12,94 K_{16} \\ + 21,54 K_{18} - 1,62 K_{24} - 3,78 K_{25} - 0,457 K_{41} + 2,983 K_{42} - 3,152 K_{44} - 14,905 K_{45} \\ - 22,669 K_{46} - 0,379 K_{47} - 14,532 K_{48} + 0,793 K_{50}$$

$$(31) = - 2,17 K_8 + 1,13 K_9 + 1,68 K_{10} - 5,52 K_{13} + 6,35 K_{14} - 25,92 K_{15} + 32,27 K_{16} \\ + 8,60 K_{18} + 2,97 K_{24} + 3,38 K_{25} - 1,080 K_{41} + 2,132 K_{42} - 1,230 K_{44} + 37,626 K_{45} \\ + 35,071 K_{46} + 0,922 K_{47} + 37,390 K_{48} - 2,151 K_{50}$$

$$(32) = - 3,75 K_8 + 1,94 K_9 + 2,30 K_{10} - 5,11 K_{13} + 4,75 K_{14} + 10,53 K_{15} - 5,78 K_{16} \\ + 17,76 K_{18} - 28,71 K_{24} + 33,46 K_{25} - 1,400 K_{41} + 3,610 K_{42} - 2,800 K_{44} - 7,116 K_{45} \\ - 12,928 K_{46} - 13,151 K_{47} - 13,179 K_{48} + 12,100 K_{50}$$

$$(33) = - 4,08 K_8 + 2,13 K_9 + 3,15 K_{10} - 10,40 K_{13} + 11,96 K_{14} + 13,15 K_{15} - 1,19 K_{16} \\ + 16,14 K_{18} + 5,59 K_{24} + 6,37 K_{25} - 2,022 K_{41} + 4,010 K_{42} - 2,312 K_{44} - 2,168 K_{45} \\ - 6,961 K_{46} + 1,736 K_{47} - 2,615 K_{48} - 4,050 K_{50}$$

$$(34) = - 15,78 K_8 + 2,04 K_9 + 1,96 K_{10} + 2,28 K_{13} - 0,15 K_{14} + 7,71 K_{15} - 7,86 K_{16} \\ + 16,65 K_{18} - 0,41 K_{24} + 0,26 K_{25} - 1,116 K_{41} + 13,449 K_{42} - 16,805 K_{44} - 9,254 K_{45} \\ - 14,998 K_{46} - 0,173 K_{47} - 9,313 K_{48} + 2,061 K_{50}$$

$$(35) = + 43,52 K_8 - 41,44 K_9 - 3,72 K_{10} + 0,72 K_{13} - 0,97 K_{14} + 5,80 K_{15} - 6,77 K_{16} \\ + 13,39 K_{18} - 0,74 K_{24} - 0,23 K_{25} - 5,346 K_{41} - 41,376 K_{42} + 40,855 K_{44} - 7,917 K_{45} \\ - 12,591 K_{46} - 0,269 K_{47} - 7,935 K_{48} + 0,646 K_{50}$$

$$(36) = + 0,04K_8 + 38,71K_9 - 39,09 K_{10} + 1,93 K_{13} - 0,33 K_{14} + 6,80 K_{15} - 7,13 K_{16} + 14,88K_{18} \\ - 0,55K_{24} + 0,22K_{25} + 38,033K_{41} - 0,081K_{42} - 0,265K_{44} - 8,382K_{45} - 13,528K_{46} - 0,225K_{47} \\ - 8,446K_{48} + 0,548K_{50}$$

$$(37) = - 5,64K_8 + 3,34 K_9 + 6,93 K_{10} + 5,71 K_{13} + 1,85 K_{14} + 8,27 K_{15} - 6,42 K_{16} + 15,85K_{18} \\ + 0,30K_{24} + 1,55 K_{25} - 4,716K_{41} + 5,917K_{42} - 5,480K_{44} - 7,685K_{45} - 13,026K_{46} + 0,015K_{47} \\ - 7,862K_{48} + 0,010K_{50}$$

$$(38) = + 0,80K_{11} - 1,73K_{12} - 1,24 K_{13} + 35,47 K_{14} + 2,63 K_{15} + 6,40 K_{24} - 0,90 K_{29} - 2,53K_{30} \\ - 0,84K_{31} - 1,69K_{32} - 1,250K_{43} - 0,937K_{44} + 16,885K_{45} + 0,109K_{51} - 1,092K_{52}$$

$$(39) = - 10,57K_{11} - 4,31K_{12} - 3,11 K_{13} + 2,63 K_{14} + 42,61 K_{15} + 7,88 K_{24} - 3,94 K_{29} + 3,48K_{30} \\ + 1,94K_{31} + 1,54K_{32} + 5,063K_{43} + 5,841K_{44} - 9,869K_{45} + 0,298K_{51} + 6,806K_{52}$$

$$(40) = + 2,41K_{11} - 5,18K_{12} - 3,73 K_{13} + 6,40 K_{14} + 7,88 K_{15} + 19,21 K_{24} - 2,71 K_{29} - 7,59K_{30} \\ - 2,51K_{31} - 5,08K_{32} - 3,753K_{43} - 2,817K_{44} + 1,105K_{45} + 0,328K_{51} - 3,280K_{52}$$

$$(41) = + 10,16K_{11} - 12,48K_{12} - 8,98 K_{13} + 4,71 K_{14} + 9,42 K_{15} + 14,13 K_{24} - 3,03 K_{29} + 10,36K_{30} \\ - 14,45K_{31} + 24,81K_{32} - 11,877K_{43} - 9,621K_{44} - 0,136K_{45} - 10,624K_{51} + 4,869K_{52}$$

$$(42) = + 6,17K_{11} - 12,77K_{12} - 9,20 K_{13} + 3,87 K_{14} + 11,36 K_{15} + 11,62 K_{24} - 14,07 K_{29} + 24,42K_{30} \\ + 11,55K_{31} + 12,87K_{32} - 9,401K_{43} - 7,094K_{44} - 1,061K_{45} + 0,921K_{51} + 2,931K_{52}$$

$$(43) = - 83,77K_{11} - 5,70K_{12} - 4,10 K_{13} + 2,17 K_{14} + 17,99 K_{15} + 6,50 K_{24} - 6,00 K_{29} + 9,30K_{30} \\ + 4,50K_{31} + 4,80K_{32} + 52,131K_{43} + 53,162K_{44} - 3,642K_{45} + 0,409K_{51} + 3,245K_{52}$$

$$(44) = + 42,14K_{11} - 30,20K_{12} - 21,74 K_{13} + 2,97 K_{14} + 7,42 K_{15} + 8,91 K_{24} + 29,97 K_{29} + 13,06K_{30} \\ + 0,51K_{31} + 12,55K_{32} - 40,168K_{43} - 34,710K_{44} - 0,474K_{45} - 2,733K_{51} + 2,629K_{52}$$

$$(45) = + 17,64K_{11} + 103,63K_{12} - 125,37 K_{13} + 1,24 K_{14} + 3,11 K_{15} + 3,73 K_{24} + 12,54 K_{29} + 5,47K_{30} \\ + 0,22K_{31} + 5,25K_{32} + 32,217K_{43} - 14,530K_{44} - 0,201K_{45} - 1,141K_{51} + 1,101K_{52}$$

$$(46) = + 0,32K_{14} - 25,97K_{16} + 27,19 K_{17} - 1,22 K_{18} + 0,34 K_{25} - 26,31 K_{26} + 0,028K_{47} - 6,621K_{49}$$

$$(47) = - 2,27K_{14} + 7,26K_{16} + 0,88 K_{17} - 8,14 K_{18} - 11,60 K_{25} + 18,86 K_{26} + 1,777K_{47} + 2,947K_{49}$$

$$(48) = - 18,46K_{14} + 7,41K_{16} + 0,90 K_{17} - 8,31 K_{18} - 2,10 K_{25} + 9,51 K_{26} - 5,336K_{47} + 1,446K_{49}$$

$$(49) = + 2,92K_{14} + 10,01K_{16} + 1,22 K_{17} - 11,23 K_{18} + 3,09 K_{25} + 6,92 K_{26} + 0,253K_{47} + 1,003K_{49}$$

$$(50) = + 0,82 K_{15} - 5,78 K_{16} + 3,99 K_{17} - 41,88 K_{19} + 50,43 K_{20} - 6,92 K_{26} - 5,62 K_{27} + 7,730K_{45} \\ + 9,144K_{46} + 8,688K_{48} + 0,063K_{52}$$

$$(51) = - 0,48 K_{15} - 7,24 K_{16} + 4,09 K_{17} - 49,22 K_{19} + 44,81 K_{20} - 12,36 K_{26} + 12,68 K_{27} + 9,356K_{45} \\ + 11,377K_{46} + 10,820K_{48} - 2,322K_{52}$$

$$(52) = - 16,60 K_{15} - 3,60 K_{16} + 0,59 K_{17} - 49,29 K_{19} + 42,85 K_{20} - 4,15 K_{26} + 10,00 K_{27} + 1,095K_{45} \\ + 5,536K_{46} + 5,414K_{48} + 2,909K_{52}$$

$$(53) = +27,42 K_{15} - 32,73 K_{16} + 4,12 K_{17} - 51,11 K_{19} + 43,67 K_{20} - 5,38 K_{26} + 8,70 K_{27} \\ + 48,730 K_{45} + 50,229 K_{46} + 49,790 K_{48} - 0,844 K_{52}$$

$$(54) = - 1,71 K_{15} + 12,86 K_{16} - 12,54 K_{17} - 47,31 K_{19} + 37,89 K_{20} + 14,72 K_{26} + 7,24 K_{27} \\ - 17,176 K_{45} - 20,651 K_{46} - 19,344 K_{48} + 0,170 K_{52}$$

$$(55) = + 1,82 K_{15} - 3,80 K_{16} + 31,14 K_{17} - 78,45 K_{19} + 41,88 K_{20} - 1,91 K_{26} + 7,34 K_{27} \\ + 5,361 K_{45} + 8,401 K_{46} + 5,759 K_{48} - 0,681 K_{52}$$

$$(56) = \dots + 39,68 K_{19} \dots - 8,476 K_{49}$$

$$(57) = + 55,39 K_{17} - 13,98 K_{18} + 39,68 K_{19} - 21,045 K_{46} + 3,411 K_{49}$$

$$(58) = + 41,41 K_{17} + 20,70 K_{18} + 39,68 K_{19} + 4,674 K_{46} + 0,411 K_{49}$$

$$(59) = +141,06 K_{19} - 9,15 K_{20} + 0,25 K_{21} + 20,967 K_{49}$$

$$(60) = + 8,90 K_{19} - 9,06 K_{20} - 28,19 K_{21} + 2,479 K_{49}$$

$$(61) = + 9,15 K_{19} - 34,02 K_{20} + 24,96 K_{21} + 5,916 K_{49}$$

$$(62) = - 5,26 K_{20} + 0,08 K_{21} - 3,58 K_{22} + 18,62 K_{27} - 5,73 K_{28} - 2,688 K_{49} + 4,858 K_{52}$$

$$(63) = + 19,42 K_{20} - 15,54 K_{21} - 3,33 K_{22} + 13,36 K_{27} - 8,09 K_{28} + 0,760 K_{49} + 5,415 K_{52}$$

$$(64) = + 3,80 K_{20} + 13,45 K_{21} - 14,02 K_{22} + 13,44 K_{27} - 9,69 K_{28} - 1,060 K_{49} + 6,201 K_{52}$$

$$(65) = + 4,05 K_{20} + 2,76 K_{21} + 12,18 K_{22} + 9,86 K_{27} - 16,77 K_{28} - 0,631 K_{49} + 9,235 K_{52}$$

$$(66) = + 2,36 K_{20} + 1,60 K_{21} + 7,08 K_{22} + 5,73 K_{27} + 45,85 K_{28} - 0,366 K_{49} + 22,881 K_{52}$$

$$(67) = - 58,08 K_{21} + 73,23 K_{22} \dots$$

$$(68) = + 45,46 K_{21} + 15,15 K_{22} \dots$$

$$(69) = \dots - 83,33 K_{23}$$

$$(70) = - 41,67 K_{22}$$

$$(71) = + 41,67 K_{22} + 52,08 K_{23}$$

$$(72) = + 92,28 K_{23}$$

$$(73) = +17,23 K_{24} - 14,43 K_{25} + 2,99 K_{26} - 0,70 K_{27} - 1,30 K_{28} - 1,86 K_{30} - 2,77 K_{32} \\ - 1,02 K_{33} - 7,118 K_{47} - 7,922 K_{48} - 0,813 K_{49} + 7,909 K_{50} + 0,391 K_{51} - 0,369 K_{53}$$

$$(74) = + 2,80 K_{24} + 23,20 K_{25} - 21,87 K_{26} + 1,08 K_{27} - 0,87 K_{28} - 2,31 K_{30} - 3,42 K_{32} \\ - 1,42 K_{33} + 3,654 K_{47} + 16,725 K_{48} + 5,287 K_{49} + 1,569 K_{50} + 0,475 K_{51} - 0,421 K_{53}$$

$$(75) = + 5,79 K_{24} - 1,66 K_{25} + 9,34 K_{26} - 6,10 K_{27} - 2,38 K_{28} - 2,50 K_{30} - 3,77 K_{32} \\ - 1,22 K_{33} - 1,791 K_{47} - 3,013 K_{48} - 3,178 K_{49} + 2,923 K_{50} + 0,550 K_{51} - 0,550 K_{53}$$

- $$(76) = + 5,09 K_{24} + 0,12 K_{25} + 2,16 K_{26} + 11,50 K_{27} - 9,90 K_{28} - 4,67 K_{30} - 6,83 K_{32} \\ - 2,14 K_{33} - 1,277 K_{47} - 0,444 K_{48} + 1,372 K_{49} + 2,920 K_{50} + 0,914 K_{51} - 0,924 K_{53}$$
- $$(77) = + 3,79 K_{24} + 1,05 K_{25} + 0,15 K_{26} + 3,98 K_{27} + 9,11 K_{28} - 8,16 K_{30} - 12,07 K_{32} \\ - 6,01 K_{33} - 0,771 K_{47} + 0,491 K_{48} + 0,614 K_{49} + 2,838 K_{50} + 1,671 K_{51} - 1,311 K_{53}$$
- $$(78) = + 2,77 K_{24} + 0,65 K_{25} + 0,35 K_{26} + 3,06 K_{27} + 5,24 K_{28} - 9,04 K_{30} - 24,50 K_{32} \\ + 12,43 K_{33} - 0,585 K_{47} + 0,243 K_{48} + 0,417 K_{49} + 2,510 K_{50} + 7,868 K_{51} - 11,298 K_{53}$$
- $$(79) = + 1,86 K_{24} + 0,45 K_{25} + 0,19 K_{26} + 2,17 K_{27} + 3,49 K_{28} - 41,81 K_{30} - 9,04 K_{32} \\ + 0,88 K_{33} - 0,390 K_{47} + 0,181 K_{48} + 0,310 K_{49} + 6,749 K_{50} - 19,989 K_{51} + 19,349 K_{53}$$
- $$(80) = + 41,06 K_{28} - 3,20 K_{33} - 3,74 K_{34} - 1,925 K_{52} + 0,711 K_{53}$$
- $$(81) = + 6,94 K_{28} - 16,14 K_{33} - 18,84 K_{34} + 0,865 K_{52} + 3,580 K_{53}$$
- $$(82) = + 3,20 K_{28} - 41,11 K_{33} + 24,97 K_{34} + 0,833 K_{52} - 5,552 K_{53}$$
- $$(83) = \dots + 208,33 K_{35} \dots + 2,375 K_{53}$$
- $$(84) = - 104,17 K_{29} - 52,08 K_{30} - 52,08 K_{31} \dots + 20,595 K_{50} + 2,995 K_{51} \dots$$
- $$(85) = \dots - 52,08 K_{30} - 52,08 K_{31} \dots - 9,291 K_{50} + 2,995 K_{51} \dots$$
- $$(86) = \dots + 104,17 K_{30} \dots + 18,584 K_{50} - 47,043 K_{51} + 47,043 K_{53}$$
- $$(87) = - 54,98 K_{31} - 4,62 K_{32} - 4,20 K_{33} - 4,51 K_{34} + 82,71 K_{35} - 14,40 K_{36} - 0,460 K_{52}$$
- $$(88) = + 57,17 K_{31} - 42,13 K_{32} - 4,71 K_{33} - 9,09 K_{34} + 27,73 K_{35} - 28,97 K_{36} + 3,589 K_{52}$$
- $$(89) = + 19,66 K_{31} + 48,90 K_{32} - 22,81 K_{33} - 16,45 K_{34} + 23,11 K_{35} - 52,41 K_{36} - 10,720 K_{52}$$
- $$(90) = + 19,15 K_{31} + 30,80 K_{32} + 17,30 K_{33} - 20,58 K_{34} + 18,91 K_{35} - 65,58 K_{36} + 0,588 K_{52}$$
- $$(91) = + 14,57 K_{31} + 23,44 K_{32} + 13,17 K_{33} + 34,09 K_{34} + 14,40 K_{35} - 99,67 K_{36} + 0,449 K_{52}$$
- $$(92) = - 9,40 K_{34} - 50,28 K_{36} + 75,09 K_{37} - 3,859 K_{53}$$
- $$(93) = - 23,96 K_{34} + 38,46 K_{36} + 24,81 K_{37} - 2,821 K_{53}$$
- $$(94) = + 35,61 K_{34} + 23,90 K_{36} + 15,41 K_{37} + 7,605 K_{53}$$
- $$(95) = + 39,43 K_{35} - 7,91 K_{36} - 9,38 K_{37} - 6,62 K_{38} + 1,79 K_{40} - 12,661 K_{53}$$
- $$(96) = + 31,52 K_{35} + 23,28 K_{36} - 20,45 K_{37} - 14,24 K_{38} + 2,24 K_{40} - 1,501 K_{53}$$
- $$(97) = + 22,14 K_{35} + 12,21 K_{36} + 21,66 K_{37} - 28,71 K_{38} - 4,69 K_{40} - 2,260 K_{53}$$
- $$(98) = + 15,52 K_{35} + 4,59 K_{36} + 7,19 K_{37} + 6,79 K_{38} - 16,98 K_{40} - 2,741 K_{53}$$
- $$(99) = + 17,31 K_{35} + 5,04 K_{36} + 0,26 K_{37} - 5,50 K_{38} + 51,52 K_{40} - 3,080 K_{53}$$
- $$(100) = - 3,44 K_{37} - 10,31 K_{38} + 44,67 K_{39}$$
- $$(101) = - 15,46 K_{37} + 36,94 K_{38} + 34,36 K_{39}$$
- $$(102) = + 36,08 K_{37} + 24,92 K_{38} + 30,92 K_{39}$$

$$(103) = - 8,56 K_{38} + 24,14 K_{39} + 0,51 K_{40}$$

$$(104) = - 12,02 K_{38} + 8,05 K_{39} - 35,66 K_{40}$$

$$(105) = - 20,72 K_{38} + 8,56 K_{39} + 8,70 K_{40}$$

$$(106) = + 51,28 K_{39}$$

$$(107) = + 75,13 K_{40}$$

Auf beifolgender Tafel sind die Normalgleichungen in jener Ordnung zusammengestellt, in welcher sie aufgelöst wurden.

Normalgleichungen,

geordnet für die Auflösung.

ro.	K 39	K 40	K 38	K 37	K 22	K 21	K 36	K 35	K 34	K 53	K 28	K 33	K 27	K 20	K 19	K 49	K 26	K 17	K 52	K 32	K 31	K 51	K 30	K 29	K 50	K 48	K 47	K 25	K 24	K 46	K 45	K 16	K 15	K 18	K 14	K 13	K 12	K 44	K 43	K 11	K 8	K 7	K 42	K 41	K 10	K 9	K 6	K 5	K 4	K 3	K 2	K 1	K 23	u																								
39	+12009.0	+	51.0	-	1887.0	-	344.0	2																																	
40	+	51.0	-	+1879.0	-	2099.0	-	693.0	.	.	+	45.0	+	179.0	.	.	-	33.9	3																																					
38	-	1887.0	-	2099.0	-	+10347.0	-	2649.0	.	.	-	762.0	-	662.0	.	.	-	48.1	1																																								
37	-	344.0	-	693.0	-	2649.0	-	+16874.0	.	.	-	6135.0	-	938.0	-	940.0	-	461.8	.	.	-	708.0	-	358.0	+	25.0	+	42.9	.	+	303.4	1																																				
22	-	+14110.0	-	6877.0	-	708.0	.	-	358.0	+	25.0	+	25.0	+	161.7	.	.	-	78.6	2																																					
21	-	6877.0	-	+18568.0	-	6877.0	2																																							
36	.	+	45.0	-	762.0	-	6135.0	.	.	.	-	+21960.0	-	2231.0	-	4865.0	-	1219.8	.	-	1317.0	-	44.9	-	2344.0	-	1457.0	1																																			
35	.	+	179.0	-	662.0	-	938.0	.	.	.	-	2231.0	-	+33047.0	-	451.0	-	1028.6	.	-	420.0	-	46.0	-	462.0	-	5498.0	2																																			
34	.	-	33.9	-	48.1	-	461.8	.	.	.	-	940.0	-	1219.8	-	1028.6	-	129.4	-	374.0	-	2910.0	.	.	-	3.1	-	12.9	.	-	0.4	+	1129.8	.	-	3886.6	+	2769.4	.	+	1097.0	+	0.4	+	8.5	+	5.2	-	36.9	.																								
53	.	-	33.9	-	48.1	-	461.8	.	.	.	-	708.0	-	160.0	.	.	-	25.0	.	+	8.0	+	4058.0	+	25.0	+	161.7	.	.	-	78.6	2																																	
28	-	1317.0	-	420.0	-	2910.0	-	443.5	-	707.0	-	9966.0	-	92.0	.	-	39.2	-	201.0	.	-	236.0	.	-	2480.6	-	524.0	.	+	75.7	-	349.0	.	-	8.2	+	93.5	+	50.6	+	93.0	-	130.0	.																												
33	-	358.0	+	8.0	.	.	-	37.4	-	1325.0	-	236.0	.	-	39.2	-	201.0	.	-	1047.5	-	3053.0	-	51.0	+	619.7	-	88.0	.	-	32.8	+	24.8	+	18.6	+	40.0	-	102.0	.																																
27	-	25.0	-	4058.0	.	.	-	236.0	.	-	1088.0	-	5103.0	-	246.8	-	692.0	+	399.0	.	-	62.0	.	.	-	868.8	-	0.3	+	470.1	+	51.4	+	178.0	-	70.0	+	223.3	+	162.6	-	146.0	-	130.0	.																						
19	-	25.0	.	.	-	734.0	-	5103.0	-	+25919.0	-	1249.1	-	191.0	-	3114.0	+	68.1	.	-	31.7	+	503.2	+	163.4	+	415.6	-	81.3	-	451.6	.	-	762.4	.	-	400.3	-	44.3	2																								
49	-	42.9	+	161.7	.	.	-	3.1	-	39.2	-	19.7	-	186.2	-	246.8	+	1249.1	-	1363.8	+	110.3	-	526.6	-	47.8	-	41.7	.	-	4.1	-	31.0	.	-	31.7	+	503.2	+	163.4	+	415.6	-	81.3	-	451.6	.	-	762.4	.	-	400.3	-	44.3	1											
26	-	12.9	-	201.0	+	20.0	-	1262.0	-	692.0	+	191.0	+	110.3	-	+10346.0	-	4294.0	+	249.2	-	35.0	.	-	7.5	-	19.0	.	+	135.4	-	4990.2	+	369.6	-	3680.0	+	299.0	-	3202.8	+	2653.2	-	5339.0	-	123.0	-	692.0	-	259.0	2													
17	-	10.0	+	39.0	-	3114.0	+	526.6	-	4294.0	-	+12626.0	-	85.1	.	-	10.0	+	39.0	-	3114.0	+	526.6	-	4294.0	-	+12626.0	-	85.1	.	-	150.3	+	2.8	+	34.0	.	-	28.0	-	161.7	-	446.7	+	101.4	+	305.3	.	-	109.2	-	110.1	-	152.8	+	3.3	-	24.3	-	61.6	1			
52	-	303.4	+	78.6	-	44.9	-	46.0	-	17.1	-	0.4	-	2480.6	+	1047.5	+	247.3	+	62.0	+	68.1	-	47.8	+	249.2	-	85.1	-	+1779.7	-	616.0	.	-	211.1	-	254.1	-	621.1	-	30.2	.	-	150.3	+	30.2	2																	
32	-	2344.0	-	462.0	-	736.0	-	1129.8	-	524.0	-	3053.0	-	306.0	.	-	41.7	-	35.0	.	-	616.0	+	+14542.0	-	4945.0	-	1882.0	-	2699.0	-	32.0	.	-	251.0	-	24.3	+	58.5	+	65.0	-	785.0	.	-	124.1	.	-	154.0	.	-	169.0	-	525.0	-	730.0	-	680.4	-	812.4	-	775.0	.									
31	-	1457.0	-	5498.0	-	458.0	.	.	-	3886.6	+	75.7	-	619.7	-	36.4	.	-	4.1	+	7.5	.	-	254.1	-	1882.0	+	855.0	+	4399.9	-	2945.6	-	365.4	-	1158.5	-	2.4	-	8.4	+	8.4	-	71.9	.	-	2.5	.	-	29.8	.	-	10.9	-	114.1	-	159.2	-	242.8	-	271.7	-	314.2	1
51	-	2769.4	-	349.0	-	88.0	-	217.0	.	-	31.0	-	19.0	.	-	621.1	+	2																																																						

Logarithmen der Correlaten.

Log.	K ₁	=	7,98995	n	Log.	K ₂₈	=	7,54707	n
»	K ₂	=	7,41883		»	K ₂₉	=	7,25203	
»	K ₃	=	7,94596		»	K ₃₀	=	7,46324	
»	K ₄	=	8,36354		»	K ₃₁	=	8,16466	
»	K ₅	=	8,27354		»	K ₃₂	=	8,66060	
»	K ₆	=	8,37982		»	K ₃₃	=	8,52565	
»	K ₇	=	8,23454		»	K ₃₄	=	8,50737	
»	K ₈	=	7,71785		»	K ₃₅	=	6,40346	
»	K ₉	=	7,46039		»	K ₃₆	=	8,29926	
»	K ₁₀	=	7,04708	n	»	K ₃₇	=	6,86338	
»	K ₁₁	=	7,08171		»	K ₃₈	=	8,28006	
»	K ₁₂	=	7,94200		»	K ₃₉	=	8,43235	
»	K ₁₃	=	8,15621		»	K ₄₀	=	8,17525	n
»	K ₁₄	=	8,60599		»	K ₄₁	=	8,12145	n
»	K ₁₅	=	8,50151	n	»	K ₄₂	=	8,69727	n
»	K ₁₆	=	8,68149	n	»	K ₄₃	=	7,72975	
»	K ₁₇	=	8,01818	n	»	K ₄₄	=	8,21738	n
»	K ₁₈	=	8,30892	n	»	K ₄₅	=	9,07497	n
»	K ₁₉	=	7,55818		»	K ₄₆	=	8,64948	n
»	K ₂₀	=	8,37505		»	K ₄₇	=	8,82542	n
»	K ₂₁	=	8,13124	n	»	K ₄₈	=	9,23811	
»	K ₂₂	=	8,02190	n	»	K ₄₉	=	8,26324	n
»	K ₂₃	=	7,39853	n	»	K ₅₀	=	8,65349	
»	K ₂₄	=	8,78903		»	K ₅₁	=	8,04950	n
»	K ₂₅	=	8,28679		»	K ₅₂	=	8,74142	
»	K ₂₆	=	8,82554		»	K ₅₃	=	8,88896	n
»	K ₂₇	=	8,01030						

Verbesserungen der Winkel.

(1) = - 0",348	(28) = - 0",136	(55) = + 0",404	(82) = - 0",111
(2) = - 0,307	(29) = - 0,657	(56) = + 0,299	(83) = - 0,131
(3) = - 0,052	(30) = - 0,226	(57) = + 0,727	(84) = - 0,205
(4) = + 0,534	(31) = - 0,284	(58) = - 0,926	(85) = - 1,364
(5) = + 0,406	(32) = - 0,983	(59) = - 0,095	(86) = - 1,976
(6) = + 0,504	(33) = - 0,224	(60) = + 0,153	(87) = - 1,592
(7) = - 0,031	(34) = - 0,394	(61) = - 1,220	(88) = - 1,915
(8) = - 0,323	(35) = + 1,536	(62) = + 0,440	(89) = - 0,398
(9) = + 0,209	(36) = - 0,352	(63) = + 1,156	(90) = + 0,339
(10) = - 0,764	(37) = - 0,108	(64) = + 0,589	(91) = + 0,867
(11) = + 0,258	(38) = - 0,448	(65) = + 0,611	(92) = - 0,950
(12) = + 0,479	(39) = + 0,722	(66) = + 1,125	(93) = + 0,232
(13) = - 0,608	(40) = + 0,508	(67) = + 0,016	(94) = + 1,044
(14) = - 1,566	(41) = + 1,983	(68) = - 0,774	(95) = + 0,673
(15) = - 0,382	(42) = + 1,422	(69) = + 0,208	(96) = + 0,268
(16) = - 0,504	(43) = + 0,019	(70) = - 0,438	(97) = - 0,037
(17) = + 0,091	(44) = + 1,170	(71) = - 0,569	(98) = + 0,696
(18) = + 0,262	(45) = + 0,104	(72) = - 0,281	(99) = - 0,533
(19) = + 0,976	(46) = - 0,633	(73) = + 0,313	(100) = + 1,010
(20) = + 0,241	(47) = + 0,581	(74) = + 1,610	(101) = + 1,623
(21) = - 0,070	(48) = - 0,015	(75) = + 0,499	(102) = + 1,338
(22) = + 0,828	(49) = + 0,341	(76) = + 0,891	(103) = + 0,482
(23) = + 0,151	(50) = + 0,914	(77) = - 0,170	(104) = + 0,522
(24) = - 0,375	(51) = + 0,632	(78) = + 0,462	(105) = - 0,294
(25) = + 0,647	(52) = + 2,077	(79) = - 1,278	(106) = + 1,388
(26) = - 0,152	(53) = + 1,775	(80) = - 0,533	(107) = - 1,125
(27) = - 0,507	(54) = + 0,979	(81) = - 1,401	

Ausgeglichene Winkel und provisorische Logarithmen der Seitenlängen.

Der Berechnung der Seitenlängen liegt die alte Eschmann'sche Länge von Chasseral-Röthi zu Grunde, deren Logarithmus gleich 4,5812516 ist.

Nº	Richtung.	Winkel.	Logarithmen der Entfernung.	Nº	Richtung.	Winkel.	Logarithmen der Entfernung.
1. Station Colombier.							
0 Dôle	0° 0' 0",00	4,8190534	0 Dôle	0° 0' 0",00	4,6786590		
1 Trélod	97 58 6,85	4,6032189	13 Chasseral	191 58 47,05	4,7808772		
2. Station Trélod.							
0 Colombier	0 0 0,00	4,6032189	14 Röthi	199 38 26,77	4,9872564		
2 Dôle	52 58 28,33	4,9126407	15 Berra	244 35 19,89	4,7474550		
3 Colonné	109 8 27,30	4,6933051	16 Naye	277 43 12,20	4,7355583		
3. Station Dôle.							
0 Suchet	0 0 0,00	4,6786590	0 Naye	0 0 0,00	4,4980491		
4 Naye	53 8 35,91	4,8284418	17 Suchet	70 47 55,59	4,7474550		
5 Colonné	101 44 21,24	4,8327438	18 Chasseral	138 56 38,29	4,7133666		
6 Trélod	138 47 29,10	4,9126407	19 Röthi	171 23 15,31	4,8437986		
7 Colombier	167 51 0,56	4,8190534	20 Gurten	185 52 20,63	4,5232288		
4. Station Colonné.							
0 Trélod	0 0 0,00	4,6933051	21 Napf	206 56 21,05	4,8338328		
8 Dôle	86 47 1,67	4,8327438	6. Station Suchet.				
9 Naye	151 51 30,67	4,7459982	0 Dôle	0° 0' 0",00	4,6786590		
5. Station Naye.							
0 Colonné	0 0 0,00	4,7459982	13 Chasseral	191 58 47,05	4,7808772		
10 Dôle	66 19 54,38	4,8284418	14 Röthi	199 38 26,77	4,9872564		
11 Suchet	110 54 37,19	4,7855583	15 Berra	244 35 19,89	4,7474550		
12 Berra	186 58 53,50	4,4980491	16 Naye	277 43 12,20	4,7355583		
7. Station Berra.							
8. Station Chasseral.							
9. Station Gurten.							

Nº	Richtung.	Winkel.	Logarithmen der Entfernung.	Nº	Richtung.	Winkel.	Logarithmen der Entfernung.				
10. Station Röthi.											
0	Feldberg	0° 0' 0",00	4,8880436	0	Hohentwiel	0° 0' 0",00	4,7938914				
30	Wiesen	31 26 32,91	4,4942307	56	Lägern	44 35 26,25	4,7226965				
31	Lägern	41 34 14,58	4,8478416	57	Wiesen	89 2 35,37	4,7259416				
32	Rigi	79 19 35,70	4,8806427	58	Röthi	106 51 32,82	4,8880436				
33	Napf	104 31 27,46	4,6248615	14. Station Feldberg.							
34	Gurten	162 9 8,65	4,5844257	0	Lägern	0 0 0,00	4,6483225				
35	Berra	174 41 59,69	4,8437986	59	Feldberg	56 25 31,65	4,7938914				
36	Suchet	209 9 56,57	4,9872564	60	Hersberg	239 43 37,12	4,6152867				
37	Chasseral	221 21 9,47	4,5812516	61	Hörnli	302 54 36,93	4,6507215				
11. Station Napf.											
0	Röthi	0 0 0,00	4,6248615	0	Rigi	0 0 0,00	4,6915458				
38	Wiesen	42 4 15,43	4,6489103	62	Lägern	62 4 43,87	4,6298453				
39	Lägern	80 50 2,72	4,8031224	63	Hohentwiel	123 14 37,21	4,6507215				
40	Rigi	129 25 9,38	4,6218735	64	Hersberg	177 51 34,42	4,6545619				
41	Titlis	171 42 16,99	4,6612571	65	Gäbris	223 15 33,79	4,5991985				
42	Hangendhorn	203 38 52,42	4,6582676	66	Hundstock	336 32 18,06	4,7314723				
43	Berra	285 43 30,95	4,8338328	17. Station Hersberg.							
44	Gurten	303 38 51,42	4,5907081	0	Gäbris	0 0 0,00	4,5202399				
45	Chasseral	330 10 49,45	4,8352059	67	Hörnli	58 38 53,60	4,6545619				
12. Station Wiesen.											
0	Feldberg	0 0 0,00	4,7259416	68	Hohentwiel	120 51 0,75	4,6152867				
46	Lägern	67 15 2,21	4,6031622	69	Pfänder	314 23 38,09	4,5681562				
47	Rigi	119 56 58,80	4,7760601	18. Station Gäbris.							
48	Napf	164 24 33,96	4,6489103	0	Hörnli	0 0 0,00	4,5991985				
49	Röthi	229 15 27,17	4,4942307	70	Hersberg	75 57 10,27	4,5202399				
13. Station Lägern.											
0	Hohentwiel	0 0 0,00	4,6483225	71	Pfänder	150 37 4,80	4,4379302				
50	Hörnli	61 44 47,83	4,6298453	19. Station Pfänder.							
51	Rigi	127 25 43,22	4,6781487	0	Gäbris	0 0 0,00	4,4379302				
52	Napf	168 38 12,94	4,8031224	72	Hersberg	59 43 45,78	4,5681562				
53	Röthi	204 51 4,04	4,8478416	20. Station Rigi.							
54	Wiesen	212 42 58,39	4,6031622	0	Napf	0 0 0,00	4,6218735				
55	Feldberg	281 0 52,05	4,7226965	73	Röthi	25 23 2,32	4,8806427				
				74	Wiesen	48 11 35,62	4,7760601				
				75	Lägern	90 12 28,69	4,6781487				
				76	Hörnli	142 26 54,12	4,6915458				
				77	Hundstock	233 11 29,98	4,3315351				
				78	Titlis	284 27 34,32	4,5031362				
				79	Hangendhorn	303 56 45,79	4,7227541				

Nº	Richtung.	Winkel.	Logarithmen der Entfernung.	Nº	Richtung.	Winkel.	Logarithmen der Entfernung.				
21. Station Hundstock.											
0	Rigi	0° 0' 0",00	4,3315351	0	Hangendhorn	0° 0' 0",00	4,5142341				
80	Hörnli	65 47 44,87	4,7314723	95	Titlis	38 42 57,14	4,6035791				
81	Sixmadun	227 11 55,78	4,5190344	96	Sixmadun	74 34 46,76	4,4444282				
82	Titlis	273 30 52,62	4,3960921	97	Cramosino	142 30 9,01	4,4672640				
22. Station Hangendhorn.											
0	Titlis	0 0 0,00	4,4004092	98	Ghiridone	198 37 51,45	4,5428303				
83	Basodine	86 54 25,53	4,5142341	99	Wasenhorn	283 30 52,64	4,5263375				
84	Gurten	249 0 29,43	4,8120013	26. Station Cramosino.							
85	Napf	285 16 55,98	4,6582676	0	Menone	0 0 0,00	4,5484275				
86	Rigi	335 0 3,38	4,7227541	100	Ghiridone	70 45 10,82	4,4859190				
23. Station Titlis.											
0	Basodine	0 0 0,00	4,6035791	101	Basooine	141 56 2,49	4,4672640				
87	Hangendhorn	54 22 39,41	4,4004092	102	Sixmadun	195 44 16,84	4,5044835				
88	Napf	127 43 2,76	4,6612571	27. Station Ghiridone.							
89	Rigi	189 53 32,74	4,5031362	0	Cramosino	0 0 0,00	4,4859190				
90	Hundstock	232 8 22,37	4,3960921	103	Menone	60 24 4,81	4,5841760				
91	Sixmadun	317 10 43,66	4,3798963	104	Wasenhorn	260 56 22,87	4,6649863				
24. Station Sixmadun.											
0	Cramosino	0 0 0,00	4,5044835	105	Basodine	307 18 31,96	4,5428303				
92	Basodine	58 16 25,32	4,4444282	28. Station Menone.							
93	Titlis	159 35 21,02	4,3798963	0	Ghiridone	0 0 0,00	4,5841760				
94	Hundstock	208 14 4,40	4,5190344	106	Cramosino	48 50 46,96	4,5484275				
29. Station Wasenhorn.											
0	Basodine	0 0 0,00	4,5263375	107	Ghiridone	48 44 52,68	4,6649863				

Mittlerer Fehler der Gewichtseinheit.

Aus der Stationsausgleichung.

	(vvp)	Ueberschüssig
Colombier	32,670	5
Trélod	34,548	30
Dôle	189,810	107
Colonné	34,723	11
Naye	79,509	53
Suchet	79,365	78
Berra	83,438	42
Chasseral	121,506	39
Gurten	26,240	8
Röthi	140,808	62
Napf	34,328	10
Wiesen	49,875	9
Lägern	93,298	101
Feldberg	8,042	1
Hohentwiel	9,457	9
Hörnli	72,680	42
Hersberg	0,044	1
Gäbris	0	0
Pfänder	0,217	1
Rigi	121,665	88
Hundstock	3,413	5
Titlis	22,307	6
Hangendhorn	0	0
Basodine	41,301	19
Sixmadun	1,745	2
Cramosino	6,892	3
Ghiridone	31,831	15
Menone	0	0
Wasenhorn	6,785	7
Summe	1326,497	754

$$m = \pm \sqrt{\frac{1326,497}{754}}$$

$$m = \pm 1'',33$$

Aus der Netzausgleichung.

$$(vvp) = -(Kw)$$

$$\begin{aligned} K_1 w_1 &= -1,1628 & K_{28} w_{28} &= -0,7824 \\ K_2 w_2 &= -0,0079 & K_{29} w_{29} &= +0,1858 \\ \text{»} &= +0,3179 & \text{»} &= -0,4591 \\ \text{»} &= -4,7578 & \text{»} &= -0,7013 \\ \text{»} &= -0,2629 & \text{»} &= -11,5804 \\ \text{»} &= -3,5248 & \text{»} &= -4,9650 \\ \text{»} &= -0,1888 & \text{»} &= -8,4592 \\ \text{»} &= -0,8878 & \text{»} &= +0,0266 \\ \text{»} &= -0,0664 & \text{»} &= +0,1793 \\ \text{»} &= -0,0078 & \text{»} &= +0,1124 \\ \text{»} &= -0,0833 & \text{»} &= -3,1254 \\ \text{»} &= +1,5312 & \text{»} &= -7,7936 \\ \text{»} &= -0,4872 & \text{»} &= -4,7458 \\ \text{»} &= +0,3633 & \text{»} &= -3,0805 \\ \text{»} &= +1,5232 & \text{»} &= -12,6204 \\ \text{»} &= +0,5763 & \text{»} &= +0,7648 \\ \text{»} &= -0,8134 & \text{»} &= +2,2500 \\ \text{»} &= -4,5214 & \text{»} &= +5,8827 \\ \text{»} &= +0,0723 & \text{»} &= \pm 0,0000 \\ \text{»} &= -6,7593 & \text{»} &= +4,4622 \\ \text{»} &= -3,6932 & \text{»} &= -38,1347 \\ \text{»} &= -0,4207 & \text{»} &= +0,6875 \\ \text{»} &= -0,1427 & \text{»} &= +0,2972 \\ \text{»} &= -9,7204 & \text{»} &= +1,4502 \\ \text{»} &= -0,5807 & \text{»} &= -7,1950 \\ \text{»} &= -3,0113 & \text{»} &= -18,5002 \\ \text{»} &= -0,0512 & & \end{aligned}$$

$$-(Kw) = +142,6119$$

$$(vvp) = \frac{(an)^2}{(aa)} + \frac{(bn \cdot 1)^2}{(bb \cdot 1)} + \frac{(cn \cdot 2)^2}{(cc \cdot 2)} + \dots$$

$$\begin{aligned} \frac{(an)^2}{(aa)} &= +0,9471 & \text{»} &= +4,8224 \\ \text{»} &= 0,3799 & \text{»} &= 0,4177 \\ \text{»} &= 0,9818 & \text{»} &= 0,1860 \\ \text{»} &= 4,5397 & \text{»} &= 3,1688 \\ \text{»} &= 0,2722 & \text{»} &= 13,6079 \\ \text{»} &= 0,9140 & \text{»} &= 3,0926 \\ \text{»} &= 0,1317 & \text{»} &= 4,1169 \\ \text{»} &= 0,9036 & \text{»} &= 0,3285 \\ \text{»} &= 1,9663 & \text{»} &= 0,0731 \\ \text{»} &= 0,3386 & \text{»} &= 0,7299 \\ \text{»} &= 0,0145 & \text{»} &= 3,0784 \\ \text{»} &= 0,0272 & \text{»} &= 6,9068 \\ \text{»} &= 0,4481 & \text{»} &= 5,3867 \\ \text{»} &= 1,9544 & \text{»} &= 1,8860 \\ \text{»} &= 4,0997 & \text{»} &= 3,5191 \\ \text{»} &= 1,6116 & \text{»} &= 3,9317 \\ \text{»} &= 0,5605 & \text{»} &= 2,2376 \\ \text{»} &= 3,0428 & \text{»} &= 2,2656 \\ \text{»} &= 0,3050 & \text{»} &= 10,8993 \\ \text{»} &= 3,9377 & \text{»} &= 5,9632 \\ \text{»} &= 5,6229 & \text{»} &= 3,4202 \\ \text{»} &= 0,1134 & \text{»} &= 1,2727 \\ \text{»} &= 0,1427 & \text{»} &= 0,5013 \\ \text{»} &= 9,5280 & \text{»} &= 0,7411 \\ \text{»} &= 0,1455 & \text{»} &= 4,5351 \\ \text{»} &= 0,2560 & \text{»} &= 12,2030 \\ \text{»} &= 0,1312 & & \end{aligned}$$

$$\text{Summe} = +142,6077$$

$$m = \pm \sqrt{\frac{142,61}{53}}$$

$$m = \pm 1'',64$$

Mittlerer Fehler der auf den Stationen ausgeglichenen Richtungen.

Diese Grösse kann auf zweierlei Weise berechnet werden; aus den Angaben der Stationsausgleichung, und aus jenen der Netzausgleichung.

Durch die bei den Stationen angegebenen Gewichtsgleichungen sind, in Verbindung mit dem mittleren Fehler der Gewichtseinheit, die mittleren Fehler aller zwischen den i Richtungen einer Station möglichen Winkel gegeben. Nimmt man das Mittel aus den Quadraten dieser mittleren Fehler, so erhält man das mittlere Quadrat des mittleren Fehlers eines auf der Station ausgeglichenen Winkels, und daraus jenes für eine Richtung.

Die Quadrate der mittleren Fehler sind:

für die $i-1$ Winkel mit der ersten Richtung $(\alpha\alpha) + (\beta\beta) + (\gamma\gamma) + \dots$

$$\begin{array}{llllllll} \text{»} & \text{»} & i-2 & \text{»} & \text{»} & \text{zweiten} & \text{»} & \left\{ \begin{array}{l} (\alpha\alpha) + (\beta\beta) - 2(\alpha\beta) \\ (\alpha\alpha) + (\gamma\gamma) - 2(\alpha\gamma) \end{array} \right. \\ \text{»} & \text{»} & i-3 & \text{»} & \text{»} & \text{dritten} & \text{»} & \text{u. s. w.} \end{array}$$

$$\begin{array}{llllllll} \text{»} & \text{»} & i-3 & \text{»} & \text{»} & \text{dritten} & \text{»} & \left\{ \begin{array}{l} (\beta\beta) + (\gamma\gamma) - 2(\beta\gamma) \\ \text{u. s. w.} \end{array} \right. \end{array}$$

$$\begin{aligned} \text{für die } \frac{i(i-1)}{2} \text{ Winkel der Station} \quad & (i-1) [(\alpha\alpha) + (\beta\beta) + (\gamma\gamma) + \dots] \\ & - 2(\alpha\beta) - 2(\alpha\gamma) - 2(\beta\gamma) + \dots = \\ & i [(\alpha\alpha) + (\beta\beta) + (\gamma\gamma) + \dots] - (\sigma\sigma) \end{aligned}$$

wo $(\sigma\sigma)$ die Summe aller Coefficienten der Gewichtsgleichungen bedeutet. Der Ausdruck ist noch mit dem Quadrate des mittleren Fehlers der Gewichtseinheit zu multipliziren, wonach man für das ganze Netz hat

$$v^2 = \frac{[m^2 \{ i [(\alpha\alpha) + (\beta\beta) + (\gamma\gamma) + \dots] - (\sigma\sigma) \}] }{[i(i-1)]}$$

Der Zähler wird 389,0, der Nenner 576, also ist:

Mittlerer Fehler der auf den Stationen ausgeglichenen Richtungen nach den Angaben der Stationsausgleichungen:

$$v = \pm \sqrt{\frac{389,0}{576}} = \pm 0'',82$$

Die durch die Netzausgleichungen erhaltenen Winkelverbesserungen geben, wenn man für die Gesamtheit des Netzes von allen Gewichtsbeziehungen absicht, auf einfache Weise für jede Station die Summe der Quadrate der Richtungsverbesserungen.

So ist z. B. für Trélod

$$(vv) = (2)^2 + (3)^2 - \frac{[(2) + (3)]^2}{2}$$

Man hat auf diese Art bei

Colombier	(vv) = 0,0613	Hörnli	(vv) = 0,9717
Trélod	0,0554	Hersberg	0,5645
Dôle	0,3073	Gäbris	0,1784
Colonné	0,1425	Pfänder	0,0265
Naye	0,8755	Rigi	4,5244
Suchet	1,3645	Hundstock	1,2126
Berra	0,7173	Hangendhorn	3,1351
Chasseral	0,5858	Titlis	6,0320
Gurten	0,3076	Sixmadun	2,0114
Röthi	3,6884	Basodine	1,1035
Napf	4,9726	Cramosino	1,4999
Wiesen	0,8333	Ghiridone	0,4589
Lägern	3,2666	Menone	0,9660
Feldberg	1,4663	Wasenhorn	0,6385
Hohentwiel	1,1787		
			(vv) = 43,1465

Von den $107 + 29 = 136$ Richtungen, aus deren Fehler-Quadraten diese Summe gebildet ist, sind 53 überschüssig; man erhält somit für den mittleren Fehler einer auf der Station ausgeglichenen Richtung nach den Angaben der Netzausgleichung:

$$v = \sqrt{\frac{43,1465}{53}} = \pm 0'',90$$

Mittlere Fehler von Dreiecksseiten.

Für das schweizerische Gradmessungsnetz wurden 3 Grundlinien gemessen und sollen aus diesen die Längen der 3 Seiten

$$\text{Röthi-Chasseral} = A, \text{ Hörnli-Hersberg} = B, \text{ Ghiridone-Menone} = C$$

bestimmt werden. Es ist daher von Interesse zu ermitteln, welches die mittleren Fehler dieser Seiten werden, wenn man die eine aus der andern durch die Netzverbindung ableitet. Es wird

$$B = A \frac{\sin(22) \cdot \sin(33-31) \cdot \sin(40-39) \cdot \sin(76-75) \cdot \sin(50) \cdot \sin(61-60)}{\sin(0-45) \cdot \sin(53-52) \cdot \sin(75) \cdot \sin(62) \cdot \sin(0-61) \cdot \sin(68-67)}$$

$$C = A \frac{\sin(23) \cdot \sin(34-33) \cdot \sin(28-27) \cdot \sin(42-41) \cdot \sin(83) \cdot \sin(0-91) \cdot \sin(92)}{\sin(26) \cdot \sin(0-44) \cdot \sin(85-84) \cdot \sin(88-87) \cdot \sin(95) \cdot \sin(93-92) \cdot \sin(102-101)} \times \\ \times \frac{\sin(98-97) \cdot \sin(100)}{\sin(0-105) \cdot \sin(106)}$$

$$C = B \frac{\sin(68-67) \cdot \sin(0-61) \cdot \sin(51-50) \cdot \sin(0-66) \cdot \sin(78-77) \cdot \sin(82-81) \cdot \sin(0-91)}{\sin(61-60) \cdot \sin(50) \cdot \sin(76-75) \cdot \sin(80) \cdot \sin(90-89) \cdot \sin(94-93) \cdot \sin(96-95)} \times \\ \times \frac{\sin(92) \cdot \sin(98-97) \cdot \sin(100)}{\sin(102-101) \cdot \sin(0-105) \cdot \sin(106)}$$

und hieraus

$$d B_A = + 0,3325(22) - 0,1117(31) + 0,1117(33) - 0,1930(39) + 0,1930(40) + \\ + 0,3818(45) + 0,1176(50) + 0,2989(52) - 0,2989(53) - 0,1106(60) + \\ + 0,2523(61) - 0,1160(62) + 0,1154(67) - 0,1154(68) - 0,1687(75) + 0,1695(76)$$

$$d C_A = + 0,1041(23) - 0,1073(26) - 0,1946(27) + 0,1946(28) - 0,1180(33) + \\ + 0,1180(34) - 0,2985(41) + 0,2985(42) + 0,1239(44) + 0,0101(83) + \\ + 0,2536(84) - 0,2536(85) + 0,0557(87) - 0,0557(88) - 0,2008(91) + \\ + 0,0778(92) + 0,0372(93) - 0,2322(95) - 0,1249(97) + 0,1249(98) + \\ + 0,0650(100) + 0,1362(101) - 0,1362(102) + 0,1418(105) - 0,1627(106)$$

$$d C_B = - 0,1841(50) + 0,0841(51) + 0,0941(60) - 0,2145(61) - 0,4288(66) - \\ - 0,0981(67) + 0,0981(68) + 0,1442(75) - 0,1442(76) - 0,1493(77) + \\ + 0,1493(78) - 0,0837(80) - 0,1778(81) + 0,1778(82) + 0,2049(89) - \\ - 0,2049(90) - 0,2008(91) + 0,1151(92) + 0,1638(93) - 0,1638(94) + \\ + 0,2574(95) - 0,2574(96) - 0,1249(97) + 0,1249(98) + 0,0650(100) + \\ + 0,1362(101) - 0,1362(102) + 0,1418(105) - 0,1627(106).$$

Die mittleren Fehler vorstehender 3 Ausdrücke werden unabhängig von einander berechnet, obwohl sich einer aus den beiden andern ableiten lässt.

Berechnung von (fq) für Hörnli—Hersberg = B_A .

$f_{22} = + 0,3325$	$q_{22} = + 0,1311$	$f_{22} q_{22} = + 0,04360$
$f_{31} = - 0,1117$	$q_{31} = - 0,0289$	$f_{31} q_{31} = + 0,00323$
$f_{33} = + 0,1117$	$q_{33} = + 0,0147$	$f_{33} q_{33} = + 0,00164$
$f_{39} = - 0,1930$	$q_{39} = - 0,0552$	$\Rightarrow = + 0,01065$
$f_{40} = + 0,1930$	$q_{40} = + 0,0361$	$\Rightarrow = + 0,00697$
$f_{45} = + 0,3818$	$q_{45} = + 0,4799$	$\Rightarrow = + 0,18322$
$f_{50} = + 0,1176$	$q_{50} = + 0,0569$	$\Rightarrow = + 0,00669$
$f_{52} = + 0,2989$	$q_{52} = + 0,1000$	$\Rightarrow = + 0,02989$
$f_{53} = - 0,2989$	$q_{53} = - 0,0306$	$\Rightarrow = + 0,00915$
$f_{60} = - 0,1106$	$q_{60} = - 0,0183$	$\Rightarrow = + 0,00203$
$f_{61} = + 0,2523$	$q_{61} = + 0,0758$	$\Rightarrow = + 0,01913$
$f_{62} = - 0,1160$	$q_{62} = - 0,0216$	$\Rightarrow = + 0,00251$
$f_{67} = + 0,1154$	$q_{67} = + 0,0670$	$\Rightarrow = + 0,00773$
$f_{68} = - 0,1154$	$q_{68} = - 0,0524$	$\Rightarrow = + 0,00605$
$f_{75} = - 0,1687$	$q_{75} = - 0,0102$	$\Rightarrow = + 0,00173$
$f_{76} = + 0,1695$	$q_{76} = + 0,0195$	$\Rightarrow = + 0,00331$
		<hr/> $(fq) = + 0,33753$

$$(fq) = (B_A B_A)_S = 0,3375$$

Berechnung von (fq) für Ghiridone—Menone = C_A .

$f_{23} = + 0,1041$	$q_{23} = + 0,0224$	$f_{23} q_{23} = + 0,00233$
$f_{26} = - 0,1073$	$q_{26} = - 0,0279$	$\» = + 0,00299$
$f_{27} = - 0,1946$	$q_{27} = - 0,0388$	$\» = + 0,00756$
$f_{28} = + 0,1946$	$q_{28} = + 0,0582$	$\» = + 0,01134$
$f_{33} = - 0,1180$	$q_{33} = - 0,0137$	$\» = + 0,00161$
$f_{34} = + 0,1180$	$q_{34} = + 0,0166$	$\» = + 0,00196$
$f_{41} = - 0,2985$	$q_{41} = - 0,0165$	$\» = + 0,00494$
$f_{42} = + 0,2985$	$q_{42} = + 0,0617$	$\» = + 0,01841$
$f_{44} = + 0,1239$	$q_{44} = + 0,0659$	$\» = + 0,00816$
$f_{83} = + 0,0101$	$q_{83} = + 0,0210$	$\» = + 0,00021$
$f_{84} = + 0,2536$	$q_{84} = + 0,2641$	$\» = + 0,06698$
$f_{85} = - 0,2536$	$q_{85} = \pm 0$	$\» = \pm 0$
$f_{87} = + 0,0557$	$q_{87} = + 0,0017$	$\» = + 0,00010$
$f_{88} = - 0,0557$	$q_{88} = - 0,0900$	$\» = + 0,00501$
$f_{91} = - 0,2008$	$q_{91} = - 0,2083$	$\» = + 0,04182$
$f_{92} = + 0,0778$	$q_{92} = + 0,0676$	$\» = + 0,00526$
$f_{93} = - 0,0372$	$q_{93} = + 0,0428$	$\» = + 0,00159$
$f_{95} = - 0,2322$	$q_{95} = - 0,0998$	$\» = + 0,02318$
$f_{97} = - 0,1249$	$q_{97} = - 0,0873$	$\» = + 0,01090$
$f_{98} = + 0,1249$	$q_{98} = - 0,0275$	$\» = - 0,00344$
$f_{100} = + 0,0650$	$q_{100} = + 0,0337$	$\» = + 0,00219$
$f_{101} = + 0,1362$	$q_{101} = + 0,0434$	$\» = + 0,00591$
$f_{102} = - 0,1362$	$q_{102} = - 0,0290$	$\» = + 0,00396$
$f_{105} = + 0,1418$	$q_{105} = + 0,0294$	$\» = + 0,00417$
$f_{106} = - 0,1627$	$q_{106} = - 0,0834$	$\» = + 0,01357$
		<hr/> $(fq) = + 0,24071$

$$(C_A C_A)_S = 0,2407$$

Berechnung von (fq) für Ghiridone—Menone = C_B .

$f_{50} = -0,1841$	$q_{50} = -0,0552$	$f_{50} q_{50} = +0,01015$
$f_{51} = +0,0841$	$q_{51} = -0,0341$	$f_{51} q_{51} = -0,00287$
$f_{60} = +0,0941$	$q_{60} = +0,0156$	$\» = +0,00147$
$f_{61} = -0,2145$	$q_{61} = -0,0644$	$\» = +0,01382$
$f_{66} = -0,4288$	$q_{66} = -0,1966$	$\» = +0,08430$
$f_{67} = -0,0981$	$q_{67} = -0,0570$	$\» = +0,00559$
$f_{68} = +0,0981$	$q_{68} = +0,0446$	$\» = +0,00438$
$f_{75} = +0,1442$	$q_{75} = +0,0070$	$\» = +0,00101$
$f_{76} = -0,1442$	$q_{76} = -0,0198$	$\» = +0,00285$
$f_{77} = -0,1493$	$q_{77} = -0,0147$	$\» = +0,00220$
$f_{78} = +0,1493$	$q_{78} = +0,0142$	$\» = +0,00212$
$f_{80} = -0,0837$	$q_{80} = -0,0410$	$\» = +0,00343$
$f_{81} = -0,1778$	$q_{81} = -0,0393$	$\» = +0,00699$
$f_{82} = +0,1778$	$q_{82} = +0,0417$	$\» = +0,00742$
$f_{89} = +0,2049$	$q_{89} = -0,0585$	$\» = -0,01199$
$f_{90} = -0,2049$	$q_{90} = -0,1671$	$\» = +0,03424$
$f_{91} = -0,2008$	$q_{91} = -0,2271$	$\» = +0,04561$
$f_{92} = +0,1151$	$q_{92} = +0,1018$	$\» = +0,01034$
$f_{93} = +0,1638$	$q_{93} = +0,0678$	$\» = +0,01111$
$f_{94} = -0,1638$	$q_{94} = -0,0406$	$\» = +0,00665$
$f_{95} = +0,2574$	$q_{95} = +0,0121$	$\» = +0,00311$
$f_{96} = -0,2574$	$q_{96} = -0,0777$	$\» = +0,02000$
$f_{97} = -0,1249$	$q_{97} = -0,0673$	$\» = +0,00841$
$f_{98} = +0,1249$	$q_{98} = -0,0033$	$\» = -0,00042$
$f_{100} = +0,0650$	$q_{100} = +0,0337$	$\» = +0,00219$
$f_{101} = +0,1362$	$q_{101} = +0,0434$	$\» = +0,00591$
$f_{102} = -0,1362$	$q_{102} = -0,0291$	$\» = +0,00396$
$f_{105} = +0,1418$	$q_{105} = +0,0294$	$\» = +0,00417$
$f_{106} = -0,1627$	$q_{106} = -0,0834$	$\» = +0,01357$
<hr/>		
$(fq) = +0,29972$		

$$(C_B C_B)_S = 0,2997$$

Coefficienten (af) , (bf) , (cf)

Hörnli-Hersberg = B_A	Ghiridone-Menone = C_A	Ghiridone-Menone = C_B
6 — 0,9510	6 — 0,4112	15 — 0,1914
7 + 0,0964	7 — 0,6066	16 + 0,4552
8 — 0,2133	8 — 3,4926	17 — 0,3906
9 + 0,1117	9 — 0,0106	19 + 2,4455
10 + 1,8334	10 + 0,4040	20 — 0,0829
11 + 9,2401	11 + 7,2388	21 + 1,4645
12 + 28,8079	12 — 6,2650	22 — 8,7336
13 — 35,4173	13 — 0,4730	24 — 0,0513
14 + 1,8276	14 — 1,8117	25 — 0,3165
15 — 14,2124	15 + 0,8565	26 + 1,2997
16 + 4,2898	16 — 0,7871	27 — 3,0312
17 — 0,5859	18 + 0,0602	28 + 16,0655
18 + 0,8422	24 — 0,3533	30 + 0,1815
19 — 3,0569	25 — 0,7210	31 — 2,8212
20 — 1,2855	29 — 16,2897	32 — 2,4126
21 — 2,5426	30 + 5,8150	33 — 12,1492
22 + 7,1177	31 — 1,3483	34 — 8,7361
23 ± 0	32 — 4,6267	35 — 0,8213
24 + 3,7895	33 — 2,6161	36 + 10,3300
25 + 0,6343	34 — 8,2128	37 + 3,9813
26 — 1,6557	35 — 7,7076	38 + 4,4242
27 + 0,5462	36 + 19,2291	39 — 3,7574
28 — 0,6119	37 — 0,1078	40 — 0,4172
29 + 5,0252	38 + 4,0000	45 — 0,6363
30 — 0,4179	39 — 3,7574	46 — 0,7266
31 — 0,7748	40 — 0,7169	47 — 0,0464
32 + 0,2052	41 + 0,1069	48 — 1,0970
33 — 0,1569	42 + 0,5299	49 — 1,5643
41 — 0,1053	43 — 5,1456	50 — 0,0486
42 — 0,0632	44 — 5,2565	51 + 0,8727
43 + 14,9218	45 — 1,1710	52 — 12,7597
44 — 7,3894	46 — 0,9484	53 — 8,2049
45 — 15,7328	47 — 0,2252	
46 — 16,9783	48 — 0,7903	
47 + 0,1766	50 + 10,5402	
48 — 16,2779	51 + 3,1076	
49 + 2,2989	52 — 0,5685	
50 — 0,2103	53 + 2,4987	
51 — 0,3677		
52 — 0,9605		
53 — 0,0638		

$$\text{Summen } \frac{(af)(af)}{(AA)}, \quad \frac{(bf_I)(bf_I)}{(BB_I)}, \quad \frac{(cf_{II})(cf_{II})}{(CC_{II})} \dots \dots$$

~~~~~

| Hörnli—Hersberg = $B_A$ | Ghiridone—Menone = $C_A$ | Ghiridone—Menone = $C_B$ |          |                 |          |
|-------------------------|--------------------------|--------------------------|----------|-----------------|----------|
| 39 . . . . .            | 47 0,000176              | 39 0,001175 47 0,020281  |          |                 |          |
| 40 . . . . .            | 25 0,000007              | 40 0,000026 25 0,000358  |          |                 |          |
| 38 . . . . .            | 24 0,003153              | 38 0,001131 24 0,000008  |          |                 |          |
| 37 . . . . .            | 46 0,001408              | 37 0,000031 46 0,000021  |          |                 |          |
| 22 0,003591             | 45 0,000516              | 22 . . . . .             |          |                 |          |
| 21 0,000056             | 16 0,000688              | 21 . . . . .             |          |                 |          |
| 36 . . . . .            | 15 0,024403              | 36 0,020146 15 0,000811  |          |                 |          |
| 35 . . . . .            | 18 0,000609              | 35 0,000667 18 0,000003  |          |                 |          |
| 34 . . . . .            | 14 0,000935              | 34 0,000635 14 0,004199  |          |                 |          |
| 53 0,000001             | 13 0,070792              | 53 0,000404 13 0,000532  |          |                 |          |
| 28 0,000005             | 12 0,000181              | 28 0,000001 12 0,003954  |          |                 |          |
| 33 0,000004             | 44 0,000859              | 33 0,000432 44 0,000934  |          |                 |          |
| 27 0,000094             | 43 0,030469              | 27 . . . . .             |          |                 |          |
| 20 0,000085             | 11 0,003357              | 20 . . . . .             |          |                 |          |
| 19 0,000521             | 8 0,002008               | 19 . . . . .             |          |                 |          |
| 49 0,004477             | 7 0,003062               | 49 . . . . .             |          |                 |          |
| 26 0,000392             | 42 0,080893              | 26 . . . . .             |          |                 |          |
| 17 0,000990             | 41 0,000034              | 17 . . . . .             |          |                 |          |
| 52 0,000658             | 10 0,000918              | 52 0,000093 10 0,000155  |          |                 |          |
| 32 0,000001             | 9 0,001621               | 32 0,001227 9 0,000046   |          |                 |          |
| 31 0,000028             | 6 0,018795               | 31 0,000468 6 0,000892   |          |                 |          |
| 51 0,000267             | 5 0,000029               | 51 0,012892 5 0,000042   |          |                 |          |
| 30 . . . . .            | 4 0,000017               | 30 0,005720 4 0,000024   |          |                 |          |
| 29 0,001179             | 3 0,000008               | 29 0,011466 3 0,000011   |          |                 |          |
| 50 0,000020             | 2 0,000003               | 50 0,039194 2 0,000004   |          |                 |          |
| 48 0,021327             | 1 . . . . .              | 48 0,000468 1 0,000001   |          |                 |          |
| <hr/>                   |                          | <hr/>                    |          |                 |          |
| $(B_A B_A)_N =$         | 0,278687                 | $(C_A C_A)_N =$          | 0,131960 | $(C_B C_B)_N =$ | 0,177026 |

## Mittlere Fehler der Seiten.

---

1. Hörnli—Hersberg =  $B_A$

$$(B_A \ B_A)_S = 0,3375$$

$$(B_A \ B_A)_N = 0,2786$$

---

$$(B_A \ B_A) = 0,0589$$

$$m = \pm 1'',64$$

2. Ghiridone—Menone =  $C_A$

$$(C_A \ C_A)_S = 0,2407$$

$$(C_A \ C_A)_N = 0,1320$$

---

$$(C_A \ C_A) = 0,1087$$

$$m = \pm 1'',64$$

3. Ghiridone-Menone =  $C_B$

$$(C_B \ C_B)_S = 0,2997$$

$$(C_B \ C_B)_N = 0,1770$$

---

$$(C_B \ C_B) = 0,1227$$

$$m = \pm 1'',64$$

$$m_{B_A} = \pm 0,40 \text{ Meter}$$

$$m_{C_A} = \pm 0,54 \text{ Meter}$$

$$m_{C_B} = \pm 0,57 \text{ Meter}$$

$$\log B = 4,65456$$

$$\log C = 4,58418$$

$$\log C = 4,58418$$

$$\frac{m_{B_A}}{B} = \frac{\pm 1}{113000}$$

$$\frac{m_{C_A}}{C} = \frac{\pm 1}{71000}$$

$$\frac{m_{C_B}}{C} = \frac{\pm 1}{67000}$$

$$\text{Mod } \frac{dB}{B} = \Delta \log B = \pm 0,0000038 \quad \Delta \log C = \pm 0,0000061 \quad \Delta \log C = \pm 0,0000065$$

Hiermit wird weiter für:

4. Hörnli-Hersberg =  $B_C$  abgeleitet aus Ghiridone-Menone =  $C$

$$m_{B_C} = \frac{B}{C} \cdot m_{C_B} = \pm 0,68 \text{ Meter}$$

5. Chasseral—Röthi =  $A_B$  abgeleitet aus Hörnli—Hersberg =  $B$

$$m_{A_B} = \frac{A}{B} \cdot m_{B_A} = \pm 0,34 \text{ Meter}$$

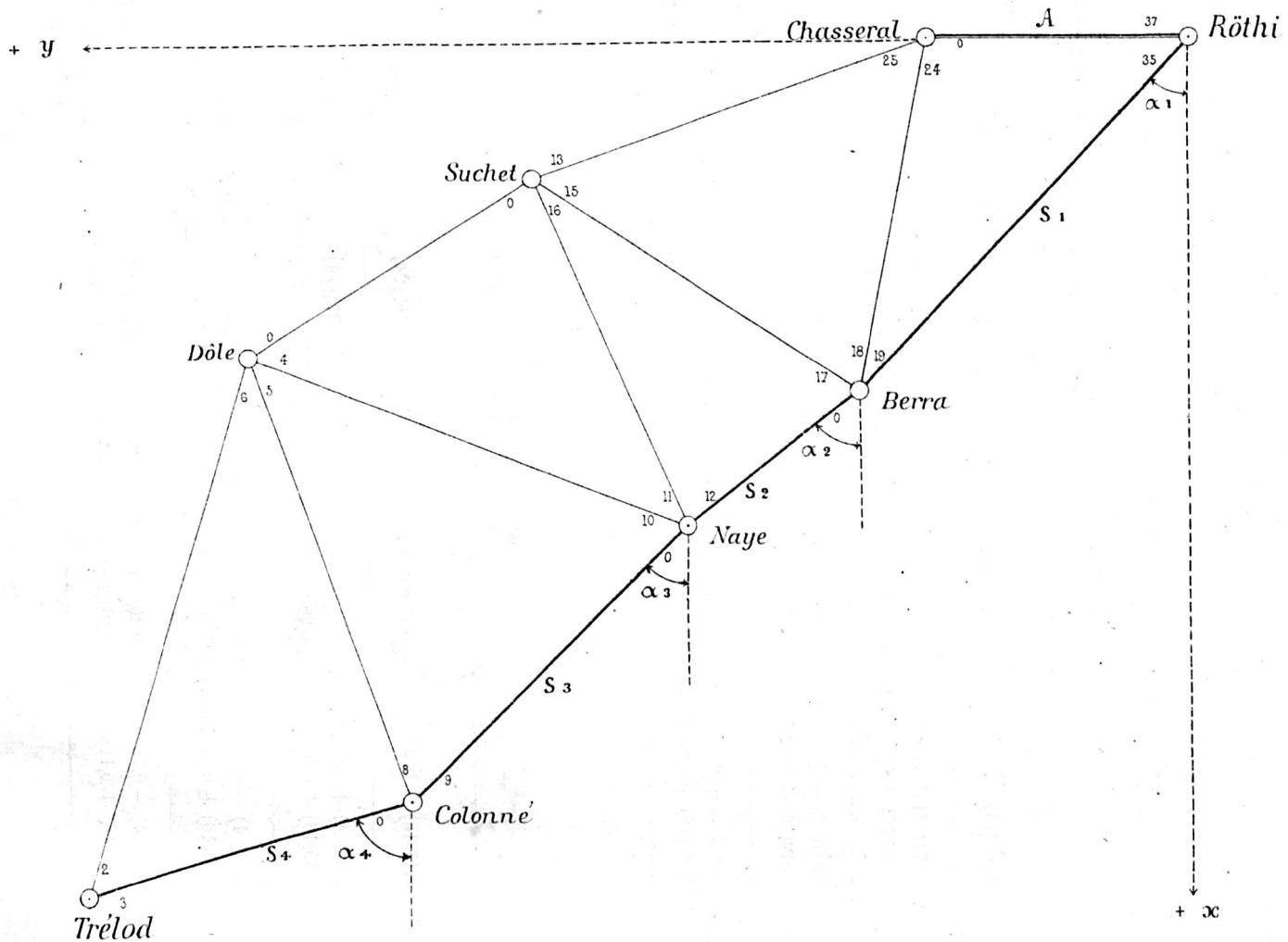
6. Chasseral—Röthi =  $A_C$  abgeleitet aus Ghiridone—Menone =  $C$

$$m_{A_C} = \frac{A}{C} \cdot m_{C_A} = \pm 0,54 \text{ Meter}$$

---

## Fehlerellipse Trélod.

Ableitung der Differentialausdrücke  $dX$  und  $dY$ .



$$X = x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = s_1 \cos \alpha_1 + s_2 \cos \alpha_2 + s_3 \cos \alpha_3 + s_4 \cos \alpha_4$$

$$Y = y_1 + y_2 + y_3 + y_4 = s_1 \sin \alpha_1 + s_2 \sin \alpha_2 + s_3 \sin \alpha_3 + s_4 \sin \alpha_4$$

$$dX = dx_1 + dx_2 + dx_3 + dx_4$$

$$dY = dy_1 + dy_2 + dy_3 + dy_4$$

$$dx_1 = \cos \alpha_1 \ ds_1 - \frac{s_1}{\varrho} \sin \alpha_1 \ d\alpha_1 \quad dy_1 = \sin \alpha_1 \ ds_1 + \frac{s_1}{\varrho} \cos \alpha_1 \ d\alpha_1$$

$$s_1 = A \frac{\sin(24)}{\sin(19-18)} \quad ds_1 = \frac{s_1}{\varrho} \cdot \cotg(24) d(24) - \frac{s_1}{\varrho} \cotg(19-18) d(19-18)$$

$$dx_1 = \left[ \cos \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cdot \cotg(24) d(24) - \cos \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cotg(19-18) d(19-18) \right] - \frac{s_1}{\varrho} \sin \alpha_1 \ d\alpha_1$$

$$dy_1 = \left[ \sin \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cdot \cotg(24) d(24) - \sin \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cotg(19-18) d(19-18) \right] + \frac{s_1}{\varrho} \cos \alpha_1 \ d\alpha_1$$

u. s. w.

Aus der Berechnung folgt:

$$dx_1 = + 0,38706(18) - 0,38706(19) - 0,04740(24) - 0,23225(35) + 0,23225(37)$$

$$dx_2 = + 0,07188(13) - 0,21597(15) + 0,14409(16) + 0,14794(18) - 0,02773(19) - 0,05596(24) + 0,05596(25) - 0,20898(35) + 0,20898(37)$$

$$dx_3 = + 0,14604(13) - 0,14604(15) - 0,02590(16) + 0,06654(17) + 0,30057(18) + 0,10962(19) - 0,11369(24) + 0,11369(25) - 0,37130(35) + 0,37130(37)$$

$$dx_4 = + 0,04656(2) - 0,04656(3) - 0,05207(4) - 0,09200(5) + 0,09200(6) + 0,03228(8) + 0,19668(9) + 0,03044(10) + 0,01723(11) + 0,21173(12) + 0,05309(13) - 0,05309(15) - 0,00942(16) + 0,02419(17) + 0,10926(18) + 0,11970(19) - 0,04133(24) + 0,04133(25) - 0,29452(35) + 0,29452(37)$$

$$dX = + 0,0466(2) - 0,0466(3) - 0,3638(4) + 0,0765(5) + 0,0920(6) + 0,1211(8) + 0,1079(9) + 0,0304(10) + 0,0879(11) + 0,3320(12) + 0,2710(13) - 0,4151(15) + 0,1088(16) + 0,0907(17) + 0,9448(18) - 0,4047(19) - 0,2584(24) + 0,2110(25) - 1,1071(35) + 1,1071(37)$$

$$dy_1 = + 0,36536(18) - 0,36536(19) - 0,04474(24) + 0,24604(35) - 0,24604(37)$$

$$dy_2 = + 0,09188(13) - 0,27605(15) + 0,18417(16) + 0,18909(18) - 0,28313(19) - 0,07152(24) + 0,07152(25) - 0,01942(35) + 0,01942(37) + 0,02981(11) - 0,02981(12)$$

$$dy_3 = + 0,14595(13) - 0,14595(15) - 0,02589(16) + 0,06650(17) + 0,30039(18) - 0,49146(19) - 0,11362(24) + 0,11362(25) + 0,01803(35) - 0,01803(37) - 0,23843(12) + 0,04736(11) - 0,04736(12)$$

$$dy_4 = + 0,15347(2) - 0,15347(3) - 0,17164(4) - 0,30327(5) + 0,30327(6) + 0,10641(8) - 0,17587(9) + 0,10036(10) + 0,05679(11) - 0,12625(12) + 0,17500(13) - 0,17500(15) - 0,03104(16) + 0,07974(17) + 0,36018(18) - 0,42964(19) - 0,13623(24) + 0,13623(25) - 0,14666(35) + 0,14666(37)$$

$$dY = + 0,1535(2) - 0,1535(3) - 0,4832(4) - 0,1349(5) + 0,3033(6) + 0,1952(8) - 0,2646(9) + 0,1004(10) + 0,1340(11) - 0,3945(12) + 0,4128(13) - 0,5570(15) + 0,1272(16) + 0,1462(17) + 1,2150(18) - 1,5696(19) - 0,3661(24) + 0,3214(25) + 0,0908(35) - 0,0908(37)$$

Berechnung von  $(f^x q^x) = (XX)_s$ ;  $(f^x q^y) = (XY)_s$ ;  $(f^y q^y) = (YY)_s$ .

| <i>X</i>            |                     | <i>Y</i>            |                     | $(XX)_s$  | $(XY)_s$  | $(YY)_s$  |
|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|-----------|-----------|-----------|
| $f_2 = + 0,0466$    | $q_2 = + 0,0089$    | $f_2 = + 0,1535$    | $q_2 = + 0,0292$    | + 0,00040 | + 0,00136 | + 0,00448 |
| $f_3 = - 0,0466$    | $q_3 = - 0,0034$    | $f_3 = - 0,1535$    | $q_3 = - 0,0113$    | + 0,00016 | + 0,00052 | + 0,00173 |
| $f_4 = - 0,3638$    | $q_4 = - 0,0929$    | $f_4 = - 0,4832$    | $q_4 = - 0,1349$    | + 0,03379 | + 0,04909 | + 0,06520 |
| $f_5 = + 0,0765$    | $q_5 = - 0,0151$    | $f_5 = - 0,1349$    | $q_5 = - 0,0549$    | - 0,00115 | - 0,00420 | + 0,00741 |
| $f_6 = + 0,0920$    | $q_6 = + 0,0022$    | $f_6 = + 0,3033$    | $q_6 = + 0,0293$    | + 0,00020 | + 0,00270 | + 0,00889 |
| $f_8 = + 0,1211$    | $q_8 = + 0,1082$    | $f_8 = + 0,1952$    | $q_8 = + 0,1038$    | + 0,01310 | + 0,01256 | + 0,02025 |
| $f_9 = + 0,1079$    | $q_9 = + 0,0573$    | $f_9 = - 0,2646$    | $q_9 = - 0,0612$    | + 0,00618 | - 0,00660 | + 0,01619 |
| $f_{10} = + 0,0304$ | $q_{10} = + 0,1636$ | $f_{10} = + 0,1004$ | $q_{10} = + 0,0476$ | + 0,00497 | + 0,00145 | + 0,00478 |
| $f_{11} = + 0,0879$ | $q_{11} = + 0,1730$ | $f_{11} = + 0,1340$ | $q_{11} = + 0,0329$ | + 0,01520 | + 0,00289 | + 0,00440 |
| $f_{12} = + 0,3320$ | $q_{12} = + 0,1689$ | $f_{12} = - 0,3945$ | $q_{12} = - 0,0945$ | + 0,05608 | - 0,03137 | + 0,03728 |
| $f_{13} = + 0,2710$ | $q_{13} = + 0,0463$ | $f_{13} = + 0,4128$ | $q_{13} = + 0,0735$ | + 0,01255 | + 0,01992 | + 0,03034 |
| $f_{15} = - 0,4151$ | $q_{15} = - 0,0757$ | $f_{15} = - 0,5970$ | $q_{15} = - 0,1091$ | + 0,03144 | + 0,04592 | + 0,06513 |
| $f_{16} = + 0,1088$ | $q_{16} = + 0,0346$ | $f_{16} = + 0,1272$ | $q_{16} = + 0,0323$ | + 0,00374 | + 0,00352 | + 0,00411 |
| $f_{17} = + 0,0907$ | $q_{17} = + 0,0972$ | $f_{17} = + 0,1462$ | $q_{17} = - 0,0005$ | + 0,00881 | - 0,00004 | - 0,00007 |
| $f_{18} = + 0,9448$ | $q_{18} = + 0,1838$ | $f_{18} = + 1,2150$ | $q_{18} = + 0,0516$ | + 0,17367 | + 0,04878 | + 0,06273 |
| $f_{19} = - 0,4047$ | $q_{19} = + 0,0187$ | $f_{19} = - 1,5696$ | $q_{19} = - 0,3939$ | - 0,00758 | + 0,15942 | + 0,61830 |
| $f_{24} = - 0,2584$ | $q_{24} = - 0,0790$ | $f_{24} = - 0,3661$ | $q_{24} = - 0,1104$ | + 0,02040 | + 0,02854 | + 0,04043 |
| $f_{25} = + 0,2110$ | $q_{25} = + 0,0471$ | $f_{25} = + 0,3214$ | $q_{25} = + 0,0735$ | + 0,00994 | + 0,01551 | + 0,02363 |
| $f_{35} = - 1,1071$ | $q_{35} = - 0,4999$ | $f_{35} = + 0,0908$ | $q_{35} = + 0,0410$ | + 0,55345 | - 0,04540 | + 0,00372 |
| $f_{37} = + 1,1071$ | $q_{37} = + 0,1136$ | $f_{37} = - 0,0908$ | $q_{37} = - 0,0098$ | + 0,12581 | - 0,01033 | + 0,00085 |
|                     |                     |                     |                     | + 1,06119 | + 0,29361 | + 1,01978 |

$$(XX)_s = + 1,0612$$

$$(XY)_s = + 0,2936$$

$$(YY)_s = + 1,0198$$

Berechnung der Summen  $(af)$ ,  $(bf)$ , . . .  $\frac{(af)}{(AA)}$ ;  $\frac{(bf)}{(BB)}$ ; . . .

|     | $(af^x)$  | $(af^y)$  | $(XX)_N$     | $(XY)_N$   | $(YY)_N$ |
|-----|-----------|-----------|--------------|------------|----------|
| 1.  | — 1,5987  | — 3,1041  | 50. 0,000220 | — 0,000018 | 0,000001 |
| 2.  | + 11,3241 | + 14,7527 | 48. 0,000002 | .          | .        |
| 3.  | + 19,0483 | — 3,7321  | 47. .        | .          | .        |
| 4.  | — 11,8124 | — 18,1969 | 25. 0,000698 | — 0,000057 | 0,000005 |
| 5.  | + 20,3379 | + 1,3443  | 24. 0,000921 | — 0,000075 | 0,000006 |
| 6.  | + 9,0770  | + 5,3619  | 46. 0,000003 | .          | .        |
| 7.  | — 20,8629 | — 18,2832 | 45. 0,000245 | — 0,000020 | 0,000002 |
| 8.  | — 52,1528 | + 40,1459 | 16. 0,000171 | — 0,000014 | 0,000001 |
| 9.  | + 35,3799 | — 52,7055 | 15. 0,000243 | — 0,000020 | 0,000002 |
| 10. | + 10,6597 | — 2,5612  | 18. 0,002447 | — 0,000201 | 0,000016 |
| 11. | + 1,2683  | — 0,3814  | 14. 0,000295 | — 0,000026 | 0,000002 |
| 12. | — 0,2916  | — 0,4084  | 13. 0,001854 | — 0,000592 | 0,000189 |
| 13. | + 4,5474  | — 1,7246  | 12. 0,001725 | — 0,000736 | 0,000314 |
| 14. | + 3,1220  | — 0,2561  | 44. 0,182104 | + 0,084054 | 0,038797 |
| 15. | + 2,7345  | — 0,2243  | 43. 0,125297 | + 0,052529 | 0,022022 |
| 16. | + 0,3875  | — 0,0318  | 11. 0,000877 | — 0,000314 | 0,000113 |
| 18. | + 2,7234  | — 0,2234  | 8. 0,105981  | — 0,141537 | 0,189022 |
| 24. | + 1,1514  | — 0,0944  | 7. 0,052482  | + 0,116594 | 0,259030 |
| 25. | + 1,9706  | — 0,1616  | 42. 0,093672 | + 0,073878 | 0,058268 |
| 41. | — 0,2864  | + 4,0712  | 41. 0,003909 | + 0,003506 | 0,003144 |
| 42. | + 55,5058 | + 24,3917 | 10. 0,006932 | + 0,001899 | 0,000283 |
| 43. | + 1,9582  | — 0,6344  | 9. 0,015143  | — 0,031170 | 0,064161 |
| 44. | — 52,4554 | — 25,0811 | 6. 0,029379  | — 0,025636 | 0,022370 |
| 45. | + 0,2568  | — 0,0211  | 5. 0,031410  | — 0,001613 | 0,000083 |
| 46. | — 0,4816  | + 0,0396  | 4. 0,000182  | — 0,001892 | 0,027091 |
| 47. | + 0,3144  | — 0,0258  | 3. 0,030142  | — 0,021813 | 0,015785 |
| 48. | + 0,0808  | — 0,0066  | 2. 0,043338  | + 0,015496 | 0,005541 |
| 50. | — 0,7041  | + 0,0578  | 1. 0,004071  | — 0,000342 | 0,000029 |
|     |           |           | 0,733693     | + 0,121380 | 0,706277 |

$$(XX)_N = + 0,7337$$

$$(XY)_N = + 0,1214$$

$$(YY)_N = + 0,7063$$

$$(XX)_s = + 1,0612$$

$$(XX)_n = + 0,7387$$

$$\underline{(XX) = + 0,3275}$$

$$m = \pm 1'',64$$

$$(XY)_s = + 0,2936$$

$$(XY)_n = + 0,1214$$

$$\underline{(XY) = + 0,1722}$$

$$(YY)_s = + 1,0198$$

$$(YY)_n = + 0,7063$$

$$\underline{(YY) = + 0,8135}$$

$$m = \pm 1'',64$$

$$m_x = \pm 0,94 \text{ Meter}$$

$$m_y = \pm 0,92 \text{ Meter}$$

### Elemente der Fehlerellipse Trélo.

Halbe grosse Achse = 1,15 Meter

Halbe kleine Achse = 0,63 »

Azimuth der grossen Axe =  $43^\circ 50',2$

Winkel Colombier — grosse Axe =  $79^\circ 51',1$

Coordinate von Trélo:  $X_1 = + 123886$  Meter,  $Y_1 = + 159314$  Meter

Entfernung von Röthi:  $S = 201813$  Meter, Azimuth dieser Linie  $\alpha = 52^\circ 7',9$

Reciprokes Gewicht:  $(SS) = 0,4857$   $(\alpha\alpha) = 0,1622$

$$m = \pm 1'',64 \quad m = \pm 1'',64$$

$$\text{Mittlerer Fehler } m_s = \pm 1,14 \text{ Meter} \quad m_\alpha = \pm 0'',66$$

Mittlerer Fehler in der Lage von Trélo senkrecht zur Verbindungsline Trélo—Röthi

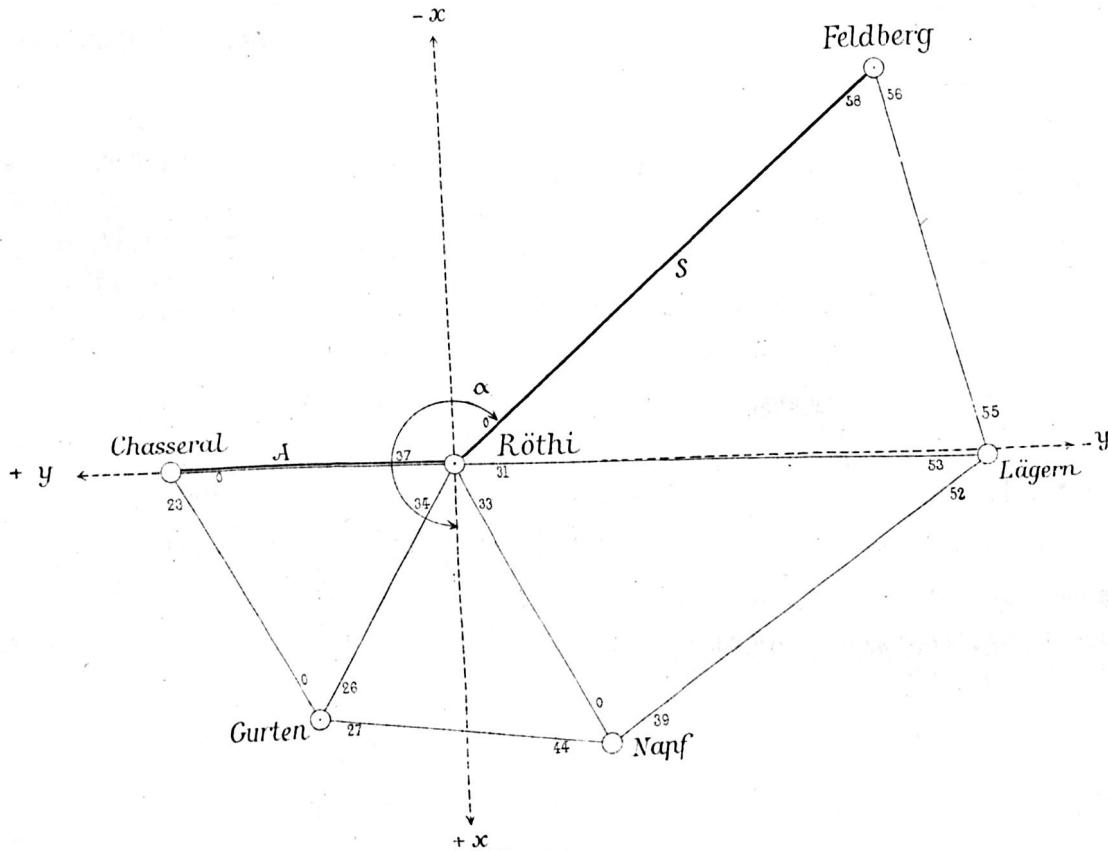
$$= \frac{S}{\varrho} \cdot m_\alpha = \pm 0,65 \text{ Meter}$$

$$\text{Verzerrungsverhältniss: } \frac{m_s}{S} = \frac{\pm 1}{177000}$$

$$\text{Fehler am Logarithmus von } S: \text{Modul. } \frac{m_s}{S} = \pm 0,0000025$$

## Fehlerellipse Feldberg.

Ableitung der Differentialausdrücke  $dX$  und  $dY$ .



$$X = s \cos \alpha$$

$$dX = \cos \alpha \, ds - \frac{s}{\rho} \sin \alpha \, d\alpha$$

$$Y = s \sin \alpha$$

$$dY = \sin \alpha \, ds + \frac{s}{\rho} \cos \alpha \, d\alpha$$

$$s = A \frac{\sin(23)}{\sin(26)} \cdot \frac{\sin(27-20)}{\sin(0-44)} \cdot \frac{\sin(39)}{\sin(53-52)} \cdot \frac{\sin(55-53)}{\sin(58-56)}$$

$$ds = \frac{s}{\rho} \cotg(23) d(23) - \frac{s}{\rho} \cotg(26) d(26) + \frac{s}{\rho} \cotg(27-26) d(27-26) - \frac{s}{\rho} \cotg(0-44) d(0-44)$$

$$+ \frac{s}{\rho} \cotg(39) d(39) - \frac{s}{\rho} \cotg(53-52) d(53-52) + \frac{s}{\rho} \cotg(55-53) d(55-53) - \frac{s}{\rho} \cotg(58-56) d(58-56)$$

$$dX = \cos \alpha \frac{s}{\rho} \cotg(23) d(23) - \cos \alpha \frac{s}{\rho} \cotg(26) d(26) + \dots - \frac{s}{\rho} \sin \alpha \, d\alpha$$

$$dY = \sin \alpha \frac{s}{\rho} \cotg(23) d(23) - \sin \alpha \frac{s}{\rho} \cotg(26) d(26) + \dots - \frac{s}{\rho} \cos \alpha \, d\alpha$$

Die Berechnung gibt:

$$dX = -0,1385 \text{ (23)} + 0,2528 \text{ (26)} - 0,1101 \text{ (27)} - 0,2812 \text{ (37)} - 0,0399 \text{ (39)} - 0,1648 \text{ (44)} \\ - 0,3380 \text{ (52)} + 0,3990 \text{ (58)} - 0,0610 \text{ (55)} - 0,1301 \text{ (56)} + 0,1301 \text{ (58)}$$

$$dY = -0,1574 \text{ (23)} + 0,2873 \text{ (26)} - 0,1251 \text{ (27)} + 0,2475 \text{ (37)} - 0,0454 \text{ (39)} - 0,1872 \text{ (44)} \\ - 0,3841 \text{ (52)} + 0,4534 \text{ (58)} - 0,0693 \text{ (55)} - 0,1479 \text{ (56)} + 0,1479 \text{ (58)}$$

Berechnung von  $(f^x q^x) = (XX)_s$ ;  $(f^x q^y) = (XY)_s$ ;  $(f^y q^y) = (YY)_s$

| $X$                |                    | $Y$                |                    | $(XX)_s$  | $(XY)_s$  | $(YY)_s$  |
|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|-----------|-----------|-----------|
| $f_{23} = -0,1385$ | $q_{23} = -0,0298$ | $f_{23} = -0,1574$ | $q_{23} = -0,0338$ | + 0,00412 | + 0,00469 | + 0,00533 |
| $f_{26} = +0,2528$ | $q_{26} = +0,0368$ | $f_{26} = +0,2873$ | $q_{26} = +0,0418$ | + 0,00929 | + 0,01056 | + 0,01200 |
| $f_{27} = -0,1101$ | $q_{27} = +0,0021$ | $f_{27} = -0,1251$ | $q_{27} = +0,0024$ | - 0,00023 | - 0,00026 | - 0,00030 |
| $f_{37} = -0,2812$ | $q_{37} = -0,0658$ | $f_{37} = +0,2475$ | $q_{37} = +0,0579$ | + 0,01851 | - 0,01629 | + 0,01484 |
| $f_{39} = -0,0399$ | $q_{39} = -0,0292$ | $f_{39} = -0,0454$ | $q_{39} = -0,0333$ | + 0,00117 | + 0,00133 | + 0,00151 |
| $f_{44} = -0,1648$ | $q_{44} = -0,0886$ | $f_{44} = -0,1872$ | $q_{44} = -0,1006$ | + 0,01460 | + 0,01658 | + 0,01883 |
| $f_{52} = -0,3380$ | $q_{52} = -0,0543$ | $f_{52} = -0,3841$ | $q_{52} = -0,0617$ | + 0,01834 | + 0,02084 | + 0,02369 |
| $f_{53} = +0,3990$ | $q_{53} = +0,1101$ | $f_{53} = +0,4534$ | $q_{53} = +0,1252$ | + 0,04394 | + 0,04994 | + 0,05675 |
| $f_{55} = -0,0610$ | $q_{55} = -0,0105$ | $f_{55} = -0,0693$ | $q_{55} = -0,0120$ | + 0,00064 | + 0,00073 | + 0,00083 |
| $f_{56} = -0,1301$ | $q_{56} = \dots$   | $f_{56} = -0,1479$ | $q_{56} = \dots$   | $\dots$   | $\dots$   | $\dots$   |
| $f_{58} = +0,1301$ | $q_{58} = +0,0808$ | $f_{58} = +0,1479$ | $q_{58} = +0,0919$ | + 0,01051 | + 0,01195 | + 0,01359 |
|                    |                    |                    |                    | + 0,12089 | + 0,10007 | + 0,14657 |

$$(XX)_s = + 0,1209$$

$$(XY)_s = + 0,1001$$

$$(YY)_s = + 0,1466$$

Berechnung der Summen  $(af)$ ,  $(bf)$ , . . . .  $\frac{(af)}{(AA)}$ ,  $\frac{(bf)}{(BB)}$ , . . . .

|     | $(af^x)$ | $(af^y)$ | $(XX)_N$ | $(XY)_N$    | $(YY)_N$     |
|-----|----------|----------|----------|-------------|--------------|
| 6.  | +        | 0,5471   | +        | 0,6217      | 27. 0,000024 |
| 7.  | +        | 0,5237   | +        | 0,5941      | 20. 0,000010 |
| 8.  | +        | 4,0785   | +        | 1,4364      | 19. 0,000060 |
| 9.  | —        | 0,9392   | +        | 0,8267      | 49. 0,000958 |
| 10. | —        | 2,6731   | +        | 0,8920      | 26. 0,000064 |
| 11. | —        | 5,5486   | —        | 6,3016      | 17. 0,001715 |
| 12. | +        | 3,4307   | +        | 3,8976      | 52. 0,002753 |
| 13. | +        | 1,0500   | +        | 4,4294      | 32. 0,000566 |
| 14. | —        | 1,1146   | —        | 0,2175      | 31. 0,000065 |
| 15. | +        | 11,1920  | +        | 17,4055     | 51. 0,000007 |
| 16. | —        | 9,8054   | —        | 14,7827     | 30. 0,000022 |
| 17. | +        | 4,9324   | +        | 5,6079      | 29. 0,000971 |
| 18. | —        | 1,7639   | +        | 6,9844      | 50. 0,000000 |
| 19. | +        | 1,0526   | +        | 1,1956      | 48. 0,023724 |
| 20. | +        | 0,3863   | +        | 0,4390      | 47. 0,000444 |
| 24. | —        | 1,8672   | —        | 1,9515      | 25. 0,000322 |
| 25. | —        | 0,4359   | +        | 0,3836      | 24. 0,002436 |
| 26. | —        | 0,6274   | —        | 0,7129      | 46. 0,001165 |
| 27. | —        | 0,3564   | —        | 0,4051      | 45. 0,000879 |
| 29. | —        | 4,1792   | —        | 4,7468      | 16. 0,008873 |
| 30. | —        | 2,2912   | —        | 2,6028      | 15. 0,004643 |
| 31. | —        | 0,1614   | —        | 0,1836      | 18. 0,000547 |
| 32. | —        | 2,1296   | —        | 2,4193      | 14. 0,011242 |
| 41. | +        | 1,3261   | —        | 1,1672      | 13. 0,000010 |
| 42. | —        | 0,8871   | +        | 2,3474      | 12. 0,000981 |
| 43. | +        | 7,6257   | +        | 8,6624      | 44. 0,002082 |
| 44. | +        | 7,0281   | +        | 4,8762      | 43. 0,001618 |
| 45. | +        | 21,3791  | +        | 19,9368     | 11. 0,000255 |
| 46. | +        | 21,9287  | +        | 17,5326     | 8. 0,001435  |
| 47. | —        | 0,0042   | +        | 0,0037      | 7. 0,000040  |
| 48. | +        | 19,8958  | +        | 18,1504     | 42. 0,000058 |
| 49. | +        | 1,1562   | +        | 1,3144      | 41. 0,000064 |
| 50. | +        | 0,4549   | +        | 0,5225      | 10. 0,000687 |
| 51. | +        | 0,4385   | +        | 0,4981      | 9. 0,000001  |
| 52. | —        | 1,9834   | —        | 2,2539      | 6. 0,000755  |
|     |          |          |          | 5. 0,000014 | + 0,000030   |
|     |          |          |          | 4. 0,000008 | + 0,000017   |
|     |          |          |          | 3. 0,000004 | + 0,000008   |
|     |          |          |          | 2. 0,000001 | + 0,000003   |
|     |          |          |          | 1. .        | + .          |
|     |          |          |          | 0,069503    | + 0,069148   |
|     |          |          |          |             | 0,099499     |

$$(XX)_N = + 0,0695$$

$$(XY)_N = + 0,0691$$

$$(YY)_N = + 0,0995$$

$$(XX)_s = + 0,1209$$

$$(XX)_n = + 0,0695$$

$$\underline{(XX)} = + 0,0514$$

$$m = \pm 1'',64$$

$$(XY)_s = + 0,1001$$

$$(XY)_n = + 0,0691$$

$$\underline{(XY)} = + 0,0310$$

$$(YY)_s = + 0,1466$$

$$(YY)_n = + 0,0995$$

$$\underline{(YY)} = + 0,0471$$

$$m = \pm 1'',64$$

$$m_x = \pm 0,37 \text{ Meter}$$

$$m_y = \pm 0,36 \text{ Meter}$$

### Elemente der Fehlerellipse Feldberg.

Halbe grosse Axe = **0,46 Meter**

Halbe kleine Axe = **0,22** »

Azimuth der grossen Axe =  $43^\circ 0'1$

Winkel Hohentwiel — grosse Axe =  $101^\circ 12',7$

Coordinate von Feldberg:  $X_2 = - 51052$  Meter,  $Y_2 = - 58010$  Meter

Entfernung von Röthi:  $S = 77275$  Meter, Azimuth dieser Linie  $\alpha = 228^\circ 39',0$

Reciprokes Gewicht:  $(SS) = 0,0796$   $(\alpha\alpha) = 0,1342$

$$m = \pm 1'',64 \quad m = \pm 1'',64$$

Mittlerer Fehler:  $m_s = \pm 0,46$  Meter  $m_\alpha = \pm 0'',60$

Mittlerer Fehler in der Lage von Feldberg senkrecht zur Verbindungsline Feldberg-Röthi

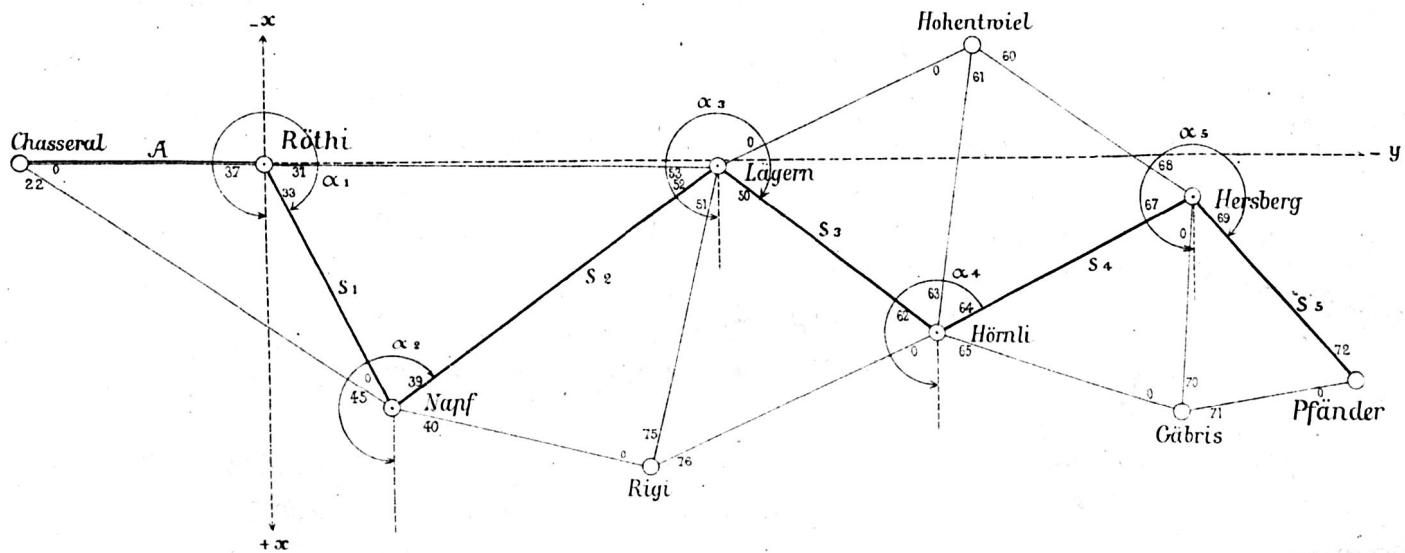
$$= \frac{S}{\varrho} \cdot m_\alpha = 0,23 \text{ Meter}$$

Verzerrungsverhältniss:  $\frac{m_s}{S} = \frac{\pm 1}{167000}$

Fehler am Logarithmus von S: Modul.  $\frac{m_s}{S} = \pm 0,0000026$

## Fehlerellipse Pfänder.

Ableitung der Differentialausdrücke  $dX$  und  $dY$ .



$$X = x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = s_1 \cos \alpha_1 + s_2 \cos \alpha_2 + s_3 \cos \alpha_3 + s_4 \cos \alpha_4 + s_5 \cos \alpha_5$$

$$Y = y_1 + y_2 + y_3 + y_4 + y_5 = s_1 \sin \alpha_1 + s_2 \sin \alpha_2 + s_3 \sin \alpha_3 + s_4 \sin \alpha_4 + s_5 \sin \alpha_5$$

$$dX = dx_1 + dx_2 + dx_3 + dx_4 + dx_5$$

$$dY = dy_1 + dy_2 + dy_3 + dy_4 + dy_5$$

$$dx_1 = \cos \alpha_1 ds_1 - \frac{s_1}{\varrho} \sin \alpha_1 d\alpha_1$$

$$dy_1 = \sin \alpha_1 ds_1 + \frac{s_1}{\varrho} \cos \alpha_1 d\alpha_1$$

$$s_1 = A \frac{\sin(22)}{\sin(0-45)} \quad ds_1 = \frac{s_1}{\varrho} \cotg(22) d(22) - \frac{s_1}{\varrho} \cotg(0-45) d(0-45)$$

$$dx_1 = \left[ \cos \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cotg(22) d(22) - \cos \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cotg(0-45) d(0-45) \right] - \frac{s_1}{\varrho} \sin \alpha_1 d\alpha_1$$

$$dy_1 = \left[ \sin \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cotg(22) d(22) - \sin \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cotg(0-45) d(0-45) \right] - \frac{s_1}{\varrho} \cos \alpha_1 d\alpha_1$$

u. s. w.

Aus der Berechnung folgt:

$$\begin{aligned}
 dx_1 &= + 0,27709 (22) & + 0,09224 (33) - 0,09224 (37) & + 0,31821 (45) \\
 dx_2 &= - 0,27510 (22) + 0,09245 (31) + 0,15683 (33) - 0,24928 (37) + 0,24928 (39) & - 0,31593 (45) & - 0,24729 (52) + 0,24729 (53) \\
 dx_3 &= + 0,18953 (22) - 0,06369 (31) + 0,22854 (33) - 0,16485 (37) + 0,05481 (39) + 0,11004 (40) + 0,21766 (45) + 0,16485 (50) + 0,00552 (52) - 0,17037 (53) \\
 &\quad - 0,06611 (62) \\
 &\quad - 0,09618 (75) + 0,09663 (76)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 dx_4 &= - 0,15149 (22) + 0,05091 (31) + 0,14390 (33) - 0,19481 (37) + 0,28276 (39) - 0,08795 (40) - 0,17396 (45) + 0,14123 (50) - 0,33098 (52) + 0,13617 (53) \\
 &\quad + 0,05040 (60) - 0,11493 (61) - 0,14197 (62) + 0,19481 (64) & - 0,05257 (67) + 0,05257 (68) \\
 &\quad + 0,07687 (75) - 0,07723 (76)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 dx_5 &= + 0,20454 (22) - 0,06874 (31) + 0,18725 (33) - 0,11851 (37) - 0,00024 (39) + 0,11875 (40) + 0,23489 (45) + 0,19086 (50) + 0,06535 (52) - 0,18386 (53) \\
 &\quad - 0,06806 (60) + 0,15519 (61) - 0,18936 (62) - 0,01425 (64) + 0,13276 (65) - 0,04753 (67) - 0,07098 (68) + 0,11851 (69) - 0,07060 (70) + 0,03692 (71) \\
 &\quad - 0,07858 (72) - 0,10379 (75) + 0,10428 (76)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 dX &= + 0,24446 (22) + 0,0109 (31) + 0,8088 (33) - 0,8197 (37) + 0,5866 (39) + 0,1408 (40) + 0,2809 (45) + 0,4969 (50) - 0,5074 (52) + 0,0292 (53) \\
 &\quad - 0,0177 (60) + 0,0403 (61) - 0,3919 (62) + 0,1806 (64) + 0,1328 (65) - 0,1001 (67) - 0,0184 (68) + 0,1185 (69) - 0,0706 (70) + 0,0369 (71) \\
 &\quad - 0,0786 (72) - 0,1231 (75) + 0,1237 (76)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 dy_1 &= - 0,14013 (22) & + 0,18238 (33) - 0,18238 (37) & - 0,16093 (45) \\
 dy_2 &= - 0,37573 (22) + 0,12727 (31) - 0,30834 (33) + 0,18107 (37) - 0,18107 (39) & - 0,43493 (45) & - 0,34043 (52) + 0,34043 (53) \\
 dy_3 &= - 0,25046 (22) + 0,08417 (31) + 0,04058 (33) - 0,12475 (37) + 0,27017 (39) - 0,14542 (40) - 0,28763 (45) + 0,12475 (50) - 0,34988 (52) + 0,22513 (53) \\
 &\quad + 0,08737 (62) \\
 &\quad + 0,12709 (75) - 0,12769 (76)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 dy_4 &= - 0,29598 (22) + 0,09946 (31) - 0,19917 (33) + 0,09971 (37) + 0,07213 (39) - 0,17184 (40) - 0,33990 (45) - 0,20440 (50) - 0,16634 (52) + 0,26605 (53) \\
 &\quad + 0,09848 (60) - 0,22456 (61) + 0,20295 (62) - 0,09971 (64) & - 0,10271 (67) + 0,10271 (68) \\
 &\quad + 0,15019 (75) - 0,15090 (76)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 dy_5 &= - 0,18006 (22) + 0,06051 (31) + 0,07412 (33) - 0,13463 (37) + 0,23917 (39) - 0,10454 (40) - 0,20678 (45) + 0,07094 (50) - 0,29648 (52) + 0,16185 (53) \\
 &\quad + 0,05991 (60) - 0,13661 (61) - 0,07182 (62) + 0,25150 (64) - 0,11687 (65) - 0,19711 (67) + 0,06248 (68) + 0,13463 (69) + 0,06221 (70) - 0,03250 (71) \\
 &\quad + 0,06917 (72) + 0,09137 (75) - 0,09180 (76)
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 dY &= - 1,2454 (22) + 0,3714 (31) - 0,2104 (33) - 0,1610 (37) + 0,4004 (39) - 0,4218 (40) - 1,4302 (45) - 0,0087 (50) - 1,1531 (52) + 0,9935 (53) \\
 &\quad + 0,1584 (60) - 0,3612 (61) + 0,2185 (62) + 0,1518 (64) - 0,1169 (65) - 0,2998 (67) + 0,1652 (68) + 0,1346 (69) + 0,0622 (70) - 0,0325 (71) \\
 &\quad + 0,0692 (72) + 0,3687 (75) - 0,4704 (76)
 \end{aligned}$$

Berechnung von  $(f^x q^x) = (XX)_s$ ;  $(f^x q^y) = (XY)_s$ ;  $(f^y q^y) = (YY)_s$ .

| <i>X</i>            |                     | <i>Y</i>            |                     | $(XX)_s$  | $(XY)_s$  | $(YY)_s$  |
|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|-----------|-----------|-----------|
| $f_{22} = + 0,2446$ | $q_{22} = + 0,0965$ | $f_{22} = - 1,2454$ | $q_{22} = - 0,4911$ | + 0,02359 | - 0,12013 | + 0,61167 |
| $f_{31} = + 0,0109$ | $q_{31} = + 0,0481$ | $f_{31} = + 0,3714$ | $q_{31} = + 0,1052$ | + 0,00052 | + 0,00115 | + 0,03906 |
| $f_{33} = + 0,8088$ | $q_{33} = + 0,0838$ | $f_{33} = - 0,2104$ | $q_{33} = - 0,0321$ | + 0,06781 | - 0,02595 | + 0,00675 |
| $f_{37} = - 0,8197$ | $q_{37} = - 0,0477$ | $f_{37} = - 0,1610$ | $q_{37} = - 0,0399$ | + 0,03912 | + 0,03270 | + 0,00642 |
| $f_{39} = + 0,5866$ | $q_{39} = + 0,2698$ | $f_{39} = + 0,4004$ | $q_{39} = + 0,0929$ | + 0,15825 | + 0,05452 | + 0,03721 |
| $f_{40} = + 0,1408$ | $q_{40} = + 0,0837$ | $f_{40} = - 0,4218$ | $q_{40} = - 0,1028$ | + 0,01179 | - 0,01448 | + 0,04337 |
| $f_{45} = + 0,2809$ | $q_{45} = + 0,3757$ | $f_{45} = - 1,4302$ | $q_{45} = - 1,7964$ | + 0,10552 | - 0,50461 | + 2,56924 |
| $f_{50} = + 0,4969$ | $q_{50} = + 0,0459$ | $f_{50} = - 0,0087$ | $q_{50} = - 0,0647$ | + 0,02281 | - 0,03215 | + 0,00056 |
| $f_{52} = - 0,5074$ | $q_{52} = - 0,1214$ | $f_{52} = - 1,1531$ | $q_{52} = - 0,2786$ | + 0,06159 | + 0,14138 | + 0,32129 |
| $f_{53} = + 0,0292$ | $q_{53} = - 0,0251$ | $f_{53} = + 0,9935$ | $q_{53} = + 0,1852$ | - 0,00073 | + 0,00541 | + 0,18397 |
| $f_{60} = - 0,0177$ | $q_{60} = - 0,0029$ | $f_{60} = + 0,1584$ | $q_{60} = + 0,0263$ | + 0,00005 | - 0,00047 | + 0,00416 |
| $f_{61} = + 0,0403$ | $q_{61} = + 0,0121$ | $f_{61} = - 0,3612$ | $q_{61} = - 0,1085$ | + 0,00049 | - 0,00437 | + 0,03919 |
| $f_{62} = - 0,3979$ | $q_{62} = - 0,0368$ | $f_{62} = + 0,2185$ | $q_{62} = + 0,0496$ | + 0,01462 | - 0,01972 | + 0,01083 |
| $f_{64} = + 0,1806$ | $q_{64} = + 0,0241$ | $f_{64} = + 0,1518$ | $q_{64} = + 0,0565$ | + 0,00435 | + 0,01020 | + 0,00857 |
| $f_{65} = + 0,1328$ | $q_{65} = + 0,0292$ | $f_{65} = - 0,1169$ | $q_{65} = + 0,0131$ | + 0,00388 | + 0,00174 | - 0,00153 |
| $f_{67} = - 0,1001$ | $q_{67} = - 0,0761$ | $f_{67} = - 0,2998$ | $q_{67} = - 0,1945$ | + 0,00762 | + 0,01947 | + 0,05832 |
| $f_{68} = - 0,0184$ | $q_{68} = - 0,0263$ | $f_{68} = + 0,1652$ | $q_{68} = + 0,0547$ | + 0,00048 | - 0,00101 | + 0,00904 |
| $f_{69} = + 0,1185$ | $q_{69} = + 0,0988$ | $f_{69} = + 0,1846$ | $q_{69} = + 0,1122$ | + 0,01170 | + 0,01332 | + 0,01510 |
| $f_{70} = - 0,0706$ | $q_{70} = - 0,0140$ | $f_{70} = + 0,0622$ | $q_{70} = + 0,0124$ | + 0,00099 | - 0,00087 | + 0,00077 |
| $f_{71} = + 0,0369$ | $q_{71} = + 0,0052$ | $f_{71} = - 0,0325$ | $q_{71} = - 0,0046$ | + 0,00019 | - 0,00017 | + 0,00015 |
| $f_{72} = - 0,0786$ | $q_{72} = - 0,0725$ | $f_{72} = + 0,0692$ | $q_{72} = + 0,0639$ | + 0,00570 | - 0,00502 | + 0,00442 |
| $f_{75} = - 0,1231$ | $q_{75} = - 0,0075$ | $f_{75} = + 0,3687$ | $q_{75} = + 0,0223$ | + 0,00092 | - 0,00275 | + 0,00824 |
| $f_{76} = + 0,1237$ | $q_{76} = + 0,0143$ | $f_{76} = - 0,3704$ | $q_{76} = - 0,0427$ | + 0,00176 | - 0,00528 | + 0,01581 |
|                     |                     |                     |                     | + 0,54302 | - 0,45709 | + 3,99261 |

$$(XX)_s = + 0,5430$$

$$(XY)_s = - 0,4571$$

$$(YY)_s = + 3,9926$$

Berechnung der Summen  $(af)$ ,  $(bf)$ , . . .  $\frac{(af) (af)}{(A A)}$ ;  $\frac{(bf_1) (bf_1)}{(B B_1)}$ ; . . .

|     | $(af^x)$ | $(af^y)$     | $(XX)_N$     | $(XY)_N$   | $(YY)_N$ |
|-----|----------|--------------|--------------|------------|----------|
| 6.  | — 0,6996 | + 3,5618     | 22. 0,005124 | + 0,013588 | 0,036032 |
| 7.  | +        | 0,0709       | 21. 0,001711 | + 0,000734 | 0,000315 |
| 8.  | +        | 1,2995       | 53. 0,000000 | — 0,000001 | 0,000004 |
| 9.  | —        | 1,0028       | 28. 0,000792 | — 0,000265 | 0,000089 |
| 10. | —        | 1,8865       | 33. 0,000012 | — 0,000016 | 0,000020 |
| 11. | —        | 0,9060       | 27. 0,017684 | + 0,008807 | 0,004386 |
| 12. | +        | 18,0617      | 20. 0,003526 | + 0,001776 | 0,000894 |
| 13. | —        | 41,0711      | 19. 0,000988 | + 0,001134 | 0,001302 |
| 14. | +        | 11,0182      | 49. 0,002223 | — 0,005405 | 0,013139 |
| 15. | +        | 40,1834      | 26. 0,001866 | — 0,000845 | 0,000383 |
| 16. | +        | 2,6505       | 17. 0,000040 | — 0,000444 | 0,004936 |
| 17. | +        | 1,8035       | 52. 0,004953 | — 0,000858 | 0,000149 |
| 18. | +        | 0,1555       | 32. 0,000076 | — 0,000308 | 0,001244 |
| 19. | +        | 2,9183       | 31. 0,000039 | — 0,000007 | 0,000001 |
| 20. | +        | 6,6983       | 51. 0,000246 | + 0,000540 | 0,001186 |
| 21. | +        | 9,2460       | 30. 0,000016 | — 0,000031 | 0,000057 |
| 22. | —        | 8,5034       | 29. 0,000064 | — 0,001037 | 0,016798 |
| 23. | —        | 15,2060      | 50. 0,003765 | + 0,002075 | 0,001143 |
| 24. | +        | 12,5996      | 48. 0,001364 | + 0,017915 | 0,235316 |
| 25. | +        | 4,1375       | 47. 0,000113 | + 0,000716 | 0,004525 |
| 26. | —        | 2,3725       | 25. 0,000805 | — 0,000465 | 0,000268 |
| 27. | —        | 9,1113       | 24. 0,042630 | — 0,037515 | 0,033014 |
| 28. | —        | 2,6289       | 46. 0,002818 | — 0,004356 | 0,006731 |
| 29. | +        | 0,8297       | 45. 0,002520 | — 0,000491 | 0,000096 |
| 30. | +        | 2,2392       | 16. 0,000787 | + 0,002859 | 0,010385 |
| 31. | +        | 0,8464       | 15. 0,171258 | + 0,190513 | 0,211929 |
| 32. | +        | 1,2820       | 18. 0,002817 | + 0,003314 | 0,004741 |
| 33. | —        | 0,1145       | 14. 0,000513 | — 0,004097 | 0,032694 |
| 41. | +        | 2,2185       | 13. 0,067708 | — 0,252753 | 0,943540 |
| 42. | —        | 1,7845       | 12. 0,004029 | + 0,005312 | 0,007004 |
| 43. | +        | 14,6714      | 44. 0,000156 | + 0,001389 | 0,012398 |
| 44. | +        | 1,5569       | 43. 0,011128 | — 0,069797 | 0,437760 |
| 45. | +        | 3,9742       | 11. 0,000376 | — 0,004261 | 0,048257 |
| 46. | +        | 8,6310       | 8. 0,000615  | — 0,004412 | 0,031674 |
| 47. | +        | 1,4643       | 7. 0,006028  | — 0,014975 | 0,037201 |
| 48. | +        | 8,0770       | 42. 0,037542 | — 0,208972 | 1,163264 |
| 49. | +        | 1,5498       | 41. 0,000206 | + 0,000315 | 0,000484 |
| 50. | —        | 3,3058       | 10. 0,000100 | + 0,001127 | 0,012677 |
| 51. | —        | 0,0541       | 9. 0,000080  | — 0,001358 | 0,023077 |
| 52. | +        | 2,7838       | 6. 0,009775  | — 0,049240 | 0,248050 |
| 53. | —        | 0,0466       | 5. 0,000136  | — 0,000202 | 0,000299 |
|     |          | 4. 0,000078  | — 0,000116   | 0,000174   |          |
|     |          | 3. 0,000037  | — 0,000056   | 0,000083   |          |
|     |          | 2. 0,000013  | — 0,000019   | 0,000028   |          |
|     |          | 1. 0,000002  | — 0,000003   | 0,000004   |          |
|     |          | 23. 0,010155 | + 0,004356   | 0,001869   |          |
|     |          | 0,416414     | — 0,405835   | 3,589620   |          |

$$(XX)_N = + 0,4164$$

$$(XY)_N = - 0,4058$$

$$(YY)_N = + 3,5896$$

$$\begin{array}{l} (XX)_S = + 0,5430 \\ (XX)_N = + 0,4164 \\ \hline (XX) = + 0,1266 \\ m = \pm 1'',64 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} (XY)_S = - 0,4571 \\ (XY)_N = - 0,4058 \\ \hline (XY) = - 0,0513 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} (YY)_S = + 3,9926 \\ (YY)_N = + 3,5896 \\ \hline (YY) = + 0,4030 \\ m = \pm 1'',64 \end{array}$$

**$m_x = \pm 0,58$  Meter**

**$m_y = \pm 1,04$  Meter**

### Elemente der Fehlerellipse Pfänder.

Halbe grosse Axe = **1,05 Meter**

Halbe kleine Axe = **0,56** »

Azimuth der grossen Axe =  $100^\circ 10',6$

Winkel Gébris — grosse Axe =  $21^\circ 15',8$

Coordinate von Pfänder:  $X_3 = + 33204$  Meter,  $Y_3 = - 169075$  Meter

Entfernung von Röthi:  $S = 172305$  Meter, Azimuth dieser Linie  $\alpha = 281^\circ 6',7$

Reciprokes Gewicht:  $(SS) = 0,4121$   $(\alpha\alpha) = 0,1684$

$m = \pm 1'',64$   $m = \pm 1'',64$

Mittlerer Fehler:  **$m_s = \pm 1,05$  Meter**  **$m_\alpha = \pm 0'',67$**

Mittlerer Fehler in der Lage von Pfänder senkrecht gegen die Verbindungslien Pfänder-Röthi

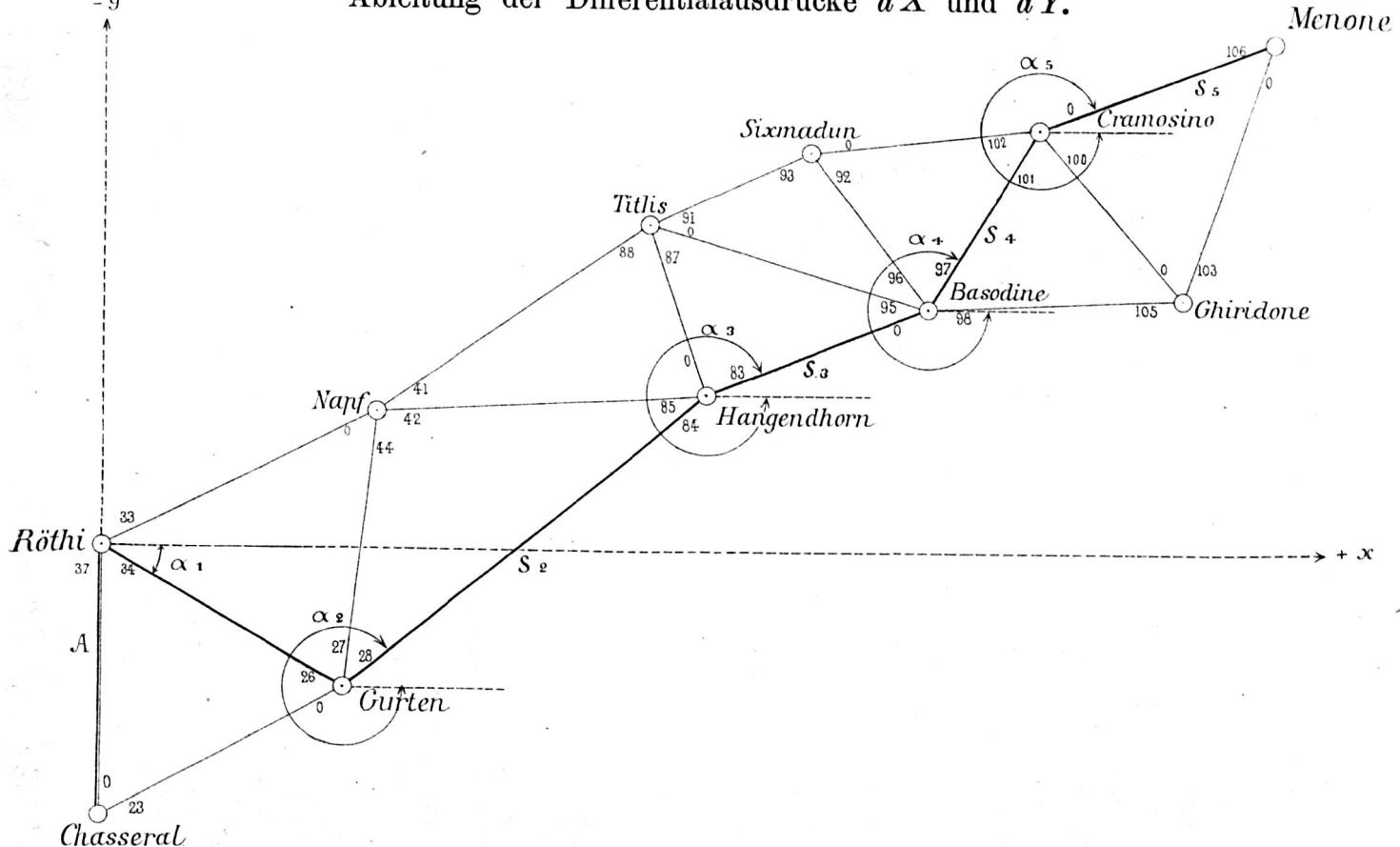
$$= \frac{S}{e} \cdot m_\alpha = 0,56 \text{ Meter}$$

$$\text{Verzerrungsverhältniss: } \frac{m_s}{S} = \frac{+1}{164000}$$

$$\text{Fehler am Logarithmus von S: Modul. } \frac{m_s}{S} = \pm 0,0000027$$

## Fehlerellipse Menone.

Ableitung der Differentialausdrücke  $dX$  und  $dY$ .



$$X = x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = s_1 \cos \alpha_1 + s_2 \cos \alpha_2 + s_3 \cos \alpha_3 + s_4 \cos \alpha_4 + s_5 \cos \alpha_5$$

$$Y = y_1 + y_2 + y_3 + y_4 + y_5 = s_1 \sin \alpha_1 + s_2 \sin \alpha_2 + s_3 \sin \alpha_3 + s_4 \sin \alpha_4 + s_5 \sin \alpha_5$$

$$dX = dx_1 + dx_2 + dx_3 + dx_4 + dx_5$$

$$dY = dy_1 + dy_2 + dy_3 + dy_4 + dy_5$$

$$dx_1 = \cos \alpha_1 \ ds_1 - \frac{s_1}{\varrho} \sin \alpha_1 \ d\alpha_1$$

$$dy_1 = \sin \alpha_1 \ ds_1 + \frac{s_1}{\varrho} \cos \alpha_1 \ d\alpha_1$$

$$s_1 = A \frac{\sin(23)}{\sin(26)}$$

$$ds_1 = \frac{s_1}{\varrho} \cotg(23) d(23) - \frac{s_1}{\varrho} \cotg(26) d(26)$$

$$dx_1 = \left[ \cos \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cotg(23) d(23) - \cos \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cotg(26) d(26) \right] - \frac{s_1}{\varrho} \sin \alpha_1 \ d\alpha_1$$

$$dy_1 = \left[ \sin \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cotg(23) d(23) - \sin \alpha_1 \frac{s_1}{\varrho} \cotg(26) d(26) \right] + \frac{s_1}{\varrho} \cos \alpha_1 \ d\alpha_1$$

u. s. w.

Aus der Berechnung folgt:

$$\begin{aligned}
 dx_1 &= + 0,08951 (23) - 0,09223 (26) && - 0,09535 (34) + 0,09535 (37) \\
 dx_2 &= + 0,13588 (23) - 0,33984 (26) && + 0,19983 (28) - 0,15393 (33) + 0,35376 (34) - 0,19983 (37) && + 0,04281 (42) + 0,11881 (44) \\
 &\quad + 0,33087 (84) - 0,33087 (85) \\
 dx_3 &= + 0,03245 (23) - 0,14316 (26) - 0,15404 (27) + 0,21224 (28) - 0,09340 (33) + 0,15160 (34) - 0,05820 (37) - 0,23632 (41) + 0,23632 (42) + 0,09807 (44) \\
 &\quad + 0,05820 (83) + 0,14257 (84) - 0,20077 (85) + 0,14966 (87) - 0,04409 (88) && - 0,18380 (95) \\
 dx_4 &= + 0,04092 (23) - 0,16410 (26) - 0,07644 (27) + 0,19838 (28) - 0,04635 (33) + 0,16829 (34) - 0,12194 (37) - 0,11727 (41) + 0,11727 (42) + 0,04867 (44) \\
 &\quad + 0,12589 (83) - 0,02171 (84) - 0,09663 (85) + 0,02188 (87) - 0,02188 (88) - 0,07890 (91) + 0,03057 (92) + 0,01463 (93) - 0,09121 (95) + 0,12194 (97) \\
 &\quad + 0,05350 (101) - 0,05350 (102) \\
 dx_5 &= + 0,08955 (23) - 0,15365 (26) - 0,16730 (27) + 0,22868 (28) - 0,10144 (33) + 0,16282 (34) - 0,06138 (37) - 0,25666 (41) + 0,25666 (42) + 0,10651 (44) \\
 &\quad + 0,07003 (83) + 0,15668 (84) - 0,21806 (85) + 0,04789 (87) - 0,04789 (88) - 0,17268 (91) + 0,06692 (92) + 0,03202 (93) - 0,19963 (95) - 0,04604 (97) \\
 &\quad + 0,10742 (98) + 0,05572 (101) - 0,11710 (102) + 0,09090 (103) + 0,12195 (105) - 0,13986 (106) \\
 dX &= + 0,4383 (23) - 0,8930 (26) - 0,3978 (27) + 0,8391 (28) - 0,3951 (33) + 0,7411 (34) - 0,3460 (37) - 0,6103 (41) + 0,6531 (42) + 0,3721 (44) \\
 &\quad + 0,2541 (83) + 0,6078 (84) - 0,8493 (85) + 0,2194 (87) - 0,1139 (88) - 0,2516 (91) + 0,0975 (92) + 0,0467 (93) - 0,4746 (95) + 0,0759 (97) \\
 &\quad + 0,1074 (98) + 0,1092 (101) - 0,1706 (102) + 0,0909 (103) + 0,1220 (105) - 0,1399 (106) \\
 dy_1 &= + 0,05336 (23) - 0,05498 (26) && + 0,15994 (34) - 0,15994 (37) \\
 dy_2 &= - 0,11183 (23) - 0,12759 (26) && + 0,24282 (28) + 0,12668 (33) + 0,11614 (34) - 0,24282 (37) && - 0,03523 (42) - 0,09778 (44) \\
 &\quad - 0,27229 (84) + 0,27229 (85) \\
 dy_3 &= - 0,03257 (23) - 0,11378 (26) + 0,06085 (27) + 0,08649 (28) + 0,03690 (33) + 0,11044 (34) - 0,14734 (37) + 0,09335 (41) - 0,09335 (42) - 0,03874 (44) \\
 &\quad + 0,14734 (83) - 0,22665 (84) + 0,07931 (85) - 0,05912 (87) + 0,01742 (88) && + 0,07261 (95) \\
 dy_4 &= - 0,06324 (23) - 0,00281 (26) + 0,12748 (27) - 0,05436 (28) + 0,07730 (33) - 0,00418 (34) - 0,07312 (37) + 0,19558 (41) - 0,19558 (42) - 0,08117 (44) \\
 &\quad + 0,06653 (83) - 0,23928 (84) + 0,16616 (85) - 0,03649 (87) + 0,03649 (88) + 0,13158 (91) - 0,05099 (92) - 0,02440 (93) + 0,15212 (95) + 0,07312 (97) \\
 &\quad - 0,08923 (101) + 0,08923 (102) \\
 dy_5 &= - 0,03435 (23) - 0,12463 (26) + 0,06417 (27) + 0,09586 (28) + 0,03891 (33) + 0,12112 (34) - 0,16003 (37) + 0,09845 (41) - 0,09845 (42) - 0,04086 (44) \\
 &\quad + 0,15671 (83) - 0,24368 (84) + 0,08365 (85) - 0,01837 (87) + 0,01837 (88) + 0,06624 (91) - 0,02567 (92) - 0,01228 (93) + 0,07658 (95) + 0,20124 (97) \\
 &\quad - 0,04121 (98) - 0,20495 (101) + 0,04492 (102) - 0,03457 (103) - 0,04678 (105) + 0,05365 (106) \\
 dY &= - 0,1936 (23) - 0,4238 (26) + 0,2325 (27) + 0,3708 (28) + 0,2798 (33) + 0,5035 (34) - 0,7833 (37) + 0,3874 (41) - 0,4226 (42) - 0,2556 (44) \\
 &\quad + 0,3706 (83) - 0,9819 (84) + 0,6014 (85) - 0,1140 (87) + 0,0723 (88) + 0,1978 (91) - 0,0767 (92) - 0,0367 (93) + 0,3013 (95) + 0,2744 (97) \\
 &\quad - 0,0412 (98) - 0,2942 (101) + 0,1342 (102) - 0,0349 (103) - 0,0468 (105) + 0,0537 (106)
 \end{aligned}$$

Berechnung von  $(f^x q^x) = (XX)_s$ ;  $(f^x q^y) = (XY)_s$ ;  $(f^y q^y) = (YY)_s$

| <i>X</i>             | <i>Y</i>             | $(XX)_s$             | $(XY)_s$             | $(YY)_s$    |
|----------------------|----------------------|----------------------|----------------------|-------------|
| $f_{23} = + 0,4383$  | $q_{23} = + 0,0943$  | $f_{23} = - 0,1936$  | $q_{23} = - 0,0416$  | $+ 0,04131$ |
| $f_{26} = - 0,8930$  | $q_{26} = - 0,1255$  | $f_{26} = - 0,4238$  | $q_{26} = + 0,0339$  | $+ 0,11211$ |
| $f_{27} = - 0,3978$  | $q_{27} = - 0,0445$  | $f_{27} = + 0,2525$  | $q_{27} = + 0,1872$  | $- 0,03027$ |
| $f_{28} = + 0,8391$  | $q_{28} = + 0,3447$  | $f_{28} = + 0,3708$  | $q_{28} = + 0,3272$  | $- 0,07448$ |
| $f_{33} = - 0,3951$  | $q_{33} = - 0,0500$  | $f_{33} = + 0,2798$  | $q_{33} = + 0,0231$  | $+ 0,28925$ |
| $f_{34} = + 0,7411$  | $q_{34} = + 0,0963$  | $f_{34} = + 0,5035$  | $q_{34} = + 0,0529$  | $+ 0,01769$ |
| $f_{37} = - 0,3460$  | $q_{37} = - 0,0117$  | $f_{37} = - 0,7833$  | $q_{37} = - 0,0393$  | $+ 0,00406$ |
| $f_{41} = - 0,6103$  | $q_{41} = + 0,0021$  | $f_{41} = + 0,3874$  | $q_{41} = - 0,0081$  | $- 0,00181$ |
| $f_{42} = + 0,6531$  | $q_{42} = + 0,1676$  | $f_{42} = - 0,4226$  | $q_{42} = - 0,1142$  | $+ 0,10947$ |
| $f_{44} = + 0,3721$  | $q_{44} = + 0,2058$  | $f_{44} = - 0,2586$  | $q_{44} = - 0,1440$  | $- 0,07657$ |
| $f_{83} = + 0,2541$  | $q_{83} = + 0,5294$  | $f_{83} = + 0,3706$  | $q_{83} = + 0,7721$  | $+ 0,13451$ |
| $f_{84} = + 0,6078$  | $q_{84} = + 0,5073$  | $f_{84} = - 0,9819$  | $q_{84} = - 1,2210$  | $+ 0,30836$ |
| $f_{85} = - 0,8493$  | $q_{85} = - 0,1258$  | $f_{85} = + 0,6014$  | $q_{85} = - 0,1982$  | $+ 0,10682$ |
| $f_{87} = + 0,2194$  | $q_{87} = + 0,1137$  | $f_{87} = - 0,1140$  | $q_{87} = - 0,0458$  | $+ 0,02494$ |
| $f_{88} = - 0,1139$  | $q_{88} = - 0,1088$  | $f_{88} = + 0,0723$  | $q_{88} = + 0,0871$  | $- 0,01004$ |
| $f_{91} = - 0,2516$  | $q_{91} = - 0,2522$  | $f_{91} = + 0,1978$  | $q_{91} = + 0,2017$  | $+ 0,01239$ |
| $f_{92} = + 0,0975$  | $q_{92} = + 0,0848$  | $f_{92} = - 0,0767$  | $q_{92} = - 0,0667$  | $+ 0,06345$ |
| $f_{93} = - 0,0467$  | $q_{93} = + 0,0537$  | $f_{93} = - 0,0367$  | $q_{93} = - 0,0423$  | $- 0,05075$ |
| $f_{95} = - 0,4746$  | $q_{95} = - 0,1537$  | $f_{95} = + 0,3013$  | $q_{95} = + 0,1731$  | $+ 0,00827$ |
| $f_{97} = + 0,0759$  | $q_{97} = - 0,0332$  | $f_{97} = + 0,2744$  | $q_{97} = + 0,2091$  | $- 0,00253$ |
| $f_{98} = + 0,1074$  | $q_{98} = - 0,0163$  | $f_{98} = - 0,0412$  | $q_{98} = + 0,1076$  | $+ 0,01156$ |
| $f_{101} = + 0,1092$ | $q_{101} = - 0,0174$ | $f_{101} = - 0,2942$ | $q_{101} = - 0,1348$ | $- 0,00190$ |
| $f_{102} = - 0,1706$ | $q_{102} = - 0,0958$ | $f_{102} = + 0,1342$ | $q_{102} = - 0,0409$ | $+ 0,01635$ |
| $f_{103} = + 0,0909$ | $q_{103} = + 0,0824$ | $f_{103} = - 0,0349$ | $q_{103} = - 0,0124$ | $- 0,00295$ |
| $f_{105} = + 0,1220$ | $q_{105} = + 0,0331$ | $f_{105} = - 0,0468$ | $q_{105} = - 0,0127$ | $+ 0,00404$ |
| $f_{106} = - 0,1399$ | $q_{106} = - 0,0717$ | $f_{106} = + 0,0537$ | $q_{106} = + 0,0275$ | $- 0,00104$ |
|                      |                      |                      |                      | $+ 1,50163$ |
|                      |                      |                      |                      | $- 0,45380$ |
|                      |                      |                      |                      | $+ 1,87422$ |

$$(XX)_s = + 1,5016$$

$$(XY)_s = - 0,4538$$

$$(YY)_s = + 1,8742$$

Berechnung der Summen  $(af)$ ,  $(bf)$ , . . . ,  $\frac{(af)}{(AA)}$ ,  $\frac{(bf)}{(BB)}$ , . . .

|     | $(af^x)$  | $(af^y)$     | $(XX)_N$     | $(XY)_N$   | $(YY)_N$ |
|-----|-----------|--------------|--------------|------------|----------|
| 6.  | — 1,7313  | + 0,7647     | 39. 0,002481 | + 0,002022 | 0,001648 |
| 7.  | — 10,0336 | — 15,1766    | 40. 0,000192 | + 0,000046 | 0,000011 |
| 8.  | — 25,3220 | — 18,8410    | 38. 0,000857 | + 0,005070 | 0,029982 |
| 9.  | — 0,4854  | — 0,9931     | 37. 0,002597 | + 0,000217 | 0,000018 |
| 10. | + 0,1025  | — 4,5725     | 36. 0,045241 | — 0,027576 | 0,016808 |
| 11. | + 22,5946 | — 10,7283    | 35. 0,087516 | + 0,141577 | 0,229026 |
| 12. | — 10,3160 | + 24,3997    | 34. 0,000001 | — 0,000064 | 0,003119 |
| 13. | — 1,4678  | — 1,6729     | 53. 0,006547 | + 0,000136 | 0,000003 |
| 14. | — 4,7186  | + 1,2430     | 28. .        | — 0,000001 | 0,000003 |
| 15. | + 2,0881  | — 1,9867     | 33. 0,000016 | — 0,000195 | 0,002424 |
| 16. | — 3,1335  | + 0,7383     | 27. .        | + 0,000001 | 0,000003 |
| 18. | + 0,4783  | + 0,4840     | 20. .        | . .        | .        |
| 24. | — 0,3354  | — 0,6180     | 19. .        | . .        | .        |
| 25. | — 2,8604  | + 0,6991     | 49. .        | . .        | .        |
| 29. | — 20,5748 | + 113,3057   | 26. .        | . .        | .        |
| 30. | + 27,0629 | + 10,1328    | 17. .        | . .        | .        |
| 31. | + 6,8891  | + 22,4887    | 52. 0,000197 | — 0,000017 | 0,000002 |
| 32. | — 4,1787  | + 3,0442     | 32. 0,000089 | — 0,000463 | 0,002415 |
| 33. | — 3,6986  | + 2,7433     | 31. 0,021467 | + 0,046725 | 0,101700 |
| 34. | — 10,5665 | + 8,2002     | 51. 0,063787 | — 0,042448 | 0,028248 |
| 35. | + 48,9356 | + 89,9475    | 30. 0,026960 | — 0,007929 | 0,011923 |
| 36. | + 27,2849 | — 16,9446    | 29. 0,012900 | — 0,092560 | 0,664114 |
| 37. | + 7,5044  | + 5,5414     | 50. 0,375592 | — 0,208186 | 0,115392 |
| 38. | — 1,8315  | — 16,4073    | 48. 0,003792 | — 0,002557 | 0,001725 |
| 39. | — 5,4584  | — 4,4486     | 47. 0,186483 | — 0,106638 | 0,060979 |
| 40. | — 1,9214  | — 0,4730     | 25. 0,004172 | — 0,001804 | 0,000780 |
| 41. | + 1,6035  | + 2,5663     | 24. 0,001283 | + 0,001005 | 0,000788 |
| 42. | + 8,8770  | + 4,3447     | 46. 0,000016 | — 0,000067 | 0,000275 |
| 43. | — 17,6607 | + 11,4478    | 45. 0,000105 | — 0,000065 | 0,000040 |
| 44. | — 21,3216 | + 3,4310     | 16. 0,000184 | — 0,000394 | 0,000843 |
| 45. | — 4,1288  | + 1,2720     | 15. 0,003045 | — 0,003288 | 0,003550 |
| 46. | — 3,8577  | + 0,7041     | 18. .        | + 0,000008 | 0,000166 |
| 47. | — 0,8193  | + 0,3869     | 14. 0,046361 | — 0,023863 | 0,012283 |
| 48. | — 3,1484  | + 0,7375     | 13. 0,001971 | — 0,003111 | 0,004911 |
| 50. | + 31,3410 | — 24,2687    | 12. 0,000674 | — 0,009992 | 0,148077 |
| 51. | + 5,3451  | — 4,9377     | 44. 0,012894 | — 0,007192 | 0,004011 |
| 52. | — 0,7018  | + 0,3685     | 43. 0,009658 | — 0,018827 | 0,036699 |
| 53. | + 5,6385  | — 3,0423     | 11. 0,000276 | — 0,001436 | 0,007471 |
|     |           | 8. 0,037149  | + 0,014567   | 0,005712   |          |
|     |           | 7. 0,000024  | — 0,000232   | 0,002216   |          |
|     |           | 42. 0,001578 | + 0,000072   | 0,000003   |          |
|     |           | 41. 0,000149 | + 0,000353   | 0,000836   |          |
|     |           | 10. 0,000013 | — 0,000341   | 0,008607   |          |
|     |           | 9. 0,013192  | + 0,016624   | 0,020949   |          |
|     |           | 6. 0,007805  | + 0,031014   | 0,123231   |          |
|     |           | 5. 0,000707  | + 0,000030   | 0,000001   |          |
|     |           | 4. 0,000401  | + 0,000015   | 0,000001   |          |
|     |           | 3. 0,000193  | + 0,000007   | .          |          |
|     |           | 2. 0,000064  | + 0,000002   | .          |          |
|     |           | 1. 0,000009  | . .          | .          |          |
|     |           | 0,978638     | — 0,409755   | 1,650993   |          |

$$(XX)_N = + 0,9786$$

$$(XY)_N = - 0,4098$$

$$(YY)_N = + 1,6510$$

|                     |                     |                     |
|---------------------|---------------------|---------------------|
| $(XX)_S = + 1,5016$ | $(XY)_S = - 0,4538$ | $(YY)_S = + 1,8742$ |
| $(XX)_N = + 0,9786$ | $(XY)_N = - 0,4098$ | $(YY)_N = + 1,6510$ |
| <hr/>               | <hr/>               | <hr/>               |
| $(XX) = + 0,5230$   | $(XY) = - 0,0440$   | $(YY) = + 0,2232$   |
| $m = \pm 1'',64$    |                     | $m = \pm 1'',64$    |

**$m_x = \pm 1,19$  Meter**       **$m_y = \pm 0,77$  Meter**

Elemente der Fehlerellipse Menone.

Halbe grosse Achse =  **$\pm 1,19$  Meter**  
Halbe kleine Achse =  **$\pm 0,76$**  »  
Azimuth der grossen Axe =  $171^\circ 48',8$   
Winkel Ghiridone — grosse Axe =  $61^\circ 38',7$

Coordinate von Menone:  $X_4 = + 161557$  Meter,       $Y_4 = - 71369$  Meter

Entfernung von Röthi:  $S = 176620$  Meter, Azimuth dieser Linie  $\alpha = 336^\circ 10',0$

Reciprokes Gewicht:  $(SS) = 0,5066$        $(\alpha\alpha) = 0,8268$   
 $m = \pm 1'',64$        $m = \pm 1'',64$

Mittlerer Fehler  $m_s = \pm 1,17$  Meter       $m_\alpha = \pm 0'',94$

Mittlerer Fehler in der Lage von Menone senkrecht zur Verbindungsline Menone—Röthi

$$= \frac{S}{\alpha} \cdot m_\alpha = \pm 0,80 \text{ Meter}$$

Verzerrungsverhältniss:  $\frac{m_s}{S} = \frac{\pm 1}{151000}$

Fehler am Logarithmus von  $S$ : Modul.  $\frac{m_s}{S} = \pm 0,0000029$

### Mittlerer Fehler in der Punktbestimmung

oder mittlere zu erwartende Entfernung zwischen dem wahrscheinlichsten und dem wahren Punkte.

$$M = \sqrt{m_x^2 + m_y^2}$$

|          |      |        |
|----------|------|--------|
| Trélod   | 1,32 | Meter. |
| Feldberg | 0,52 | »      |
| Pfänder  | 1,19 | »      |
| Menone   | 1,42 | »      |

### Abmessungen der wahrscheinlichen Fehlerellipsen.

Die Wahrscheinlichkeit, dass der wahre Punkt inner- oder ausserhalb dieser Ellipsen liege, ist gleich gross.

|          |              |        |              |        |        |      |           |        |
|----------|--------------|--------|--------------|--------|--------|------|-----------|--------|
| Trélod   | $A_1 = 1,35$ | Meter, | $A_2 = 0,74$ | Meter, | Fläche | 3,15 | $\square$ | Meter. |
| Feldberg | 0,54         | »      | 0,26         | »      |        | 0,44 | »         |        |
| Pfänder  | 1,24         | »      | 0,66         | »      |        | 2,56 | »         |        |
| Menone   | 1,40         | »      | 0,89         | »      |        | 3,95 | »         |        |

## Mittlere Fehler der Verbindungslien zwischen Trélod, Feldberg, Pfänder und Menone.

---

Die reciproken Gewichte der Coordinatenunterschiede setzen sich aus denen der einzelnen Coordinaten zusammen, welche bereits bei der Berechnung der Fehlerellipsen angeführt sind, wie  $(X_1 \ X_1)$ ,  $(X_1 \ Y_1)$ ,  $(Y_1 \ Y_1)$  . . . wo also die in der Klammer stehenden Grössen gleiche Zeiger haben; und aus solchen Coefficienten, welche aus der Verbindung der Coordinaten verschiedener Punkte hervorgehen, wie z. B.  $(X_1 \ X_2)$ ,  $(X_1 \ Y_2)$  . . . , wo die eingeklammerten Grössen verschiedene Zeiger führen.

Das besondere Netz, welches für die Gewichtsberechnung die Verbindung von Trélod mit Chasseral-Röthi vermittelt, hat mit den drei Netzen für die andern drei Punkte nur die Stationen Chasseral und Röthi gemeinschaftlich. Bei der Berechnung von  $(f \ q)$  bezieht sich  $f$  auf einen der drei Punkte und  $q$  auf Trélod; es kommen mithin nur solche  $q$  zur Verwendung, welche aus den Gewichtsgleichungen für Chasseral und Röthi abgeleitet sind; hingegen werden hierbei auch  $q$  auftreten, welche bei der vorhergegangenen Berechnung der Fehlerellipsen nicht erschienen, weil das ihnen entsprechende  $f$  für Trélod = 0 ist.

Der Gang der Rechnung für die Verbindungen zwischen den andern 3 Punkten ist der gleiche, wie der hier für Trélod angezeigte; die sämmtlichen Gewichtscoefficienten sind auf Seite 72 und weiter zusammengestellt.

---

### Verbindungen mit Eckpunkt Trélo X<sub>1</sub> Y<sub>1</sub>.

Berechnung von (X<sub>1</sub> X<sub>2</sub>)<sub>s</sub>, (X<sub>1</sub> Y<sub>2</sub>)<sub>s</sub>, (X<sub>1</sub> X<sub>3</sub>)<sub>s</sub>, (X<sub>1</sub> Y<sub>3</sub>)<sub>s</sub>, (X<sub>1</sub> X<sub>4</sub>)<sub>s</sub>, (X<sub>1</sub> Y<sub>4</sub>)<sub>s</sub>.

|                    |                                                                          |
|--------------------|--------------------------------------------------------------------------|
| $f_{22}^{x_1} = 0$ | $q_{22}^{x_1} = -0,2584 \times 0,0788 + 0,2110 \times 0,0502 = -0,00978$ |
| $f_{23} = 0$       | $q_{23} = -0,2584 \times 0,0918 + 0,2110 \times 0,0523 = -0,01268$       |
| $f_{24} = -0,2584$ | $q_{24} = -0,2584 \times 0,3577 + 0,2110 \times 0,0638 = -0,07896$       |
| $f_{25} = +0,2110$ | $q_{25} = -0,2584 \times 0,0638 + 0,2110 \times 0,3014 = +0,04711$       |
| $f_{31} = 0$       | $q_{31} = -1,1071 \times 0,0662 + 1,1071 \times 0,0943 = +0,03117$       |
| $f_{33} = 0$       | $q_{33} = -1,1071 \times 0,1242 + 1,1071 \times 0,1770 = +0,05847$       |
| $f_{34} = 0$       | $q_{34} = -1,1071 \times 0,1478 + 1,1071 \times 0,1878 = +0,04428$       |
| $f_{35} = -1,1071$ | $q_{35} = -1,1071 \times 0,5830 + 1,1071 \times 0,1314 = -0,49991$       |
| $f_{37} = +1,1071$ | $q_{37} = -1,1071 \times 0,1314 + 1,1071 \times 0,2341 = +0,11364$       |

#### Feldberg.

|                                   |                           |                              |                                   |                              |
|-----------------------------------|---------------------------|------------------------------|-----------------------------------|------------------------------|
| $f_{23}^{x_2} = -0,1385$          | $q_{23}^{x_1} = -0,01268$ | $f^{x_2} q^{x_1} = +0,00176$ | $f_{23}^{y_2} = -0,1574$          | $f^{y_2} q^{x_1} = +0,00200$ |
| $f_{37} = +0,2812$                | $q_{37} = +0,11364$       | $= -0,03196$                 | $f_{37} = +0,2475$                | $= +0,02813$                 |
| $(X_1 X_2)_s = [f^{x_2} q^{x_1}]$ |                           |                              | $= -0,03020$                      |                              |
|                                   |                           |                              | $(X_1 Y_2)_s = [f^{y_2} q^{x_1}]$ |                              |
|                                   |                           |                              | $= +0,03013$                      |                              |

#### Pfänder.

|                                   |                           |                              |                                   |                              |
|-----------------------------------|---------------------------|------------------------------|-----------------------------------|------------------------------|
| $f_{22}^{x_3} = +0,2446$          | $q_{22}^{x_1} = -0,00978$ | $f^{x_3} q^{x_1} = -0,00239$ | $f_{22}^{y_3} = -1,2454$          | $f^{y_3} q^{x_1} = +0,01219$ |
| $f_{31} = +0,0109$                | $q_{31} = +0,03117$       | $= +0,00034$                 | $f_{31} = +0,3714$                | $= +0,01158$                 |
| $f_{33} = +0,8088$                | $q_{33} = +0,05847$       | $= +0,04729$                 | $f_{33} = -0,2104$                | $= -0,01230$                 |
| $f_{37} = -0,8197$                | $q_{37} = +0,11364$       | $= -0,09315$                 | $f_{37} = -0,1610$                | $= -0,01830$                 |
| $(X_1 X_3)_s = [f^{x_3} q^{x_1}]$ |                           |                              | $= -0,04791$                      |                              |
|                                   |                           |                              | $(X_1 Y_3)_s = [f^{y_3} q^{x_1}]$ |                              |
|                                   |                           |                              | $= -0,00683$                      |                              |

#### Menone.

|                                   |                           |                              |                                   |                              |
|-----------------------------------|---------------------------|------------------------------|-----------------------------------|------------------------------|
| $f_{23}^{x_4} = +0,4381$          | $q_{23}^{x_1} = -0,01268$ | $f^{x_4} q^{x_1} = -0,00556$ | $f_{23}^{y_4} = -0,1936$          | $f^{y_4} q^{x_1} = +0,00245$ |
| $f_{33} = -0,3951$                | $q_{33} = +0,05847$       | $= -0,02310$                 | $f_{33} = +0,2798$                | $= +0,01636$                 |
| $f_{34} = +0,7411$                | $q_{34} = +0,04428$       | $= +0,03282$                 | $f_{34} = +0,5035$                | $= +0,02230$                 |
| $f_{37} = -0,3460$                | $q_{37} = +0,11364$       | $= -0,03932$                 | $f_{37} = -0,7833$                | $= -0,08901$                 |
| $(X_1 X_4)_s = [f^{x_4} q^{x_1}]$ |                           |                              | $= -0,03516$                      |                              |
|                                   |                           |                              | $(X_1 Y_4)_s = [f^{y_4} q^{x_1}]$ |                              |
|                                   |                           |                              | $= -0,04790$                      |                              |

Berechnung von  $(Y_1 X_2)_s$ ,  $(Y_1 Y_2)_s$ ,  $(Y_1 X_3)_s$ ,  $(Y_1 Y_3)_s$ ,  $(Y_1 X_4)_s$ ,  $(Y_1 Y_4)_s$ .

$$\begin{array}{ll}
 f_{22}^{y_1} = 0 & q_{22}^{y_1} = -0,3661 \times 0,0788 + 0,3214 \times 0,0502 = -0,01272 \\
 f_{23} = 0 & q_{23} = -0,3661 \times 0,0918 + 0,3214 \times 0,0523 = -0,01679 \\
 f_{24} = -0,3661 & q_{24} = -0,3661 \times 0,3577 + 0,3214 \times 0,0638 = -0,11043 \\
 f_{25} = +0,3214 & q_{25} = -0,3661 \times 0,0638 + 0,3214 \times 0,3014 = +0,07342 \\
 \\ 
 f_{31} = 0 & q_{31} = +0,0908 \times 0,0662 - 0,0908 \times 0,0943 = -0,00255 \\
 f_{33} = 0 & q_{33} = +0,0908 \times 0,1242 - 0,0908 \times 0,1770 = -0,00480 \\
 f_{34} = 0 & q_{34} = +0,0908 \times 0,1478 - 0,0908 \times 0,1878 = -0,00364 \\
 f_{35} = +0,0908 & q_{35} = +0,0908 \times 0,5830 - 0,0908 \times 0,1314 = +0,04101 \\
 f_{37} = -0,0908 & q_{37} = +0,0908 \times 0,1314 - 0,0908 \times 0,2341 = -0,00933
 \end{array}$$

### Feldberg.

$$\begin{array}{llllll}
 f_{23}^{x_2} = -0,1385 & q_{23}^{y_1} = -0,01679 & f^{x_2} q^{y_1} = +0,00233 & f_{23}^{y_2} = -0,1574 & f^{y_2} q^{y_1} = +0,00264 \\
 f_{37} = -0,2812 & q_{37} = -0,00933 & & = +0,00262 & f_{37} = +0,2475 & = -0,00231 \\
 & & (Y_1 X_2)_s = [f^{x_2} q^{y_1}] = +0,00495 & & (Y_1 Y_2)_s = [f^{y_2} q^{y_1}] = +0,00033 &
 \end{array}$$

### Pfänder.

$$\begin{array}{llllll}
 f_{22}^{x_3} = +0,2446 & q_{22}^{y_1} = -0,01272 & f^{x_3} q^{y_1} = -0,00311 & f_{22}^{y_3} = -1,2454 & f^{y_3} q^{y_1} = +0,01584 \\
 f_{31} = +0,0109 & q_{31} = -0,00255 & & = -0,00003 & f_{31} = +0,3714 & = -0,00095 \\
 f_{33} = +0,8088 & q_{33} = -0,00480 & & = -0,00389 & f_{33} = -0,2104 & = +0,00101 \\
 f_{37} = -0,8197 & q_{37} = -0,00933 & & = +0,00765 & f_{37} = -0,1610 & = +0,00150 \\
 & & (Y_1 X_3)_s = (f^{x_3} q^{y_1}) = +0,00062 & & (Y_1 Y_3)_s = [f^{y_3} q^{y_1}] = +0,01740 &
 \end{array}$$

### Menone.

$$\begin{array}{llllll}
 f_{23}^{x_4} = +0,43883 & q_{23}^{y_1} = -0,01679 & f^{x_4} q^{y_1} = -0,00736 & f_{23}^{y_4} = -0,1936 & f^{y_4} q^{y_1} = +0,00325 \\
 f_{33} = -0,8951 & q_{33} = -0,00480 & & = +0,00190 & f_{33} = +0,2798 & = -0,00134 \\
 f_{34} = +0,7411 & q_{34} = -0,00364 & & = -0,00270 & f_{34} = +0,5035 & = -0,00183 \\
 f_{37} = -0,3460 & q_{37} = -0,00933 & & = +0,00328 & f_{37} = -0,7833 & = +0,00731 \\
 & & (Y_1 X_4)_s = [f^{x_4} q^{y_1}] = -0,00493 & & (Y_1 Y_4)_s = [f^{y_4} q^{y_1}] = +0,00739 &
 \end{array}$$

Glieder von der Form  $\frac{(af \cdot n)^{x_1} \cdot (af \cdot n)^{x_2, y_2, x_3, y_3, x_4, y_4}}{(AA \cdot n)}$

| Nr. | $(X_1 X_2)_N$ | $(X_1 Y_2)_N$ | $(X_1 X_3)_N$ | $(X_1 Y_3)_N$ | $(X_1 X_4)_N$ | $(X_1 Y_4)_N$ |
|-----|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| 50  | + 0,000006    | + 0,000006    | + 0,000910    | + 0,000501    | - 0,009089    | + 0,005038    |
| 48  | - 0,000223    | - 0,000201    | - 0,000053    | - 0,000703    | - 0,000089    | + 0,000060    |
| 47  | - 0,000005    | - 0,000005    | - 0,000003    | - 0,000017    | + 0,000111    | - 0,000063    |
| 25  | - 0,000474    | - 0,000155    | + 0,000750    | - 0,000433    | - 0,001706    | + 0,000738    |
| 24  | - 0,001498    | - 0,001359    | + 0,006266    | - 0,005514    | + 0,001087    | + 0,000852    |
| 46  | - 0,000056    | + 0,000017    | - 0,000088    | + 0,000136    | - 0,000007    | + 0,000027    |
| 45  | + 0,000464    | + 0,000766    | - 0,000786    | + 0,000153    | + 0,000161    | - 0,000100    |
| 16  | + 0,001231    | + 0,001981    | + 0,000367    | + 0,001332    | - 0,000177    | + 0,000379    |
| 15  | + 0,001061    | + 0,001452    | + 0,006446    | + 0,007171    | + 0,000860    | - 0,000928    |
| 18  | - 0,001156    | + 0,005598    | + 0,002381    | + 0,003406    | + 0,000030    | + 0,000638    |
| 14  | - 0,001820    | - 0,001621    | + 0,000389    | - 0,003104    | - 0,003696    | + 0,001902    |
| 13  | + 0,000135    | + 0,001441    | - 0,011205    | + 0,041829    | - 0,001912    | + 0,003018    |
| 12  | + 0,001301    | + 0,002787    | - 0,002636    | - 0,003476    | - 0,001078    | + 0,015982    |
| 44  | - 0,019473    | - 0,011390    | - 0,005322    | - 0,047516    | + 0,048458    | - 0,027027    |
| 43  | + 0,014236    | + 0,021900    | + 0,037342    | - 0,234200    | - 0,034788    | + 0,067811    |
| 11  | - 0,000473    | - 0,000167    | + 0,000575    | - 0,006506    | + 0,000492    | - 0,002560    |
| 8   | - 0,012333    | - 0,012272    | - 0,008070    | + 0,057939    | + 0,062747    | + 0,024604    |
| 7   | + 0,001451    | - 0,002321    | + 0,017786    | - 0,044186    | + 0,001128    | - 0,010785    |
| 42  | + 0,002323    | + 0,003986    | - 0,059301    | + 0,330092    | - 0,012157    | - 0,000551    |
| 41  | - 0,000501    | + 0,000503    | - 0,000896    | - 0,001376    | - 0,000764    | - 0,001807    |
| 10  | - 0,002182    | + 0,000146    | - 0,000833    | - 0,009374    | + 0,000306    | - 0,007724    |
| 9   | + 0,000144    | + 0,002400    | + 0,001100    | - 0,018694    | - 0,014134    | - 0,017811    |
| 6   | - 0,004709    | - 0,001833    | + 0,016946    | - 0,085367    | - 0,015143    | - 0,060170    |
| 5   | + 0,000668    | + 0,001415    | - 0,002065    | + 0,003067    | - 0,004712    | - 0,000202    |
| 4   | + 0,000033    | + 0,000070    | - 0,000101    | + 0,000152    | - 0,000230    | - 0,000009    |
| 3   | + 0,000343    | + 0,000736    | - 0,001062    | + 0,001584    | - 0,002411    | - 0,000093    |
| 2   | + 0,000238    | + 0,000509    | - 0,000737    | + 0,001097    | - 0,001671    | - 0,000062    |
| 1   | + 0,000027    | + 0,000058    | - 0,000085    | + 0,000126    | - 0,000193    | - 0,000007    |
|     | <hr/>         | <hr/>         | <hr/>         | <hr/>         | <hr/>         | <hr/>         |
|     | - 0,021242    | + 0,014447    | - 0,001985    | - 0,011881    | + 0,011423    | - 0,008850    |

Glieder von der Form  $\frac{(af \cdot n)^{y_1} \cdot (af \cdot n)^{x_2, y_2, x_3, y_3, x_4, y_4}}{(AA \cdot n)}$

| Nr. | $(Y_1 X_2)_N$ | $(Y_1 Y_2)_N$ | $(Y_1 X_3)_N$ | $(Y_1 Y_3)_N$ | $(Y_1 X_4)_N$ | $(Y_1 Y_4)_N$ |
|-----|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| 50  | - 0,000001    | - 0,000000    | - 0,000075    | - 0,000041    | + 0,000749    | - 0,000415    |
| 48  | + 0,000017    | + 0,000016    | + 0,000004    | + 0,000055    | + 0,000007    | - 0,000005    |
| 47  | .             | .             | .             | .             | .             | .             |
| 25  | + 0,000039    | + 0,000013    | - 0,000062    | + 0,000036    | + 0,000140    | - 0,000061    |
| 24  | + 0,000123    | + 0,000111    | - 0,000513    | + 0,000451    | - 0,000089    | - 0,000070    |
| 46  | + 0,000005    | - 0,000002    | + 0,000008    | - 0,000013    | + 0,000001    | - 0,000003    |
| 45  | - 0,000037    | - 0,000061    | + 0,000063    | - 0,000012    | - 0,000013    | + 0,000008    |
| 16  | - 0,000100    | - 0,000160    | - 0,000030    | - 0,000108    | + 0,000014    | - 0,000031    |
| 15  | - 0,000088    | - 0,000121    | - 0,000537    | - 0,000597    | - 0,000071    | + 0,000077    |
| 18  | + 0,000095    | - 0,000460    | - 0,000196    | - 0,000280    | - 0,000002    | - 0,000052    |
| 14  | + 0,000158    | + 0,000141    | - 0,000034    | + 0,000269    | + 0,000321    | - 0,000165    |
| 13  | - 0,000043    | - 0,000460    | + 0,003579    | - 0,013360    | + 0,000611    | - 0,000964    |
| 12  | - 0,000555    | - 0,001190    | + 0,001125    | + 0,001484    | + 0,000460    | - 0,006821    |
| 44  | - 0,008988    | - 0,005257    | - 0,002456    | - 0,021932    | + 0,022366    | - 0,012475    |
| 43  | + 0,005968    | + 0,009181    | + 0,015655    | - 0,098186    | - 0,014584    | + 0,028429    |
| 11  | + 0,000169    | + 0,000060    | - 0,000206    | + 0,002332    | - 0,000176    | + 0,000918    |
| 8   | + 0,016470    | + 0,016388    | + 0,010778    | - 0,077377    | - 0,083798    | - 0,032859    |
| 7   | + 0,003225    | - 0,005155    | + 0,039515    | - 0,098164    | + 0,002505    | - 0,023960    |
| 42  | + 0,001832    | + 0,003144    | - 0,046770    | + 0,260347    | - 0,009588    | - 0,000435    |
| 41  | - 0,000450    | + 0,000451    | - 0,000804    | - 0,001234    | - 0,000686    | - 0,001621    |
| 10  | - 0,000441    | + 0,000029    | - 0,000168    | - 0,001893    | + 0,000062    | - 0,001560    |
| 9   | - 0,000297    | - 0,004940    | - 0,002265    | + 0,038479    | + 0,029093    | + 0,036662    |
| 6   | + 0,004109    | + 0,001600    | - 0,014787    | + 0,074490    | + 0,013214    | + 0,052504    |
| 5   | - 0,000034    | - 0,000073    | + 0,000106    | - 0,000158    | + 0,000242    | + 0,000010    |
| 4   | - 0,000469    | - 0,001007    | + 0,001451    | - 0,002172    | + 0,003296    | + 0,000124    |
| 3   | - 0,000248    | - 0,000533    | + 0,000769    | - 0,001146    | + 0,001745    | + 0,000067    |
| 2   | + 0,000085    | + 0,000182    | - 0,000264    | + 0,000392    | - 0,000597    | - 0,000022    |
| 1   | - 0,000002    | - 0,000005    | + 0,000007    | - 0,000011    | + 0,000016    | + 0,000001    |
|     | + 0,020542    | + 0,011892    | + 0,003893    | + 0,061651    | - 0,034762    | + 0,037281    |

Zusammenstellung der reciproken Gewichtscoefficienten,  
welche bei der Verbindung der 4 Eckpunkte  
**Trélod, Feldberg, Pfänder und Menone** gebraucht werden.

1. Eckpunkt **Trélod**.

$X_1 = + 123886$  Meter,  $Y_1 = + 159314$  Meter.

| $X_1$ verbunden mit | $(X_1 \cdot )_s$ | $(X_1 \cdot )_N$ | $(X_1 \cdot ) = (X_1 \cdot )_s - (X_1 \cdot )_N$ |
|---------------------|------------------|------------------|--------------------------------------------------|
| $X_1$               | + 1,0612         | + 0,7337         | $(X_1 X_1) = + 0,3275$                           |
| $Y_1$               | + 0,2936         | + 0,1214         | $(X_1 Y_1) = + 0,1722$                           |
| $X_2$               | - 0,0302         | - 0,0212         | $(X_1 X_2) = - 0,0090$                           |
| $Y_2$               | + 0,0301         | + 0,0144         | $(X_1 Y_2) = + 0,0157$                           |
| $X_3$               | - 0,0479         | - 0,0020         | $(X_1 X_3) = - 0,0459$                           |
| $Y_3$               | - 0,0068         | - 0,0119         | $(X_1 Y_3) = + 0,0051$                           |
|                     | - 0,0352         | + 0,0114         | $(X_1 X_4) = - 0,0466$                           |
| $Y_4$               | - 0,0479         | - 0,0089         | $(X_1 Y_4) = - 0,0390$                           |

| $Y_1$ verbunden mit | $(Y_1 \cdot )_s$ | $(Y_1 \cdot )_N$ | $(Y_1 \cdot ) = (Y_1 \cdot )_s - (Y_1 \cdot )_N$ |
|---------------------|------------------|------------------|--------------------------------------------------|
| $X_1$               | + 0,2936         | + 0,1214         | $(Y_1 X_1) = + 0,1722$                           |
| $Y_1$               | + 1,0198         | + 0,7063         | $(Y_1 Y_1) = + 0,3135$                           |
| $X_2$               | + 0,0050         | + 0,0205         | $(Y_1 X_2) = - 0,0155$                           |
| $Y_2$               | + 0,0003         | + 0,0119         | $(Y_1 Y_2) = - 0,0116$                           |
| $X_3$               | + 0,0006         | + 0,0039         | $(Y_1 X_3) = - 0,0033$                           |
| $Y_3$               | + 0,0174         | + 0,0617         | $(Y_1 Y_3) = - 0,0443$                           |
| $X_4$               | - 0,0049         | - 0,0348         | $(Y_1 X_4) = + 0,0299$                           |
| $Y_4$               | + 0,0074         | + 0,0373         | $(Y_1 Y_4) = - 0,0299$                           |

2. Eckpunkt **Feldberg.**

$$X_2 = -51052 \text{ Meter}, \quad Y_2 = -58010 \text{ Meter}.$$

| $X_2$ verbunden mit | $(X_2 \cdot )_s$ | $(X_2 \cdot )_N$ | $(X_2 \cdot ) = (X_2 \cdot )_s - (X_2 \cdot )_N$ |
|---------------------|------------------|------------------|--------------------------------------------------|
| $X_2$               | + 0,1209         | + 0,0695         | $(X_2 X_2) = + 0,0514$                           |
| $Y_2$               | + 0,1001         | + 0,0691         | $(X_2 Y_2) = + 0,0310$                           |
| $X_3$               | + 0,0135         | + 0,0205         | $(X_2 X_3) = - 0,0070$                           |
| $Y_3$               | + 0,2451         | + 0,1462         | $(X_2 Y_3) = + 0,0989$                           |
| $X_4$               | - 0,0723         | + 0,0113         | $(X_2 X_4) = - 0,0836$                           |
| $Y_4$               | + 0,0297         | - 0,0121         | $(X_2 Y_4) = + 0,0418$                           |

| $Y_2$ verbunden mit | $(Y_2 \cdot )_s$ | $(Y_2 \cdot )_N$ | $(Y_2 \cdot ) = (Y_2 \cdot )_s - (Y_2 \cdot )_N$ |
|---------------------|------------------|------------------|--------------------------------------------------|
| $X_2$               | + 0,1001         | + 0,0691         | $(Y_2 X_2) = + 0,0310$                           |
| $Y_2$               | + 0,1466         | + 0,0995         | $(Y_2 Y_2) = + 0,0471$                           |
| $X_3$               | - 0,0118         | + 0,0274         | $(Y_2 X_3) = - 0,0392$                           |
| $Y_3$               | + 0,2559         | + 0,1693         | $(Y_2 Y_3) = + 0,0866$                           |
| $X_4$               | - 0,0888         | + 0,0030         | $(Y_2 X_4) = - 0,0918$                           |
| $Y_4$               | + 0,0115         | - 0,0045         | $(Y_2 Y_4) = + 0,0160$                           |

3. Eckpunkt **Pfänder.**

$$X_3 = + 33204 \text{ Meter}, \quad Y_3 = - 169075 \text{ Meter}.$$

| $X_3$ verbunden mit | $(X_3 \cdot )_s$ | $(X_3 \cdot )_N$ | $(X_3 \cdot ) = (X_3 \cdot )_s - (X_3 \cdot )_N$ |
|---------------------|------------------|------------------|--------------------------------------------------|
| $X_3$               | + 0,5430         | + 0,4164         | $(X_3 X_3) = + 0,1266$                           |
| $Y_3$               | - 0,4571         | - 0,4058         | $(X_3 Y_3) = - 0,0513$                           |
| $X_4$               | + 0,0304         | - 0,0176         | $(X_3 X_4) = + 0,0480$                           |
| $Y_4$               | + 0,0100         | - 0,0504         | $(X_3 Y_4) = + 0,0604$                           |

| $Y_3$ verbunden mit | $(Y_3 \cdot )_s$ | $(Y_3 \cdot )_N$ | $(Y_3 \cdot ) = (Y_3 \cdot )_s - (Y_3 \cdot )_N$ |
|---------------------|------------------|------------------|--------------------------------------------------|
| $X_3$               | - 0,4571         | - 0,4058         | $(Y_3 X_3) = - 0,0513$                           |
| $Y_3$               | + 3,9926         | + 3,5896         | $(Y_3 Y_3) = + 0,4030$                           |
| $X_4$               | - 0,1539         | + 0,1188         | $(Y_3 X_4) = - 0,2727$                           |
| $Y_4$               | + 0,1056         | + 0,0112         | $(Y_3 Y_4) = + 0,0944$                           |

4. Eckpunkt **Menone.**

$$X_4 = + 161557 \text{ Meter}, \quad Y_4 = - 71369 \text{ Meter}.$$

|                           |          |          |                        |
|---------------------------|----------|----------|------------------------|
| $X_4$ verbunden mit $X_4$ | + 1,5016 | + 0,9786 | $(X_4 X_4) = + 0,5230$ |
|                           | $Y_4$    | - 0,4538 | $(X_4 Y_4) = - 0,0440$ |
| $Y_4$ verbunden mit $Y_4$ | + 1,8742 | + 1,6510 | $(Y_4 Y_4) = + 0,2232$ |

### Verbindungslien Trélo-d-Feldberg.

$$\begin{array}{llll}
 \xi = X_2 - X_1 = -174938 \text{ Meter} & (X_2 X_2) = +0,0514 & (X_2 Y_2) = +0,0310 & (Y_2 Y_2) = +0,0471 \\
 \eta = Y_2 - Y_1 = -217324 & \Rightarrow -2(X_2 X_1) = +0,0180 & -(X_2 Y_1) = +0,0155 & -2(Y_2 Y_1) = +0,0232 \\
 S = 278989 & \Rightarrow (X_1 X_1) = +0,3275 & -(X_1 Y_2) = -0,0157 & (Y_1 Y_1) = +0,3135 \\
 \alpha = 231^{\circ}10',1 & \hline (\xi \xi) = +0,3969 & (X_1 Y_1) = +0,1722 & (\eta \eta) = +0,3838 \\
 & & (\xi \eta) = +0,2030 &
 \end{array}$$

Mit den Formeln  $(SS) = \cos^2 \alpha (\xi \xi) + 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha (\xi \eta) + \sin^2 \alpha (\eta \eta)$  und

$(\alpha \alpha) = \frac{\varrho^2}{S^2} [\sin^2 \alpha (\xi \xi) - 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha (\xi \eta) + \cos^2 \alpha (\eta \eta)]$  erhält man die Resultate:

Reciprokes Gewicht:  $(SS) = 0,5873$   $(\alpha \alpha) = 0,1056$

Mittlerer Fehler:  $m_s = \pm 1,26 \text{ Meter}$   $m_\alpha = \pm 0'',53$

Verzerrungsverhältniss:  $\frac{m_s}{S} = \frac{\pm 1}{222000}$

Fehler am Logarithmus von  $S$ : Modul.  $\frac{m_s}{S} = \pm 0,0000020$

### Verbindungslien Trélo-d-Pfänder.

$$\begin{array}{llll}
 \xi = X_3 - X_1 = -90682 \text{ Meter} & (X_3 X_3) = +0,1266 & (X_3 Y_3) = -0,0513 & (Y_3 Y_3) = +0,4030 \\
 \eta = Y_3 - Y_1 = -328389 & \Rightarrow -2(X_3 X_1) = +0,0918 & -(X_3 Y_1) = +0,0033 & -2(Y_3 Y_1) = +0,0885 \\
 S = 340684 & \Rightarrow (X_1 X_1) = +0,3275 & -(X_1 Y_3) = -0,0051 & (Y_1 Y_1) = +0,3135 \\
 \alpha = 254^{\circ}33',8 & \hline (\xi \xi) = +0,5459 & (X_1 Y_1) = +0,1722 & (\eta \eta) = +0,8050 \\
 & & (\xi \eta) = +0,1191 &
 \end{array}$$

Reciprokes Gewicht:  $(SS) = 0,8478$   $(\alpha \alpha) = 0,1844$

Mittlerer Fehler:  $m_s = \pm 1,51 \text{ Meter}$   $m_\alpha = \pm 0'',70$

Verzerrungsverhältniss:  $\frac{m_s}{S} = \frac{\pm 1}{226000}$

Fehler am Logarithmus von  $S$ :  $= \pm 0,0000019$

### Verbindungslien Trélo-d-Menone.

$$\begin{array}{llll}
 \xi = X_4 - X_1 = +37671 \text{ Meter} & (X_4 X_4) = +0,5230 & (X_4 Y_4) = -0,0440 & (Y_4 Y_4) = +0,2232 \\
 \eta = Y_4 - Y_1 = -230683 & \Rightarrow -2(X_4 X_1) = +0,0932 & -(X_4 Y_1) = -0,0298 & -2(Y_4 Y_1) = +0,0598 \\
 S = 233740 & \Rightarrow (X_1 X_1) = +0,3275 & -(X_1 Y_4) = +0,0390 & (Y_1 Y_1) = +0,3135 \\
 \alpha = 279^{\circ}16',5 & \hline (\xi \xi) = +0,9437 & (X_1 Y_1) = +0,1722 & (\eta \eta) = +0,5965 \\
 & & (\xi \eta) = +0,1374 &
 \end{array}$$

Reciprokes Gewicht:  $(SS) = 0,5618$   $(\alpha \alpha) = 0,7619$

Mittlerer Fehler:  $m_s = \pm 1,23 \text{ Meter}$   $m_\alpha = \pm 1'',43$

Verzerrungsverhältniss:  $\frac{m_s}{S} = \frac{\pm 1}{190000}$

Fehler am Logarithmus von  $S$ :  $= 0,0000023$

### Verbindungslien **Feldberg-Pfänder.**

$$\begin{array}{llll}
 \xi = X_3 - X_2 = + 84256 \text{ Meter} & (X_3 X_3) = + 0,1266 & (X_3 Y_3) = - 0,0513 & (Y_3 Y_3) = + 0,4030 \\
 \eta = Y_3 - Y_2 = - 111065 \quad \Rightarrow & -2(X_3 X_2) = + 0,0140 & -(X_3 Y_2) = + 0,0392 & -2(Y_3 Y_2) = - 0,1732 \\
 S = 139410 \quad \Rightarrow & \frac{(X_2 X_2) = + 0,0514}{(\xi \xi) = + 0,1920} & -(X_2 Y_3) = - 0,0989 & \frac{(Y_2 Y_2) = + 0,0471}{(\eta \eta) = + 0,2769} \\
 \alpha = 307^\circ 11', 1 & & \frac{(X_2 Y_2) = + 0,0310}{(\xi \eta) = - 0,0800} & \\
 & & & 
 \end{array}$$

Reciprokes Gewicht:  $(SS) = 0,3229$   $(\alpha \alpha) = 0,3195$   
**Mittlerer Fehler:**  $m_s = \pm 0,93$  Meter  $m_\alpha = \pm 0'',93$

$$\text{Verzerrungsverhältniss: } \frac{m_s}{S} = \frac{\pm 1}{150000}$$

Fehler am Logarithmus von  $S$ :  $= \pm 0,0000029$

### Verbindungslien **Feldberg-Menone.**

$$\begin{array}{llll}
 \xi = X_4 - X_2 = + 212609 \text{ Meter} & (X_4 X_4) = + 0,5230 & (X_4 Y_4) = - 0,0440 & (Y_4 Y_4) = + 0,2232 \\
 \eta = Y_4 - Y_2 = - 13359 \quad \Rightarrow & -2(X_4 X_2) = + 0,1672 & -(X_4 Y_2) = + 0,0918 & -2(Y_4 Y_2) = - 0,0320 \\
 S = 213025 \quad \Rightarrow & \frac{(X_2 X_2) = + 0,0514}{(\xi \xi) = + 0,7416} & -(X_2 Y_4) = - 0,0418 & \frac{(Y_2 Y_2) = + 0,0471}{(\eta \eta) = + 0,2383} \\
 \alpha = 356^\circ 24', 3 & & \frac{(X_2 Y_2) = + 0,0310}{(\xi \eta) = + 0,0370} & \\
 & & & 
 \end{array}$$

Reciprokes Gewicht:  $(SS) = 0,7350$   $(\alpha \alpha) = 0,2297$   
**Mittlerer Fehler:**  $m_s = \pm 1,41$  Meter  $m_\alpha = \pm 0'',79$

$$\text{Verzerrungsverhältniss: } \frac{m_s}{S} = \frac{\pm 1}{152000}$$

Fehler am Logarithmus von  $S$ :  $= \pm 0,0000029$

### Verbindungslien **Pfänder-Menone.**

$$\begin{array}{llll}
 \xi = X_4 - X_3 = + 128353 \text{ Meter} & (X_4 X_4) = + 0,5230 & (X_4 Y_4) = - 0,0440 & (Y_4 Y_4) = + 0,2232 \\
 \eta = Y_4 - Y_3 = + 97706 \quad \Rightarrow & -2(X_4 X_3) = - 0,0960 & -(X_4 Y_3) = + 0,2727 & -2(Y_4 Y_3) = - 0,1888 \\
 S = 161311 \quad \Rightarrow & \frac{(X_3 X_3) = + 0,1266}{(\xi \xi) = + 0,5536} & -(X_3 Y_4) = - 0,0604 & \frac{(Y_3 Y_3) = + 0,4030}{(\eta \eta) = + 0,4374} \\
 \alpha = 37^\circ 16', 8 & & \frac{(X_3 Y_3) = - 0,0513}{(\xi \eta) = + 0,1170} & \\
 & & & 
 \end{array}$$

Reciprokes Gewicht:  $(SS) = 0,6238$   $(\alpha \alpha) = 0,6005$   
**Mittlerer Fehler:**  $m_s = \pm 1,30$  Meter  $m_\alpha = \pm 1'',27$

$$\text{Verzerrungsverhältniss: } \frac{m_s}{S} = \frac{\pm 1}{125000}$$

Fehler am Logarithmus von  $S$ :  $= \pm 0,0000035$

In den folgenden Tabellen sind die Ergebnisse der Fehlerberechnungen zusammengestellt.  
Die beigegebene Skizze veranschaulicht die Genauigkeit in der Lage der 4 Eckpunkte gegen die Ausgangsseite Chasseral-Röthi.

## Zusammenstellung von mittleren Fehlern, welche in Folge der Winkelfehler auftreten.

---

### Mittlere Fehler von Dreieckseiten.

|                                        | Mittlerer Fehler | Verhältniss zur Seitenlänge | Mittlerer Fehler an der 7. Log.-Stelle |
|----------------------------------------|------------------|-----------------------------|----------------------------------------|
| <b>Chasseral-Röthi (A) (38,1 Km.)</b>  |                  |                             |                                        |
| abgeleitet aus Hörnli-Hersberg (B)     | $\pm 0^m,34$     | 1 : 113000                  | $\pm 38$                               |
| » » Ghiridone-Menone (C)               | $\pm 0,54$       | 1 : 71000                   | $\pm 61$                               |
| <b>Hörnli-Hersberg (B) (45,1 Km.)</b>  |                  |                             |                                        |
| abgeleitet aus Chasseral-Röthi (A)     | $\pm 0,40$       | 1 : 113000                  | $\pm 38$                               |
| » » Ghiridone-Menone (B)               | $\pm 0,68$       | 1 : 67000                   | $\pm 65$                               |
| <b>Ghiridone-Menone (C) (38,4 Km.)</b> |                  |                             |                                        |
| abgeleitet aus Chasseral-Röthi (A)     | $\pm 0,54$       | 1 : 71000                   | $\pm 61$                               |
| » » Hörnli Hersberg (B)                | $\pm 0,57$       | 1 : 67000                   | $\pm 65$                               |

### Mittlere Fehlerellipsen in Bezug auf Chasseral-Röthi.

|          | Halbe grosse Axe   | Halbe kleine Axe   | Winkel                        |
|----------|--------------------|--------------------|-------------------------------|
| Trélod   | 1 <sup>m</sup> ,15 | 0 <sup>m</sup> ,63 | Colombier grosse Axe = 79°51' |
| Feldberg | 0,46               | 0,22               | Hohentwiel » » = 101°13'      |
| Pfänder  | 1,05               | 0,56               | Gäbris » » = 21°16'           |
| Menone   | 1,19               | 0,76               | Ghiridone » » = 61°39'        |

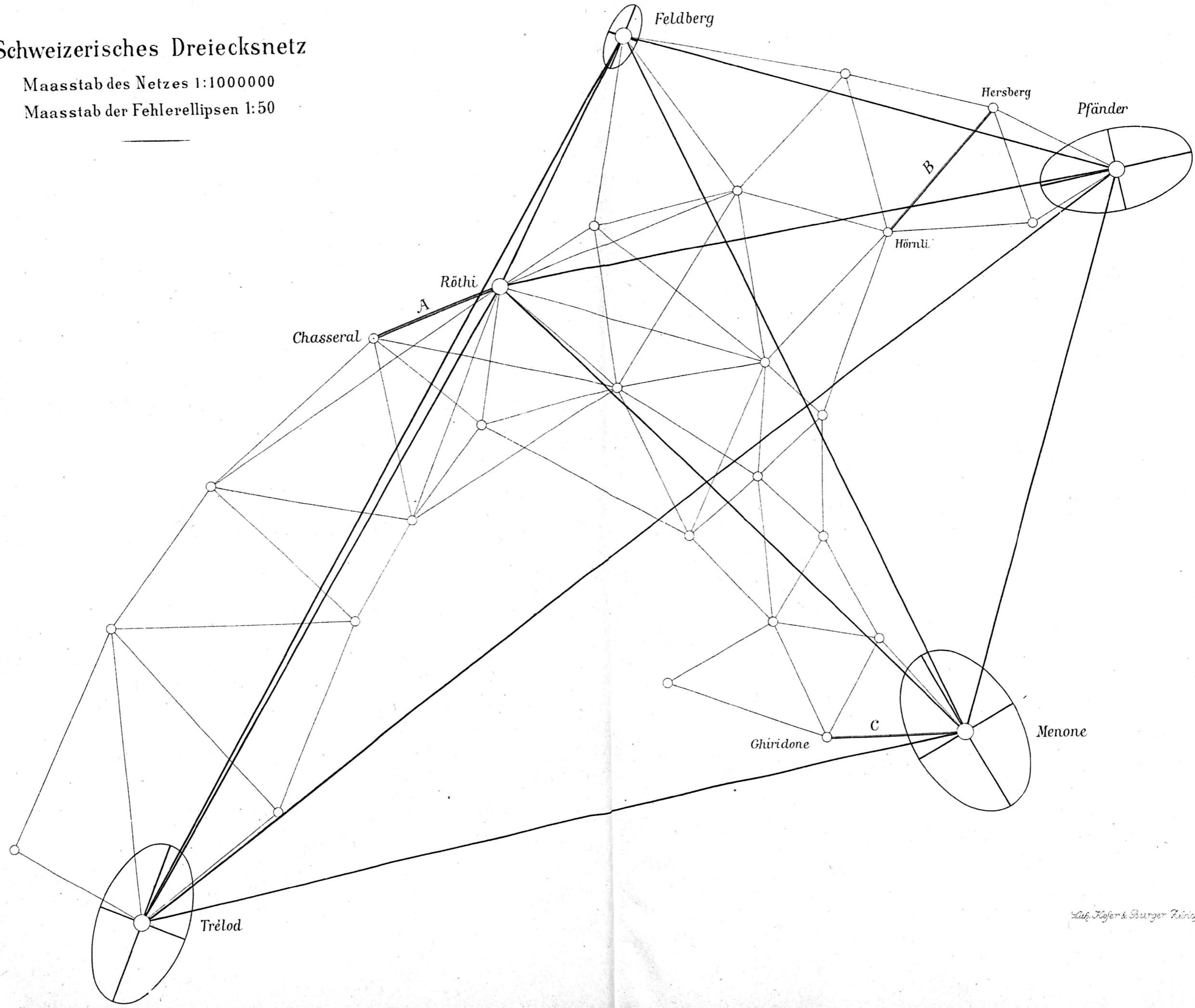
### Mittlere Fehler der Verbindungslien, abgeleitet aus Chasseral-Röthi.

|                  | Länge<br>Kilometer | Mittlere Fehler | Verhältniss zur Länge | Mittlere Fehler am Logar. | Mittlere Fehler des Winkels mit Chasseral-Röthi |
|------------------|--------------------|-----------------|-----------------------|---------------------------|-------------------------------------------------|
| Röthi-Trélod     | 201,8              | $\pm 1^m,14$    | 1 : 177000            | $\pm 25$                  | $\pm 0'',66$                                    |
| Röthi-Feldberg   | 77,3               | $\pm 0,46$      | 1 : 167000            | $\pm 26$                  | $\pm 0,60$                                      |
| Röthi-Pfänder    | 172,3              | $\pm 1,05$      | 1 : 164000            | $\pm 27$                  | $\pm 0,67$                                      |
| Röthi-Menone     | 176,6              | $\pm 1,17$      | 1 : 151000            | $\pm 29$                  | $\pm 0,94$                                      |
| Trélod-Feldberg  | 279,0              | $\pm 1,26$      | 1 : 222000            | $\pm 20$                  | $\pm 0,53$                                      |
| Trélod-Pfänder   | 340,7              | $\pm 1,51$      | 1 : 226000            | $\pm 19$                  | $\pm 0,70$                                      |
| Trélod-Menone    | 233,7              | $\pm 1,23$      | 1 : 190000            | $\pm 23$                  | $\pm 1,43$                                      |
| Feldberg-Pfänder | 139,4              | $\pm 0,93$      | 1 : 150000            | $\pm 29$                  | $\pm 0,93$                                      |
| Feldberg-Menone  | 213,0              | $\pm 1,41$      | 1 : 152000            | $\pm 29$                  | $\pm 0,79$                                      |
| Pfänder-Menone   | 161,3              | $\pm 1,80$      | 1 : 125000            | $\pm 35$                  | $\pm 1,27$                                      |

# Schweizerisches Dreiecksnetz

Maasstab des Netzes 1:1000000

Maasstab der Fehlerellipsen 1:50





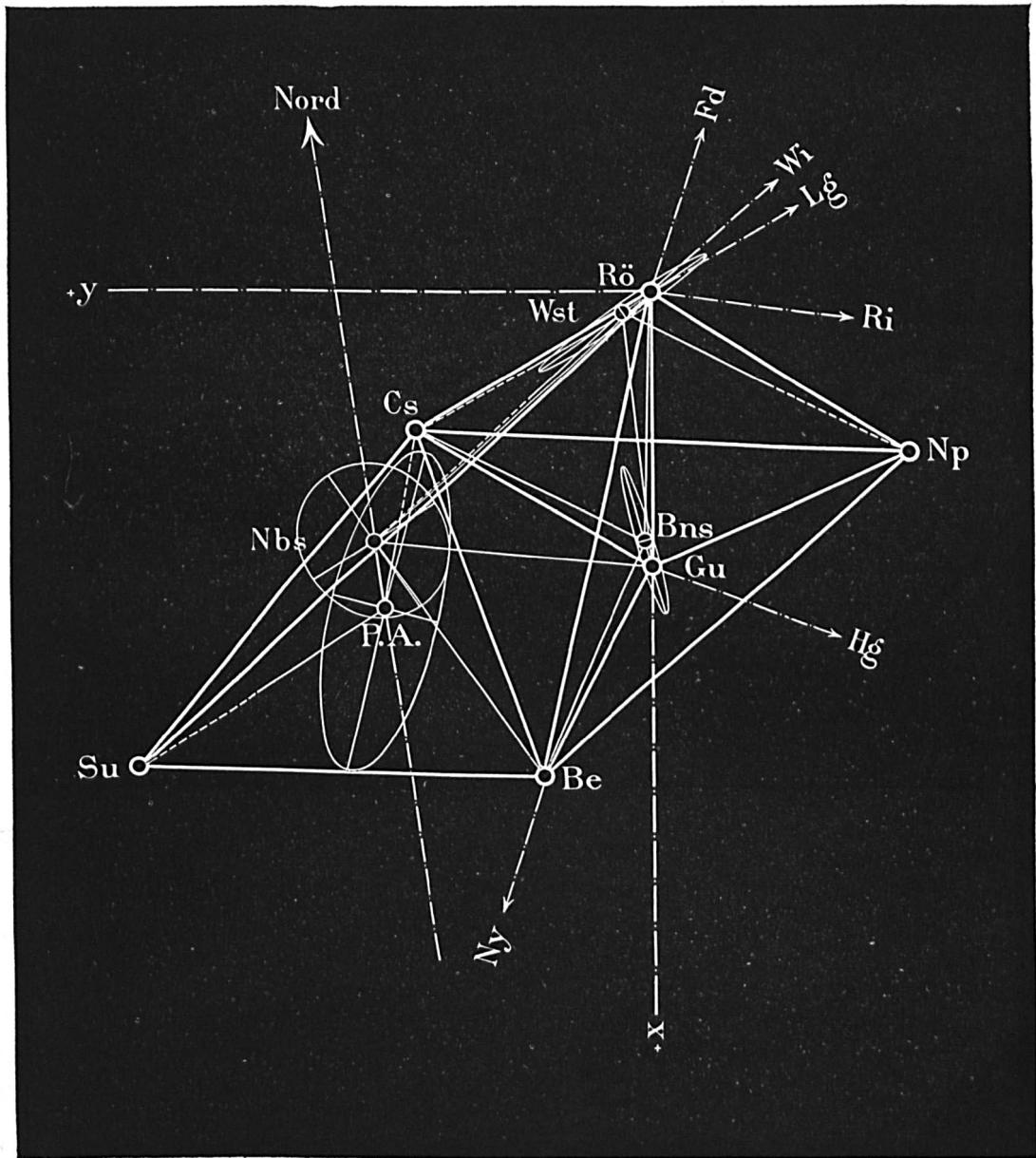
B.

## Die Anschlussnetze der Sternwarten und astronomischen Punkte.

---



## Anschluss des Nullpunktes Bern, der Sternwarte Neuenburg und der astronom. Station Weissenstein.



Masstab des Netzes 1 : 1000000; der Fehlerellipsen 1 : 10.

Diese Punkte, sowie die Südmire der Sternwarte Neuenburg, sind an die Stationen Suchet, Berra, Gurten, Chasseral, Röthi und Napf des Hauptnetzes angeschlossen.

Die Beobachtungen auf den Stationen des Hauptnetzes sind im I. Bande für Berra vollständig angeführt, während zu jenen auf Chasseral, Gurten und Röthi noch einige hinzutreten.

## Station Chasseral.

Auf dieser Station des Hauptnetzes wurde ausser den im I. Band Seite 77 angegebenen Messungen auch der Winkel Nullpunkt Bern-Röthi gemessen. — Da dieser Winkel nur mit einer Richtung des Hauptnetzes verbunden ist, so wurde er bei der Stationsausgleichung nicht berücksichtigt und erscheint bei Station Chasseral im I. Band nicht angeführt.

Die Messungen wurden von Herrn Jacky am 5. August 1876 auf dem exzentrischen Standpunkte  $e$  (I. Band, Seite 73) ausgeführt.

Für die Centrirung des Winkels hat man folgende Daten:

|               | genäherte Richtung | genäherte Entfernung | Centrirung |
|---------------|--------------------|----------------------|------------|
| Chasseral (S) | 0° 0',0            | 2m,365               |            |
| Röthi         | 214 24,4           | 38128                | — 7",23    |
| Bern          | 270 53,7           | 35212                | — 13,81    |

Die Reduction der Richtung nach exzentrischer Station Bern auf Nullpunkt Bern ist — 11",99.

### Beobachtungen auf Station Chasseral

für den Anschluss von Nullpunkt Bern.

| Nº 1 Röthi-Bern (exc. St.) |               |   |                | Nº 4             |                |                |               | Nº 7           |                |   |               |
|----------------------------|---------------|---|----------------|------------------|----------------|----------------|---------------|----------------|----------------|---|---------------|
| Standp. $e$                | 5. VIII. 1876 | 0 | 253° 49' 26",2 | 0                | 147° 40' 16",2 | 6              | 232° 35' 32,5 | 0              | 147° 40' 16",2 | 6 | 126° 26' 12,5 |
| Beob.: Jacky               |               |   |                | $x = 56^\circ$   | 27' 41",02     |                |               | $x = 56^\circ$ | 27' 39",38     |   |               |
| 0 0° 1' 15",0              |               |   |                | $r = -$          | 6",58          |                |               | $r = -$        | 6",58          |   |               |
| 12 317 32 58,7             |               |   |                | $r' = -$         | 11",99         |                |               | $r' = -$       | 11",99         |   |               |
| $x = 56^\circ$             | 27' 38",64    |   |                | Nº 4 = 56°       | 27' 22",45     |                |               | Nº 7 = 56°     | 27' 20",81     |   |               |
| $r = -$                    | 6",58         |   |                |                  |                |                |               |                |                |   |               |
| $r' = -$                   | 11",99        |   |                |                  |                |                |               |                |                |   |               |
| Nº 1 = 56°                 | 27' 20",07    |   |                |                  |                |                |               |                |                |   |               |
| Nº 2                       |               |   |                | Nº 5             |                |                |               | Nº 6           |                |   |               |
| 0 317° 32' 8",7            |               |   |                | 0 232° 35' 30",0 | +4",8          | 6 211 17 288,7 | -9,6          | N = 6          | M = 279,13     |   |               |
| 12 275 3 58,7              |               |   |                | 12 189 59 518,7  | +4,8           |                |               | $x = 56^\circ$ | 27' 40",72     |   |               |
| $x = 56^\circ$             | 27' 39",17    |   |                |                  |                | $r = -$        | 6",58         | $r = -$        | 6",58          |   |               |
| $r = -$                    | 6",58         |   |                |                  |                | $r' = -$       | 11",99        | $r' = -$       | 11",99         |   |               |
| Nº 2 = 56°                 | 27' 20",60    |   |                | Nº 5 = 56°       | 27' 22",15     |                |               |                |                |   |               |
| Nº 3                       |               |   |                | Nº 6             |                |                |               | Nº 7           |                |   |               |
| 0 275° 3' 58",7            |               |   |                | 0 190° 7' 35",0  | +1",5          | 6 168 49 298,7 | -2,9          | Röthi          | 0° 0' 0",00    |   |               |
| 6 253 49 28,7              |               |   |                | 12 147 31 553,7  | +1,4           |                |               | Nullpunkt Bern | 56 27 21,33    |   |               |
| $x = 56^\circ$             | 27' 35",00    |   |                | N = 6            | M = 295,80     |                |               |                |                |   |               |
| $r = -$                    | 6",58         |   |                | $x = 56^\circ$   | 27' 43",22     |                |               |                |                |   |               |
| $r' = -$                   | 11",99        |   |                | $r = -$          | 6",58          |                |               |                |                |   |               |
| Nº 3 = 56°                 | 27' 16",43    |   |                | $r' = -$         | 11",99         |                |               |                |                |   |               |
|                            |               |   |                | Nº 6 = 56°       | 27' 24",65     |                |               |                |                |   |               |

Das Mittel dieser sieben Winkel, gebildet mit den Repetitionszahlen als Gewichten, gibt das

Resultat:

Röthi 0° 0' 0",00  
Nullpunkt Bern 56 27 21,33

## Station Gurten.

Auf Station Gurten wurde ausser dem auf Seite 87 des I. Bandes angegebenen Winkelsatze noch der Winkel Weissenstein-Röthi gemessen. Derselbe ist als einzelner von den andern Richtungen auf Gurten unabhängiger Winkel in die Stationsausgleichung nicht einbezogen, sondern tritt als selbstständige Messung zu jenem Winkelsatze hinzu.

Die Messung wurde von Herrn Denzler am 26. Juni 1868 auf centrischem Standpunkte ausgeführt.

| Nº 1 Weissenstein-Röthi     |    |    |       |       |  | Nº 2 |      |     |       |       |  |
|-----------------------------|----|----|-------|-------|--|------|------|-----|-------|-------|--|
| Standp. centr. 1868. VI. 26 |    |    |       |       |  |      |      |     |       |       |  |
| Beob.: Denzler 9" Starke    |    |    |       |       |  |      |      |     |       |       |  |
| 0                           | 0° | 0' | 13",7 | +1",9 |  | 0    | 305° | 24' | 48",7 | +2",4 |  |
| 1                           | 1  | 47 | 53,7  | -0,8  |  | 1    | 307  | 11  | 90,0  | -3,8  |  |
| 2                           | 3  | 34 | 90,0  | +0,3  |  | 2    | 308  | 58  | 123,7 | -2,4  |  |
| 3                           | 5  | 21 | 127,5 | +0,1  |  | 3    | 310  | 45  | 158,7 | -2,3  |  |
| 4                           | 7  | 8  | 168,7 | -3,7  |  | 4    | 312  | 32  | 193,7 | -2,2  |  |
| 5                           | 8  | 55 | 203,7 | -1,3  |  | 5    | 314  | 19  | 225,0 | +1,6  |  |
| 6                           | 10 | 42 | 236,2 | +3,5  |  | 6    | 316  | 6   | 261,2 | +0,5  |  |
| <hr/> N = 3 M = 127,64      |    |    |       |       |  | 7    | 317  | 53  | 292,5 | +4,3  |  |
| <hr/> Nº 1 = 1° 47' 37",36  |    |    |       |       |  | 8    | 319  | 40  | 325,0 | +6,9  |  |
|                             |    |    |       |       |  | 9    | 321  | 27  | 366,2 | +0,8  |  |
|                             |    |    |       |       |  | 10   | 323  | 14  | 400,0 | +2,1  |  |
|                             |    |    |       |       |  | 11   | 325  | 1   | 442,5 | -5,3  |  |
|                             |    |    |       |       |  | 12   | 326  | 48  | 475,0 | -2,7  |  |
| <hr/> Nº 6 M = 261,71       |    |    |       |       |  |      |      |     |       |       |  |
| <hr/> Nº 2 = 1° 47' 35",10  |    |    |       |       |  |      |      |     |       |       |  |

Das Mittel dieser zwei Winkel, gebildet mit den Repetitionszahlen als Gewichten, ist = 1° 47' 35",85.

In die Ausgleichung des Anschlussnetzes gehen zwei Winkelsätze ein:

Aus der Stationsausgleichung für Gurten I. Band Seite 87 folgt:

### Station Gurten (a)

|                   |     |    |       |
|-------------------|-----|----|-------|
| Röthi             | 0°  | 0' | 0",00 |
| Napf              | 66  | 1  | 14,04 |
| Hangendhorn       | 109 | 44 | 52,55 |
| Berra             | 207 | 1  | 55,38 |
| Neuenburg (M. C.) | 274 | 33 | 4,87  |
| Chasseral         | 299 | 58 | 5,49  |
| Bern Nullpunkt    | 344 | 29 | 26,79 |

Obenstehendes Satzmittel :

### Station Gurten (b)

|              |     |    |       |
|--------------|-----|----|-------|
| Röthi        | 0°  | 0' | 0",00 |
| Weissenstein | 358 | 12 | 24,15 |

Im I. Bande, Seite 82 ist ein Druckfehler zu berichtigen; es soll dort heißen: Reduction der Richtung Gurten-Neuenburg auf das Centrum des Meridiankreises +6",48, statt -6",48.

## Station Röthi.

Auf Station Röthi wurde auch der Winkel Sternwarte Bern excentrische Station Weissenstein gemessen.

Der Winkel wurde von Herrn Jacky am 29. August 1876 auf centrischem Standpunkte gemessen.

Die Reduction der Richtung Sternwarte Bern excentrische Station auf Nullpunkt Bern beträgt  $+ 27'',86$ .

Nº 1 Sternw. Bern (exc. St.) — Weissenstein

|            |     |            |         |               |
|------------|-----|------------|---------|---------------|
| 0          | 73° | 24'        | 38'',7  | -1'',9        |
| 6          | 36  | 24         | 216,2   | +3,8          |
| 12         | 359 | 24         | 405,0   | -1,9          |
| <hr/>      |     |            |         |               |
| N = 6      |     | M = 219,97 |         |               |
| <hr/>      |     |            |         |               |
| x = 53°    |     | 50'        | 30'',52 |               |
| <hr/>      |     |            |         | r = - 27'',86 |
| Nº 1 = 53° |     | 50'        | 2'',66  |               |

In die Ausgleichung des Anschlussnetzes gehen auf Station Röthi zwei Winkelsätze ein:

Aus der Stationsausgleichung für Röthi I. Band, Seite 101 folgt:

Station Röthi (a)

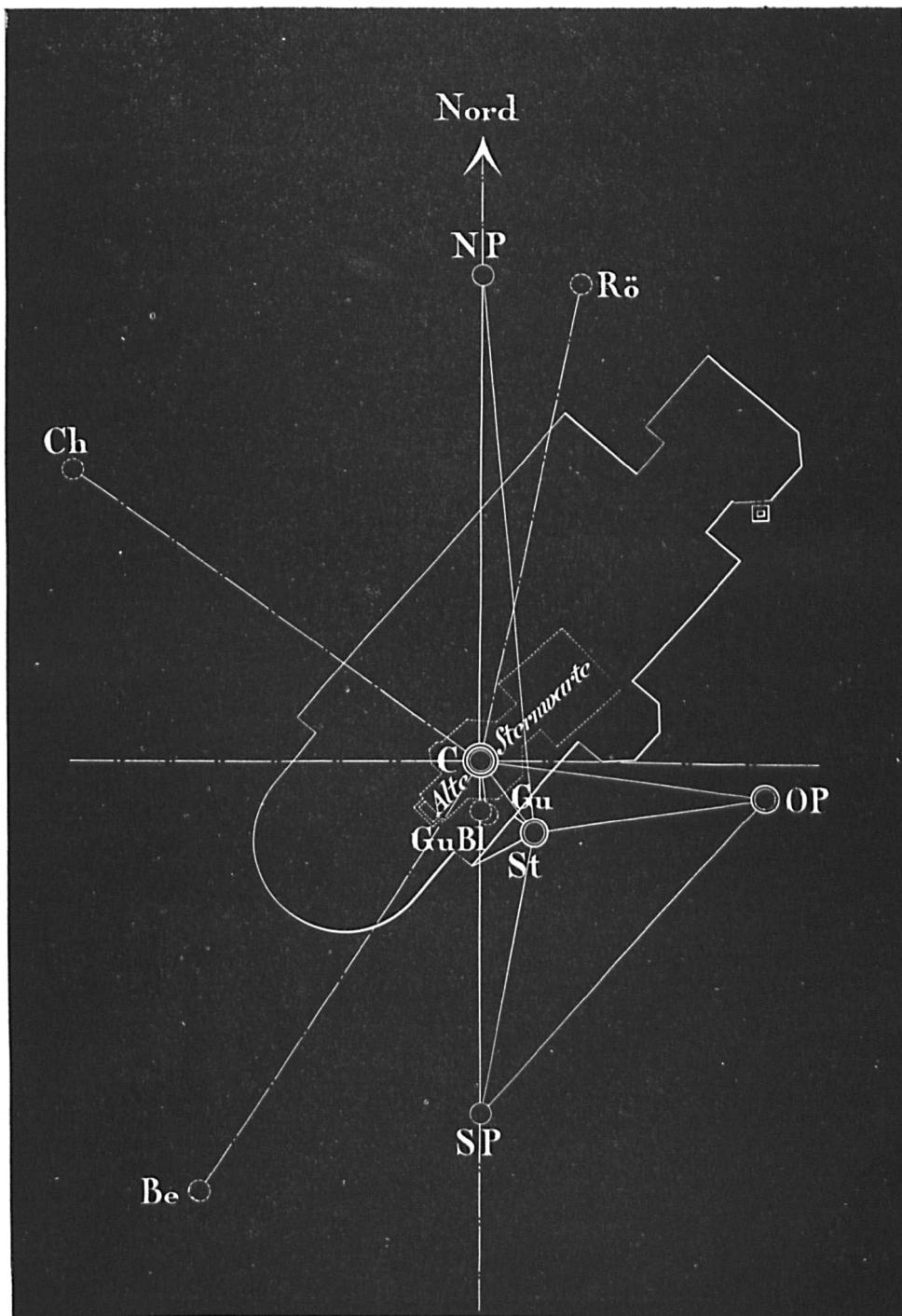
|                  |     |    |        |
|------------------|-----|----|--------|
| Gurten           | 0°  | 0' | 0'',00 |
| Bern Nullpunkt   | 1   | 39 | 50,14  |
| Berra            | 12  | 32 | 49,10  |
| Suchet           | 47  | 0  | 47,87  |
| Neuenburg (M.C.) | 47  | 17 | 20,57  |
| Chasseral        | 59  | 12 | 0,53   |
| Feldberg         | 197 | 50 | 50,95  |
| Wiesen           | 229 | 17 | 24,09  |
| Lägern           | 239 | 25 | 5,81   |
| Rigi             | 277 | 10 | 27,63  |
| Napf             | 302 | 22 | 18,63  |

Obiger einzelner Winkel:

Station Röthi (b)

|                |    |    |        |
|----------------|----|----|--------|
| Bern Nullpunkt | 0° | 0' | 0'',00 |
| Weissenstein   | 53 | 50 | 2,66   |

## Station Nullpunkt Bern.



Masstab:

1 : 500 für die Station selbst.

1 : 500000 für die entfernten Signale.

Genäherte Koordinaten: Breite  $46^{\circ} 57''$ ,1; Länge (Ost von Paris)  $5^{\circ} 6'$ ,2; Höhe 567<sup>m</sup>,4.

Der Mittelpunkt der Station ist der Mittelpunkt des Mittagsrohrs der früheren Sternwarte Bern, welcher zugleich der Ursprung des schweizerischen Coordinatensystems ist.

Beim Umbau der alten Sternwarte zu dem jetzigen physikalischen Observatorium wurde dieser Mittelpunkt versichert.

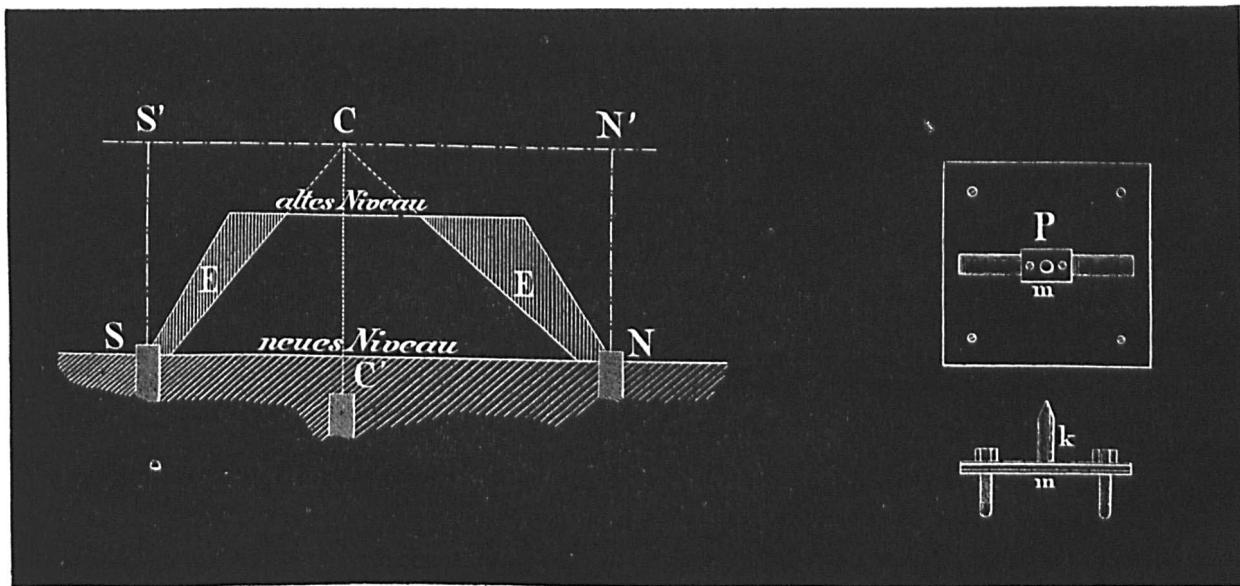
Die aus diesem Anlasse vorgekommenen Erörterungen und Messungen sind im folgenden auszugsweise wiedergegeben.

### Versicherung des Nullpunktes der alten Sternwarte Bern.

Auf den Beschluss der Regierung und des Grossen Rathes des Kantons Bern vom 25. Nov. 1875, die kleine Berner Sternwarte umzubauen und in ein den neuesten Anforderungen genügendes physikalisches Observatorium zu verwandeln, äusserte Herr Prof. R. Wolf in Zürich in einem Schreiben vom 29. Nov. 1875 an den Baudirector des Kantons Bern, Herrn Regierungsrath Kilian, folgendes Bedenken:

„Die Berner Sternwarte, oder genauer gesprochen, der Durchschnittspunkt der optischen Axe und der Drehungsaxe ihres Meridiankreises, ist nicht nur der von jeher für alle schweizerischen Vermessungen gewählte Ausgangspunkt, sondern es beziehen sich auch auf denselben die weitläufigen Operationen, welche in den letzten Jahren die schweizerische geodätische Commission zur Bestimmung der genauen geographischen Länge und Breite von Bern durchgeführt hat; es ist also absolut nothwendig, dass dieser Punkt erhalten und auch im Neubau fixirt werde. — Es wird somit nöthig sein, dass vor Abbruch des alten Gebäudes jener Durchschnittspunkt (der sogenannte Nullpunkt), z. B. durch genaue Alignements von geeigneten fernern Punkten so erhalten und fixirt werde, dass später nach Abtragung des obern Hügels, seine Projection mit aller Schärfe im neuen Gebäude angemerkt und auf geeignetscheinende Weise festgehalten werden könne, wo möglich dadurch, dass das wohl wieder aufzustellende Meridianinstrument genau vertical unter seinem gegenwärtigen Stande placirt wird.“

Vorstehende Anregung fiel auf fruchtbaren Boden, indem schon am 15. Dec. 1875 die Herrn Prof. Dr. Wolf, Präsident der schweiz. geodätischen Commission, Kantonsgeometer Lindt, Prof. Dr. Forster und Architekt Eggimann von Bern sich auf der Eidg. Sternwarte Zürich zur Besprechung der Frage der Versicherung des geodätischen Nullpunktes versammelten und nach Erwägung der verschiedenen Methoden zur Erreichung des Zweckes folgende Operation als sicherste und beste annahmen, die dann auch am 10., 11., 13. und 15. April 1876 durch die Herrn Prof. Forster, Kantonsgeometer Lindt, Stadtgeometer Brönnimann und Architekt Eggimann vorgenommen wurde.



Vorstehende Zeichnung stellt den Durchschnitt des Sternwartehügels durch die optische Axe des Meridianinstrumentes dar.

*C* ist der Durchschnittspunkt der optischen Axe und der Drehaxe des Meridianinstrumentes. *S* u. *N* sind zwei im Süden und Norden von *C* und annähernd im Meridian neu gesetzte Versicherungssteine, auf welchen eine Messingplatte *P* mit schlitzartiger Oeffnung befestigt war; in diesem Schlitz bewegte sich ein Schlitten *m* mit dem Korn *k* in der Mitte und zwei seitlichen Schrauben zur Klemmung des Schlittens an die Platte.

Vorerst wurde die Collimation des Instrumentes beseitigt. Nachdem alsdann die nöthigen Einschnitte *E* in der Richtung der Meridianspalte nach Süden und Norden in den aus Moränenschutt bestehenden Sternwartehügel gemacht und die Sicht nach den Versicherungssteinen *S* u. *N* frei gelegt war, wurden mittelst Durchlagen des Meridianfernrohrs die vorbeschriebenen Körner auf den Steinen genau in den Meridian gebracht, wodurch die Meridianebene *SCN* bestimmt wurde.

Zur Sicherung der Steine und Körner während des Baues bedeckte man dieselben mit einem starken Blechdeckel und umgab sie überdiess mit einem hölzernen Gehäuse. Nach Festlegung des ca. 19<sup>m</sup>,6 östlicher liegenden neuen Meridianen wurden diese zwei Versicherungssteine *S* u. *N* leider entfernt.

Die Messung der Horizontalentfernung *CS'* u. *CN'*, welche mit der der Wichtigkeit des Zweckes entsprechenden Genauigkeit am 10. und 13. April 1876 durch Geometer Brönnimann mittelst 6<sup>m</sup> langen Messlatten ausgeführt wurde, ergab:

$$\left. \begin{array}{l} 1) \text{ für } CS', 1. \text{ Messung} = 24^m,675 \\ 2. " = 24,630 \\ 3. " = 24,636 \\ 4. " = 24,645 \\ 5. " = 24,630 \end{array} \right\} + 0^m,1035 \text{ (Halbmesser der Axe im Nullpunkte).}$$

Mittel sämmtlicher Messungen für:

$$\underline{CS'} = 24^m,6432 + 0^m,1035 = \underline{24^m,7467} \quad (1)$$

oder mit Eliminirung der ersten Messung

$$\underline{CS'} = 24^m,6354 + 0^m,1035 = \underline{24^m,7389} \quad (2)$$

$$\left. \begin{array}{l} 2) \text{ für } CN', 1. \text{ Messung} = 34^m,629 \\ 2. " = 34,614 \\ 3. " = 34,680 \\ 4. " = 34,653 \\ 5. " = 34,650 \\ 6. " = 34,653 \end{array} \right\} \begin{array}{l} 2. \text{ u. } 3. \text{ bei sehr starkem Winde.} \\ + 0^m,1035. \end{array}$$

Lässt man die unter ungünstigen Verhältnissen ausgeführten Messungen 2 und 3 fallen, so ergibt sich als Mittel für

$$\underline{CN'} = 34^m,6464 + 0^m,1035 = \underline{34^m,7499} \quad (3)$$

und liesse man auch die erste Messung weg, so ergäbe sich

$$\underline{CN'} = 34^m,6520 + 0^m,1035 = \underline{34^m,7555}$$

Die Länge des Meridianstückes  $N' S'$  ist daher:

$$\begin{array}{ll} (1 \text{ und } 3) & 24^m,7467 + 34^m,7499 = \underline{59^m,4966} \\ (1 \text{ und } 4) & 24,7467 + 34,7555 = \underline{59,5022} \\ (2 \text{ und } 3) & 24,7389 + 34,7499 = \underline{59,4888} \\ (2 \text{ und } 4) & 24,7389 + 34,7555 = \underline{59,4944} \end{array} \quad [I]$$

Die Verificationsnachmessung nach Abtragung des Hügels ergab in direkter Messung die Linie  $N' S' = 59^m,5110$  was mit der indirekten Messung I eine Differenz von  $\pm 0,0144$  ergibt, welcher Fehler auf die beiden Linien  $CN'$  und  $CS'$  mit  $0^m,0111$  und  $0^m,0033$  vertheilt wurde, so dass schliesslich

$$\begin{aligned} \underline{CN'} &= 34^m,7499 + 0^m,0111 = \underline{34^m,761} \\ \underline{CS'} &= 24,7467 + 0,0033 = \underline{24,750} \\ \text{oder } \underline{N' S'} &= \underline{59^m,511} \end{aligned}$$

Im Ferneren wurden am 13. April 1876 die Höhenunterschiede der Steine mit dem alten Mittagsfernrohr bestimmt.

Wenn der Boden unter der Axe des Mittagsfernrohrs als 0 angenommen wird, so ergeben sich folgende Höhenunterschiede:

für Oberfläche Nordstein aus zweimaliger Bestimmung:

$$\begin{array}{l} \text{die Werthe} — 5^m,8680 \\ \text{und} — 5,8590 \end{array} \left. \right\} \text{Mittel} — \underline{\underline{5^m,863}}$$

für Oberfläche Südstein

$$\begin{array}{l} — 5^m,5365 \\ — 5,5410 \end{array} \left. \right\} \text{Mittel} — \underline{\underline{5^m,539}}$$

für den Mittelpunkt des Fernrohrs selbst in direkter Messung + 1<sup>m</sup>,506

für den obersten Treppentritt, ebenfalls in direkter Messung + 0<sup>m</sup>,696

Nach vollständiger Abtragung des Hügels und Ausgrabung der Fundamente wurde am 24. Juni 1876 im Kellerraum der neuen Sternwarte die Lage des Nullpunktes vorerst durch einen Pflock bezeichnet, alsdann durch einen Stein aus grauem Marmor von 24<sup>cm</sup> oberm Querschnitt versichert, auf dessen Kopf am 26. Juli der Meridianschnitt durch Alignement vom Nordstein aus mittelst einer aufgerissenen Linie bezeichnet wurde. Mit obigen Distanzen  $CN'$  und  $CS'$  und einer zweiten den Meridian kreuzenden Kerbe stellte man alsdann den Nullpunkt  $C'$  selbst her. Es fällt diese Kreuzung nicht genau mit dem Steinzentrum zusammen. Die Höhe des Nullpunktes (Oberfläche Stein) wurde aus den beiden Meridianversicherungssteinen zu 6<sup>m</sup>,901 unter Fussboden der alten Sternwarte abgeleitet.

Zu gleicher Zeit wurde, ebenfalls durch Baumeister Bürgi, noch ein dritter exzentrischer Versicherungsstein (Sandstein) mit Kopfkreuzkerbe 20<sup>m</sup>,088 östlich des Nullpunktes versetzt und dessen Oberfläche zu 5<sup>m</sup>,872 unter Fussboden der alten Sternwarte bestimmt.

Ein am 14. Februar 1878 durch Herrn Geometer Brönnimann ausgeführtes Anschlussnivelllement an den Fixpunkt  $NF\ 26$  (Bahnhof Bern), ergibt in Verbindung mit den übrigen vorgenannten Höhenbestimmungen für die Oberfläche des Nullpunktsteines folgende Höhenunterschiede:

|                         |                                  |
|-------------------------|----------------------------------|
| + 190 <sup>m</sup> ,586 | über Pierre du Niton.            |
| — 6,901                 | Fussboden* der alten Sternwarte. |
| — 7,597                 | oberster Treppentritt* „ „ „     |
| — 8,407                 | Drehaxe Mittagsfernrohr* „ „ „   |

---

Die mit \* bezeichneten Punkte sind nicht mehr vorhanden.

- 1<sup>m</sup>,037 Oberfläche des nördlichen Versicherungssteines\*.
- 1,362        "        "        südlichen        "        \*.
- 1,029        "        "        annähernd östlichen Versicherungssteines.
- 1,270        "        "        Versicherungssteines der excentrischen Station Jacky vom August 1876.
- 0,685 Terrassenplatte Nachtmire (Stadtwärts, Oberfläche Sockel) der neuen Sternwarte.
- 4,970 Drehaxe des Mittagsfernrohrs der neuen Sternwarte.

Die gegenseitige Lage der drei noch bestehenden Steine, alter Nullpunkt *C*, excentrische Station *St*, Oststein *OP* unter sich und gegen den alten Meridian ist somit durch folgende Angaben bestimmt:

|                     |                      |
|---------------------|----------------------|
| $C - NP = 34^m,761$ | $St - OP = 16^m,335$ |
| $C - SP = 24,750$   | $St - NP = 40,045$   |
| $C - OP = 20,088$   | $St - SP = 19,911$   |
| $C - St = 6,391$    | $OP - SP = 29,850$   |

Die Beobachtungen wurden von Herrn Jacky im Jahre 1876, centrisch über dem Versicherungsstein und theilweise auf der oben beschriebenen excentrischen versicherten Station ausgeführt.

Für die Reduction vom excentrischen Standpunkt auf Nullpunkt hat man folgende Angaben:

| Nullpunkt                         | genäherte Richtung |      | genäherte Entfernung | Centrirung |
|-----------------------------------|--------------------|------|----------------------|------------|
|                                   | 0°                 | 0'   |                      |            |
| Röthi                             | 47                 | 19,2 | 34783                | + 27",86   |
| Gurten                            | 210                | 12,4 | 3777                 | - 175,60   |
| Haus Gurten, westl. Blitzableiter | 216                | 11,9 | 3516                 | - 221,41   |
| Berra                             | 248                | 39,8 | 36235                | - 33,89    |
| Chasseral                         | 341                | 19,4 | 35212                | - 11,99    |

Die Reduction der Richtung Signalspitze Gurten auf Centrum Gurten ist nach den im I. Band, Seite 81 gegebenen Angaben — 1",11.

**Beobachtungen auf Station Nullpunkt Bern.**

Beobachter: **Jacky.**

| Centrischer Standpunkt.<br>12" Reichenbach. |         |           |                 |                 | Excentrischer Standpunkt.<br>8" Kern. |         |          |                    |                |                 |                 |
|---------------------------------------------|---------|-----------|-----------------|-----------------|---------------------------------------|---------|----------|--------------------|----------------|-----------------|-----------------|
| 12. August 1876                             |         |           |                 |                 | 10. August 1876                       |         |          |                    |                |                 |                 |
| Nº                                          | Kreisl. | Gurten    | Haus Gurt.      | Berra           | Nº                                    | Kreisl. | Röthi    | Gurten             | Haus Gurten    | Berra           | Chasseral       |
| 1                                           | 0°      | 0° 0' 0"  | 5° 58'          | 38° 29'         | 10                                    | 0°      | 0° 0' 0" | 162° 53'           | 168° 52'       | 201° 20'        | 294° 0'         |
|                                             |         | 0 0 0     | 56",00<br>58,00 | 67",50<br>65,00 |                                       |         |          | .                  | .              | 28",10<br>25,00 | 11",80<br>10,00 |
|                                             |         |           |                 |                 | 11                                    | 90      | 0 0 0    | .                  | .              | 35,00           | 10,00           |
|                                             |         |           |                 |                 | 12                                    | 180     | 0 0 0    | .                  | .              | 35,60           | 13,10           |
|                                             |         |           |                 |                 | 13                                    | 90      | 0 0 0    | .                  | .              | 36,80           | 10,60           |
|                                             |         |           |                 |                 | 14                                    | 0       | 0 0 0    | .                  | .              | 42,50           | 12,50           |
|                                             |         |           |                 |                 |                                       |         |          | .                  | .              | 33,75           | 3,75            |
|                                             |         |           |                 |                 |                                       |         |          | .                  | .              | 44,30           | 15,60           |
|                                             |         |           |                 |                 |                                       |         |          | .                  | .              | 41,25           | .               |
|                                             |         |           |                 |                 |                                       |         |          | .                  | .              | 33,10           | .               |
| 17. August                                  |         |           |                 |                 | 17. August 1876                       |         |          |                    |                |                 |                 |
| 2                                           | 0°      | 0 0 0     | 56,00<br>62,00  | 53,00<br>68,50  | 15                                    | 0°      | 0 0 0    | 12,25<br>6,75      | 46,25<br>39,75 | 38,25<br>37,75  | 10,75<br>12,25  |
| 3                                           | 60      | 0 0 0     | 53,50<br>53,00  | 65,00<br>59,00  | 16                                    | 60      | 0 0 0    | 15,25<br>23,00     | 46,25<br>64,00 | 33,75<br>53,00  | 7,25<br>15,00   |
| 4                                           | 120     | 0 0 0     | 55,25<br>54,75  | 57,75<br>59,25  | 17                                    | 120     | 0 0 0    | 6,25<br>5,00       | 40,25<br>42,50 | 31,75<br>36,50  | 5,25<br>7,50    |
| 5                                           | 180     | 0 0 0     | 57,75<br>57,25  | 58,25<br>62,75  | 18                                    | 180     | 0 0 0    | 4,75<br>6,00       | 41,25<br>41,00 | 37,75<br>37,00  | 12,25<br>9,00   |
| 6                                           | 60      | 0 0 0     | 57,50<br>54,75  | 58,00<br>57,75  | 19                                    | 60      | 0 0 0    | 52' 56,75<br>52,00 | 30,25<br>29,00 | 23,25<br>28,00  | 5,75<br>3,50    |
| 7                                           | 120     | 0 0 0     | 49,25<br>53,75  | 56,25<br>60,75  | 20                                    | 120     | 0 0 0    | 53 4,15<br>5,00    | 41,25<br>38,50 | .               | .               |
| 8                                           | 0       | 0 0 0     | 57,25<br>57,50  | 59,25<br>59,00  |                                       |         |          | r=-3'23",46        | -4'9",27       | -1'1",75        | -39",85         |
| 9                                           | 60      | 0 0 0     | 56,25<br>56,50  | 56,75<br>55,50  |                                       |         |          | r'=-1",11          |                |                 |                 |
|                                             |         | r'=-1",11 |                 |                 |                                       |         |          |                    |                |                 |                 |

Da die von Herrn Jacky mit 8" Kern gemachten Beobachtungen nicht zahlreich genug sind, um darauf eine Gewichtsberechnung im Sinne der Einleitung zum 1. Band zu gründen, so wurde von einer Gewichtsunterscheidung für die zwei verschiedenen Instrumente überhaupt abgesehen.

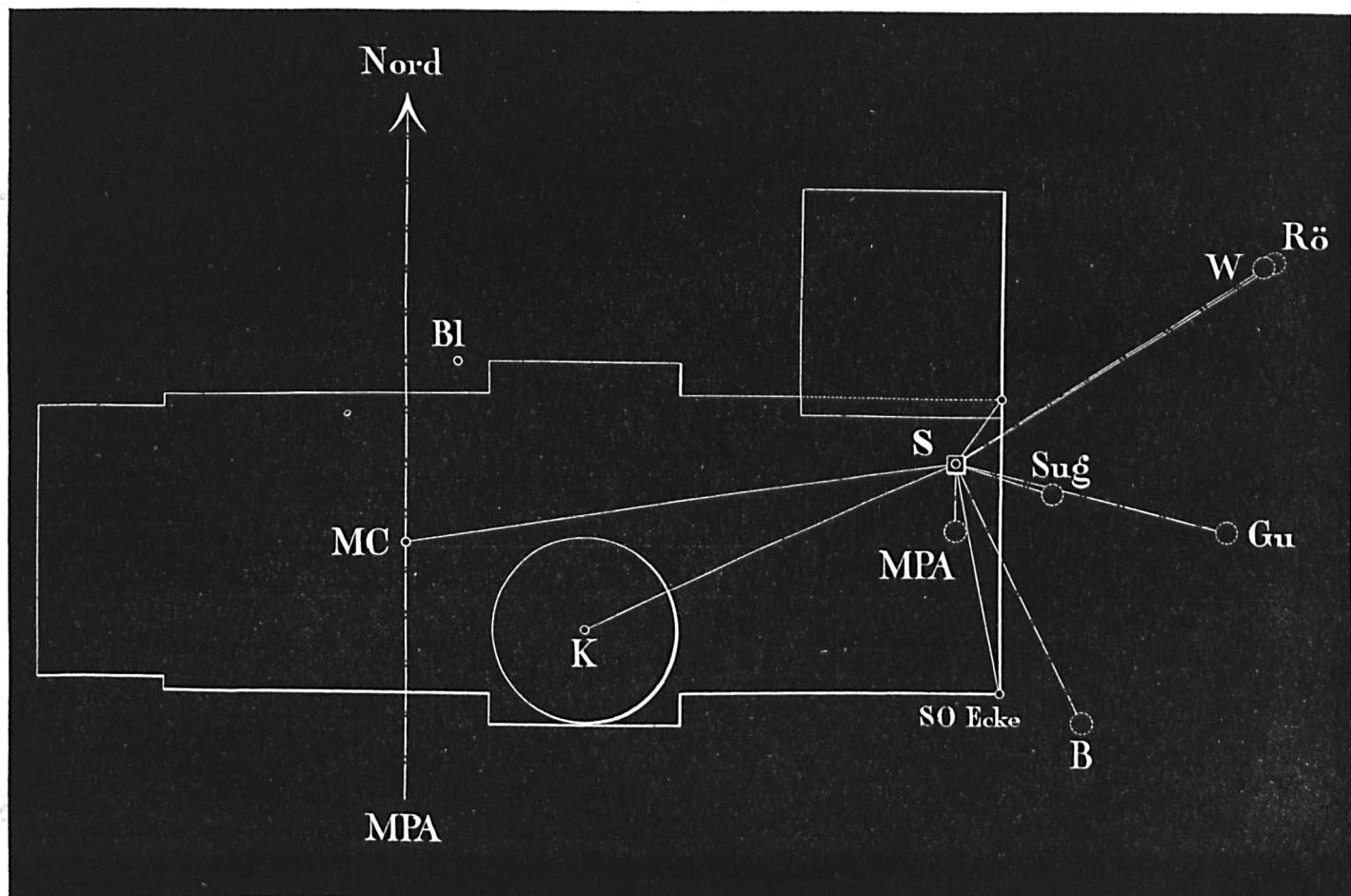
### Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº | Beobachter      | Nº der Beob. | n | Röthi    | Gurten       | Haus Gurten  | Berra        | Chasseral    |
|----|-----------------|--------------|---|----------|--------------|--------------|--------------|--------------|
|    |                 |              |   | 0° 0' 0" | 162° 49' 40" | 168° 48' 35" | 201° 19' 35" | 293° 59' 30" |
| 1  |                 | 15—19        | 5 | 0 0 0    | 42,23        | 32,78        | 33,95        | 28,00        |
| 2  | Jacky           | 20           | 1 | 0 0 0    | 40,06        | 30,61        | .            | .            |
| 3  | 12" Reichenberg | 14           | 1 | 0 0 0    | .            | .            | 35,43        | .            |
| 4  | 8" Kern         | 10—13        | 4 | 0 0 0    | .            | .            | 32,76        | 31,07        |
| 5  | 1876            | 1—9          | 9 | .        | 40,00        | 37,01        | 41,07        | .            |

### Resultate der Stationsausgleichung.

|             |     |    |       |
|-------------|-----|----|-------|
| Röthi       | 0°  | 0' | 0",00 |
| Gurten      | 162 | 49 | 38,35 |
| Haus Gurten | 168 | 48 | 32,77 |
| Berra       | 201 | 19 | 35,30 |
| Chasseral   | 293 | 59 | 29,36 |

## Station Sternwarte Neuenburg.



Masstab:

1 : 200 für die Station.

1 : 1000000 für die entfernten Signale.

Genäherte Coordinaten:

Breite  $47^{\circ} 0',0$ ; Länge  $4^{\circ} 37',25$  (Ost v. Paris); Höhe 490 Meter.

Als Mittelpunkt der Station dient das Centrum des Meridianfernrohrs.

Die Beobachtungen wurden ausgeführt von Herrn Jacky am 15., 16., 17. und 18. August 1877 auf dem excentrisch stehenden Dachpfeiler *S* der Sternwarte. Von andern Stationen wurde ausser Meridiankreiszentrum *M.C.* auch noch Dachpfeiler, Kuppel *K* und Blitzableiter *Bl* anvisirt.

Diese Punkte sind gegen *M.C.* durch folgende Angaben festgelegt:

|               |                          |      |       |                      |       |       |
|---------------|--------------------------|------|-------|----------------------|-------|-------|
| Dachpfeiler   | nördlich von <i>M.C.</i> | 2,25 | Meter | östlich vom Meridian | 15,13 | Meter |
| Kuppel        | südlich                  | "    | 2,42  | "                    | "     | "     |
| Blitzableiter | nördlich                 | "    | 4,76  | "                    | "     | "     |

Die genäherten Entfernung der mit Neuenburg verbundenen Stationen sind, vom Meridianinstrument *M.C.* aus gerechnet, folgende:

|                 |     |       |       |
|-----------------|-----|-------|-------|
| Weissenstein    | W   | 50717 | Meter |
| Röthi           | Rö  | 52130 | "     |
| Gurten          | Gu  | 38426 | "     |
| Sugiez exc.     | Sug | 14000 | "     |
| Berra           | B   | 40113 | "     |
| Mire Port Alban | MPA | 9460  | "     |

Vom Dachpfeiler aus sind die genäherten Richtungen und darnach die Centrirungswerte derselben folgende:

| M.C.         | Richtung: |      | Centrirung: |        |
|--------------|-----------|------|-------------|--------|
|              | 0°        | 0',0 |             |        |
| Weissenstein | 154       | 43,8 | +           | 26",56 |
| Röthi        | 154       | 56,2 | +           | 25,64  |
| Gurten       | 202       | 12,9 | —           | 31,04  |
| Sugiez exc.  | 205       | 39,7 | —           | 97,58  |
| Berra        | 252       | 26,6 | —           | 74,99  |
| Mire         | 278       | 33,6 | —           | 329,78 |

Vom Centrum der Kuppel aus sind die entsprechenden Angaben folgende:

| MC     | Richtung: |      | Centrirung: |        |
|--------|-----------|------|-------------|--------|
|        | 0°        | 0",0 |             |        |
| Röthi  | 120       | 6,5  | +           | 18",66 |
| Gurten | 167       | 22,5 | +           | 6,40   |
| Sugier | 170       | 48,0 | +           | 12,84  |
| Berra  | 217       | 35,8 | —           | 17,10  |
| Mire   | 243       | 40,1 | —           | 106,52 |

**Beobachtungen auf Station Neuenburg.**

Beobachter: **Jacky, 12<sup>th</sup> Reichenbach.**

Standpunkt auf dem Dachpfeiler der Sternwarte.

| 15. August 1877 |           |        |          |                         |                         | 17. August 1877                  |           |        |                         |                         |                         |          |
|-----------------|-----------|--------|----------|-------------------------|-------------------------|----------------------------------|-----------|--------|-------------------------|-------------------------|-------------------------|----------|
| Nº              | Kreislage | Berra  | Mire     | Röthi                   | Gurten                  | Nº                               | Kreislage | Mire   | Gurten                  | Sugier                  |                         |          |
| 1               | 0°        | 0 0 0  | 0° 0' 0" | 26° 7'                  | 262° 29'                | 309° 46'                         | 17        | 0°     | 0 0 0                   | 0° 0' 0"                | 283° 39'                | 287° 5'  |
| 2               | 60        | 0 0 0  |          | 6,25<br>2,75<br>5,25    | 27,75<br>33,75<br>32,75 | 18,75<br>18,25<br>16,75<br>17,25 | 18        | 60     | 0 0 0                   | 15,00<br>12,25<br>13,00 | 59,00<br>60,75<br>57,50 |          |
| 3               | 120       | 0 0 0  |          | 10,25<br>7,00           | 33,75<br>31,00          | .                                | 19        | 120    | 0 0 0                   | 10,50<br>9,00<br>8,50   | 64,50<br>57,00<br>57,50 |          |
| 4               | 180       | 0 0 0  |          | 3,50<br>6,50            | 30,00<br>34,50          | .                                |           |        |                         |                         |                         |          |
| 5               | 60        | 0 0 0  |          | 4,50<br>6,25            | 33,00<br>33,75          | 12,00<br>17,75                   |           |        |                         |                         |                         |          |
| 6               | 120       | 0 0 0  |          | 5,75<br>7,25            | 33,75<br>34,25          | 20,75<br>18,25                   |           |        |                         |                         |                         |          |
| 18. August 1877 |           |        |          |                         |                         |                                  |           |        |                         |                         |                         |          |
| Nº              | Kreislage | Röthi  | Gurten   | Berra                   | Mire                    | Nº                               | Kreislage | Gurten | Sugier                  | Berra                   |                         |          |
| 7               | 30°       | 0 0 0  | 0° 0' 0" | 47° 16'                 | 97° 30'                 | 123° 37'                         | 20        | 180°   | 0 0 0                   | 0° 0' 0"                | 3° 26'                  | 50° 13'  |
| 8               | 90        | 0 0 0  |          | 38,25<br>44,25<br>43,75 | 24,25<br>27,25<br>21,25 | 31,25<br>36,25<br>36,75          | 21        | 60     | 0 0 0                   | 43,50<br>46,75<br>48,00 | 40,25<br>35,75<br>44,50 |          |
| 9               | 150       | 0 0 0  |          | .                       | 26,50<br>20,25          | 30,00<br>26,75                   | 22        | 120    | 0 0 0                   | 42,25<br>47,25          | 38,25<br>39,25          |          |
| 10              | 30        | 0 0 0  |          | 43,25<br>51,75          | 23,25<br>28,75          | 30,75<br>35,75                   | 23        | 0      | 0 0 0                   | 49,50<br>47,75          | 34,50<br>38,25          |          |
| 11              | 90        | 0 0 0  |          | 45,75<br>42,00          | 24,25<br>22,00          | 29,75<br>31,50                   |           |        |                         |                         |                         |          |
| Nº              | Kreislage | Gurten | Berra    | Mire                    |                         | Nº                               | Kreislage | Sugier | Gurten                  |                         |                         |          |
| 12              | 17°       | 0 0 0  | 0° 0' 0" | 40° 13'                 | 76° 20'                 |                                  | 24        | 0°     | 0 0 0                   | 0° 0' 0"                | 356° 33'                |          |
|                 |           |        |          | 34,00<br>40,75          | 44,00<br>46,75          |                                  | 25        | 60     | 0 0 0                   | 14,25<br>13,50<br>11,00 |                         |          |
|                 |           |        |          |                         |                         | 26                               | 120       | 0 0 0  | 13,25<br>17,75<br>17,50 |                         |                         |          |
| 16. August 1877 |           |        |          |                         |                         | Nº                               | Kreislage | Sugier | Berra                   | Gurten                  |                         |          |
| Nº              | Kreislage | Berra  | Mire     | Gurten                  |                         |                                  |           |        |                         |                         |                         |          |
| 13              | 0°        | 0 0 0  | 0° 0' 0" | 26° 7'                  | 309° 46'                |                                  | 27        | 180°   | 0 0 0                   | 0° 0' 0"                | 46° 46'                 | 356° 33' |
| 14              | 60        | 0 0 0  |          | 6,00<br>7,25            | 17,00<br>17,75          |                                  | 28        | 60     | 0 0 0                   | 44,50<br>51,00          | 13,00<br>14,00          |          |
| 15              | 120       | 0 0 0  |          | 7,25<br>6,25            | 20,25<br>18,75          |                                  | 29        | 120    | 0 0 0                   | 49,50<br>55,50          | 17,50<br>13,50          |          |
| 16              | 180       | 0 0 0  |          | 7,50<br>4,00            | 22,50<br>18,00          |                                  |           |        |                         | 49,50<br>51,00          | 10,50<br>9,50           |          |
|                 |           |        |          | 5,50<br>9,25            | .                       |                                  |           |        |                         |                         |                         |          |

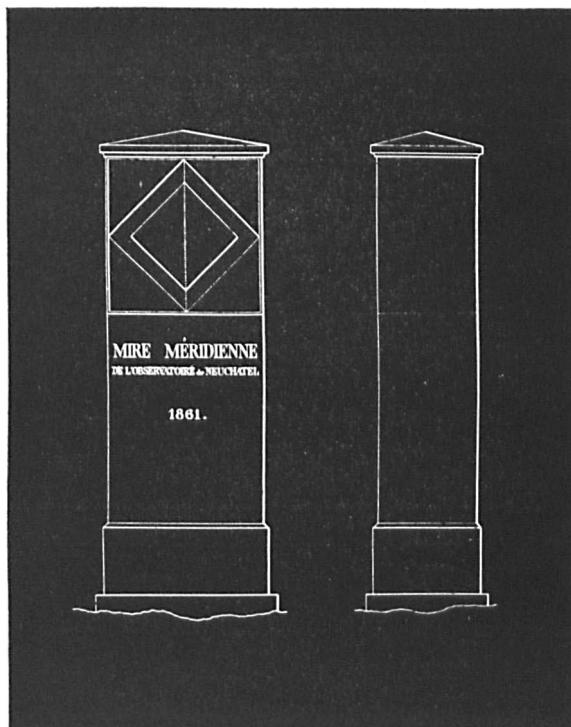
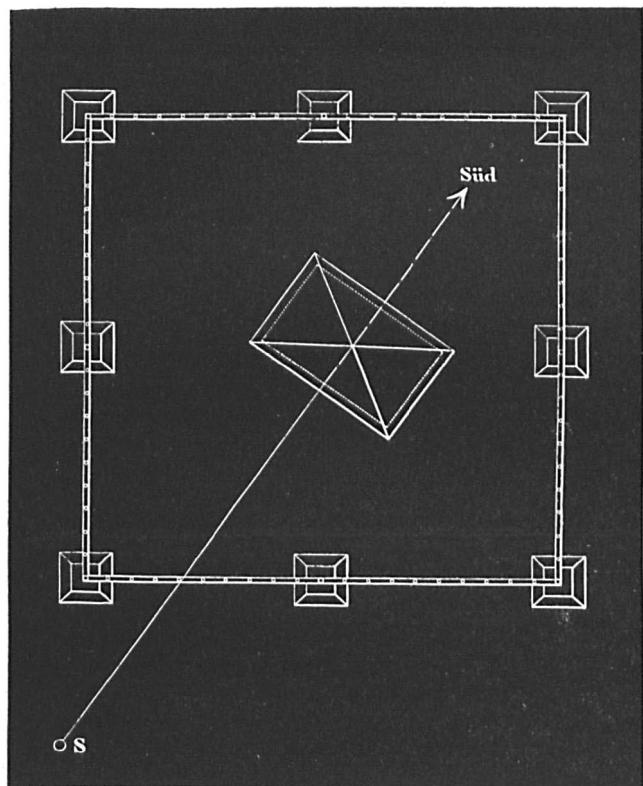
### Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº | Beobachter      | Nº der Beob.           | n | Röthi    | Gurten      | Sugiez exc. | Berra       | Mire         |
|----|-----------------|------------------------|---|----------|-------------|-------------|-------------|--------------|
|    |                 | Richtungsbeobachtungen |   | 0° 0' 0" | 47° 15' 47" | 50° 41' 27" | 97° 28' 44" | 123° 31' 37" |
| 1  |                 | 1, 2, 5-8, 10, 11      | 8 | 0 0 0    | 47,18       | .           | 45,37       | 37,50        |
| 2  |                 | 3, 4                   | 2 | 0 0 0    | .           | .           | 47,06       | 39,08        |
| 3  | Jacky           | 12, 13-15              | 4 | .        | 47,00       | .           | 43,11       | 35,10        |
| 4  | 12" Reichenbach | 20-23, 27-29           | 7 | .        | 47,00       | 26,91       | 41,32       | .            |
| 5  | 1877            | 24-26                  | 3 | .        | 47,00       | 25,92       | .           | .            |
| 6  |                 | 17-19                  | 3 | .        | 47,00       | 28,46       | .           | 36,88        |
| 7  |                 | 9, 16                  | 2 | .        | .           | .           | 44,00       | 35,40        |

### Resultate der Stationsausgleichung.

|             |     |    |       |
|-------------|-----|----|-------|
| Röthi       | 0°  | 0' | 0",00 |
| Gurten      | 47  | 15 | 48,60 |
| Sugiez exc. | 50  | 41 | 29,20 |
| Berra       | 97  | 28 | 45,03 |
| Mire        | 123 | 31 | 37,59 |

## Station Mire Port-Alban.



Masstab: 1 : 50.

Genäherte Coordinaten:

Breite  $46^{\circ} 54'',9$ ; Länge (Ost v. Paris) =  $4^{\circ} 37',2$ .

Als Mittelpunkt der Station wird die durch eine flache Pyramide gebildete Spitze des Meridianzeichens angenommen.

Als Richtobject des Mittagsfernrohrs der Sternwarte Neuenburg dient die vertikale Diagonale des schwarz auf weiss gemalten Vierecks.

Die Mire besteht aus einem 3<sup>m</sup>,1 hohen rechteckigen Steinpfeiler, die nach Neuenburg gekehrte Seite des Schaftes ist 1 Meter, die andere Seite 63<sup>cm</sup> lang.

Die Beobachtungen wurden von Herrn Jacky am 22. August auf dem excentrischen Standpunkt *S* ausgeführt, welcher in einer Entfernung von 2<sup>m</sup>,888 von der vordern Fläche des Säulenschaftes und zwar genau in der Richtung Mire—Neuenburg *M.C.* angenommen wurde.

Für die Reduction dieser Messungen auf Centrum Mire hat man folgende Angaben:

|                  | genäherte Richtung: | genäherte Entfernung: | Centrirung:         |
|------------------|---------------------|-----------------------|---------------------|
| Mire Centrum     | 0°                  | 0',0                  | 3 <sup>m</sup> ,203 |
| Neuenburg (M.C.) | 180                 | 0,3                   | — 0'',00            |
| " Blitzableiter  | 180                 | 1,0                   | — 0,02              |
| " Kuppel         | 180                 | 2,1                   | — 0,04              |
| " Dachpfeiler    | 180                 | 5,9                   | — 0,12              |
| Chasseral        | 198                 | 18,9                  | — 8,14              |
| Suchet           | 67                  | 2.7                   | + 15,04             |

Die Reduction der Richtungen Blitzableiter, Kuppel und Dachpfeiler auf Meridiankreiszentrum ist vor der Ausgleichung nicht möglich, da diese Richtungen in den Beobachtungen nicht symmetrisch verbunden sind.

Zur Veranschaulichung des Rechnungsganges und als kleines Beispiel der Ausgleichung vermittelnder Beobachtungen mit Bedingungsgleichungen nach der Bessel'schen Methode, jedoch mit demselben Rechnungsgange, wie er sich bei Anwendung des Grundsatzes der Aequivalenz ergeben würde, wird in folgendem der Gang der numerischen Rechnung ausführlich dargestellt.

Beobachtungen auf Station Mire Port-Alban.

| Beobachter: <b>Jacky, 12"</b> Reichenbach. |           |             |                             |                            |                            |                |
|--------------------------------------------|-----------|-------------|-----------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------|
| Excentrische Station.                      |           |             |                             |                            |                            |                |
| 21. August 1877                            |           |             |                             |                            |                            |                |
| Nº                                         | Kreislage | M. C.       | Kuppel                      | Chasseral                  | Suchet                     |                |
| 1                                          | 0°        | 0° 0' 0"    | 0° 1'<br>46",00<br>50,25    | 18° 18'<br>37",50<br>36,50 | 247° 2'<br>29",00<br>35,00 |                |
| 2                                          | 60°       | Chasseral   | Kuppel                      |                            |                            |                |
|                                            |           | 0° 0' 0"    | 341° 43'<br>20",25<br>14,75 |                            |                            |                |
| 3                                          | 120°      | Chasseral   | Suchet                      | M. C.                      | Blitzableiter              | Kuppel         |
|                                            |           | 0° 0' 0"    | 228° 43'<br>55",75<br>49,50 | 341° 41'                   | 341° 41'                   | 341° 43'       |
|                                            |           | 0 0 0       | 50,25                       | .                          | .                          | 16",25         |
|                                            |           | 0 0 0       | 45,75                       | .                          | 64",75                     | 13,00          |
|                                            |           | 0 0 0       | 42,25                       | 26",25                     | 67,75                      | 15,50          |
|                                            |           | 0 0 0       | 50,75                       | 25,75                      | 62,25                      | 14,00          |
|                                            |           | 0 0 0       | 46,00                       | 23,00                      | 58,75                      | 9,50           |
| 4                                          | 180       | Suchet      | M. C.                       | Blitzableiter              | Kuppel                     | Pfeiler        |
|                                            |           | 0° 0' 0"    | 112° 57'                    | 112° 58'                   | 112° 59'                   | 113° 3'        |
|                                            |           | 0° 0' 0"    | 38",00<br>36,00             | 17",50<br>9,50             | 22",00<br>23,50            | 7",50<br>10,50 |
| 5                                          | 60        | M. C.       | Blitzableiter               | Kuppel                     | Pfeiler                    | Chasseral      |
|                                            |           | 0° 0' 0"    | 0° 0'                       | 0° 1'                      | 0° 5'                      | 18° 18'        |
|                                            |           | 0 0 0       | 41",25<br>45,50             | 54",75<br>52,00            | 34",75<br>33,00            | .              |
|                                            |           | 0 0 0       | 36,50                       | 45,50                      | 28,50                      | .              |
|                                            |           | 0 0 0       | 37,75                       | 45,25                      | 27,75                      | .              |
|                                            |           | 0 0 0       | 39,00                       | 43,50                      | 33,00                      | .              |
|                                            |           | 0 0 0       | 33,25                       | 46,25                      | 29,75                      | .              |
|                                            |           | 0 0 0       | :                           | :                          | :                          | 35",75         |
|                                            |           | 0 0 0       | :                           | :                          | :                          | 38,00          |
|                                            |           | r = - 0",02 | r = - 0",04                 | r = - 0",12                | r = - 8",14                | r = + 15",04   |

Nach Anbringung der Centrirungs correctionen erhält man folgende Satzmittel:

## Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº | Beobachter      | Nº d. Beob. | n | Chasseral | Suchet              | M. C.               | Blitzableiter       | Kuppel              | Pfeiler            |
|----|-----------------|-------------|---|-----------|---------------------|---------------------|---------------------|---------------------|--------------------|
|    |                 |             |   | 0° 0' 0"  | 228° 44' 14"<br>+ A | 341° 41' 34"<br>+ B | 341° 42' 12"<br>+ C | 341° 43' 23"<br>+ D | 341° 47' 7"<br>+ E |
| 1  |                 | 5, 6        | 2 | 0 0 0     | 9,74                | 33,45               | 9,68                | 19,79               | .                  |
| 2  | Jacky           | 1           | 1 | 0 0 0     | 18,18               | 31,14               | .                   | 19,23               | ..                 |
| 3  | 12" Reichenbach | 4           | 1 | 0 0 0     | 11,18               | .                   | 14,37               | 22,85               | .                  |
| 4  | 1877            | 3           | 1 | 0 0 0     | 15,81               | .                   | .                   | 22,73               | .                  |
| 5  |                 | 11          | 1 | 0 0 0     | .                   | 36,26               | .                   | .                   | .                  |
| 6  |                 | 2           | 1 | 0 0 0     | .                   | .                   | .                   | 25,60               | .                  |
| 7  |                 | 7           | 1 | .         | 14,00               | 35,96               | 12,44               | 21,67               | 7,84               |
| 8  |                 | 8-10        | 3 | .         | .                   | 34,00               | 12,86               | 21,84               | 5,01               |

Daraus folgen die Normalgleichungen:

|              | A        | + | B        | + | C        | + | D        | + | E        | + | (an)      | = 0 |
|--------------|----------|---|----------|---|----------|---|----------|---|----------|---|-----------|-----|
| Gleichung A: | + 4,5667 |   | - 0,8500 |   | - 0,8500 |   | - 1,4333 |   | - 0,2000 |   | + 1,3468  |     |
| Gleichung B: | - 0,8500 |   | + 5,9000 |   | - 1,3500 |   | - 1,6000 |   | - 0,9500 |   | - 5,2140  |     |
| Gleichung C: | - 0,8500 |   | - 1,3500 |   | + 5,4000 |   | - 1,6000 |   | - 0,9500 |   | -- 6,3715 |     |
| Gleichung D: | - 1,4333 |   | - 1,6000 |   | - 1,6000 |   | + 7,3167 |   | - 0,9500 |   | + 8,3993  |     |
| Gleichung E: | - 0,2000 |   | - 0,9500 |   | - 0,9500 |   | - 0,9500 |   | + 3,0500 |   | + 3,7945  |     |

Allgemein von der Form:

$$(aa) A + (ab) B + (ac) C + (ad) D + (ae) E + (an) = 0$$

Die Auflösung dieser Normalgleichungen gibt die „reducirten Normalgleichungen“, und die „Endgleichungen“ in der allgemeinen Form:

$$\begin{aligned}
 A &+ \frac{(ab)}{(aa)} \cdot B + \frac{(ac)}{(aa)} \cdot C + \frac{(ad)}{(aa)} \cdot D + \frac{(ae)}{(aa)} \cdot E + \frac{(an)}{(aa)} = 0 \\
 B &+ \frac{(bc.1)}{(bb.1)} \cdot C + \frac{(bd.1)}{(bb.1)} \cdot D + \frac{(be.1)}{(bb.1)} \cdot E + \frac{(bn.1)}{(bb.1)} = 0 \\
 C &+ \frac{(cd.2)}{(cc.2)} \cdot D + \frac{(ce.2)}{(cc.2)} \cdot E + \frac{(cn.2)}{(cc.2)} = 0 \\
 D &+ \frac{(de.3)}{(dd.3)} \cdot E + \frac{(dn.3)}{(dd.3)} = 0 \\
 E &+ \frac{(en.4)}{(ee.4)} = 0
 \end{aligned}$$

In folgender Zusammenstellung sind die reducirten Normalgleichungen mit numerischen Coefficienten angegeben, darunter stehen die Logarithmen dieser Coefficienten, und die Logarithmen der Coefficienten der Endgleichungen.

| Auflösung der Normalgleichungen |           |           |           |           |           | Bedingungsgleichungen |                |                |
|---------------------------------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------|-----------------------|----------------|----------------|
| A                               | B         | C         | D         | E         | (an)      | K <sub>1</sub>        | K <sub>2</sub> | K <sub>3</sub> |
| + 4,5667                        | - 0,8500  | - 0,8500  | - 1,4333  | - 0,2000  | + 1,3468  | .                     | .              | .              |
| 0,65960                         | 9,92942 n | 9,92942 n | 0,15634 n | 9,30103 n | 0,12930   | .                     | .              | .              |
| 0,00000                         | 9,26982 n | 9,26982 n | 9,49674 n | 8,64143 n | 9,46970   | .                     | .              | .              |
| + 5,7418                        | - 1,5082  | - 1,8668  | - 0,9872  | - 4,9633  | - 1       | - 1                   | - 1            | - 1            |
| 0,75904                         | 0,17846 n | 0,27109 n | 9,99441 n | 0,69577 n | 0,00000 n | 0,00000 n             | 0,00000 n      | 0,00000 n      |
| 0,00000                         | 9,41942 n | 9,51205 n | 9,23537 n | 9,93673 n | 9,24096 n | 9,24096 n             | 9,24096 n      | 9,24096 n      |
| + 4,8456                        | - 2,3572  | - 1,2465  | - 7,4245  | + 0,7373  | - 0,2627  | - 0,2627              | - 0,2627       | - 0,2627       |
| 0,68535                         | 0,37239 n | 0,09569 n | 0,87067 n | 9,86764   | 9,41942 n | 9,41942 n             | 9,41942 n      | 9,41942 n      |
| 0,00000                         | 9,68704 n | 9,41034 n | 0,18532 n | 9,18229   | 8,73407 n | 8,73407 n             | 8,73407 n      | 8,73407 n      |
| + 5,1132                        | - 1,9402  | + 3,5966  | + 0,0336  | + 0,5471  | - 0,4529  | - 0,4529              | - 0,4529       | - 0,4529       |
| 0,70869                         | 0,28785 n | 0,55589   | 8,52634   | 9,73807   | 9,65600 n | 9,65600 n             | 9,65600 n      | 9,65600 n      |
| 0,00000                         | 9,57916 n | 9,84720   | 7,81765   | 9,02938   | 8,94731 n | 8,94731 n             | 8,94731 n      | 8,94731 n      |
| + 1,8147                        | + 2,4549  | + 0,0305  | - 0,0319  | + 0,5887  | - 0,5887  | - 0,5887              | - 0,5887       | - 0,5887       |
| 0,25881                         | 0,39003   | 8,48430   | 8,50379 n | 9,76989   | 9,76989   | 9,76989               | 9,76989        | 9,76989        |
| 0,00000                         | 0,13122   | 8,22549   | 8,24498 n | 9,51108   | 9,51108   | 9,51108               | 9,51108        | 9,51108        |

Die Auflösung der Normalgleichungen gibt folgende wahrscheinlichste Verbesserungen der angenommenen Näherungswerte:

$$A = - 0'',5529$$

$$B = + 0,3918$$

$$C = + 0,5923$$

$$D = - 1,2167$$

$$E = - 1,3528$$

Daraus ergeben sich:

## 1. Resultate der Stationsausgleichung.

|                 |     |    |       |   |
|-----------------|-----|----|-------|---|
| Chasseral       | 0°  | 0' | 0",00 |   |
| Suchet          | 228 | 44 | 13,45 | + |
| Neuenburg M.C.  | 341 | 41 | 34,39 | + |
| " Blitzableiter | 341 | 42 | 12,59 | + |
| " Kuppel        | 341 | 43 | 21,78 | + |
| " Pfeiler       | 341 | 47 | 5,65  | + |

wo (1), (2) . . . Correctionen sind, welche noch anzubringen sind, wenn zwischen obigen Richtungen irgendwelche Bedingungen erfüllt werden sollen.

Die Summe der Fehlerquadrate, d. i. die Summe der Quadrate der Richtungsfehler, kann direct durch Vergleichung obiger Resultate mit den Satzmitteln gebildet werden. Sie ist

$$\underline{(n \cdot vv) = 83,9343}$$

Indirect wird sie gebildet nach der Erklärung Seite XXIV des I. Bandes.

$$\left[ \left\{ (mm) - \frac{1}{i} (m)^2 \right\} n \right] = 105,8484$$

Aus der Auflösung der Normalgleichungen erhält man:

$$\begin{aligned} (an)^2 : (aa) &= 0,3972 \\ (bn \cdot 1)^2 : (bb \cdot 1) &= 4,2904 \\ (cn \cdot 2)^2 : (cc \cdot 2) &= 11,8760 \\ (dn \cdot 3)^2 : (dd \cdot 3) &= 2,5298 \\ (en \cdot 4)^2 : (ee \cdot 4) &= 3,3209 \\ \hline \text{Summe} &= 21,9143 \\ \hline (n \cdot vv) &= 83,9341 \end{aligned}$$

Die Zahl der Richtungsangaben ist 29

hievon sind nothwendig:

|                                     |    |
|-------------------------------------|----|
| zur Orientirung der 8 Winkelsätze   | 8  |
| zur Bestimmung von 5 Unbekannten    | 5  |
| bleiben überschüssige Beobachtungen | 16 |

$$m = \pm \sqrt{\frac{83,934}{16}} = \pm 2",3$$

das ist der mittlere Fehler der doppelten Richtungsangabe in den Beobachtungen.

$\frac{1}{m^2} = g = 0,19$  ist daher das Gewicht dieser Angabe für „Jacky 12“ Reichenbach“, welches mit dem aus der allgemeinen Gewichtsbestimmung in der Einleitung des I. Bandes gefundenen (0,18) sehr nahe übereinstimmt.

Der bisher verfolgte Rechnungsgang ist der bei allen Stationsausgleichungen eingehaltene. Die erhaltenen Resultate wären also ohne weiteres für die Netzausgleichung zu benützen; doch lässt der Umstand, dass die Winkel zwischen *M.C.* und den andern Punkten der Sternwarte in der Form von Centrirungscorrectionen bereits sehr genau berechnet sind, eine schärfere Bestimmung der Richtung *M.C.* zu.

Auf Station Neuenburg wurde gefunden:

$$\begin{array}{lll} \text{Centrirung der Mire von Blitzableiter auf } M.C. & = - 37'',70 \\ " " " Kuppel & = - 106,52 \\ " " " Pfeiler & = - 329,78 \end{array}$$

Das sind zugleich die Winkel auf Mire zwischen der Richtung *M.C.* und den andern Richtungen, welche mit den aus der Stationsausgleichung erhaltenen stimmen sollen. Da dieses nicht der Fall ist, müssen die Winkel der Stationsausgleichung Verbesserungen (1), (2), (3), (4), (5) erhalten.

Man hat dann folgende Bedingungsgleichungen:

$$\begin{array}{lll} \text{für Winkel } M.C. - \text{Blitzableiter} & 341^\circ 42' 12'',59 + (3) \\ & \underline{341 \quad 41 \quad 34,39 + (2)} \\ & 38,20 - (2) + (3) = 37'',70 \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} \text{für Winkel } M.C. - \text{Kuppel} & 341^\circ 43' 21'',78 + (4) \\ & \underline{341 \quad 41 \quad 34,39 + (2)} \\ & 1 \quad 47,39 - (2) + (4) = 1' 46'',52 \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} \text{für Winkel } M.C. - \text{Pfeiler} & 341^\circ 47' 5'',65 + (5) \\ & \underline{341 \quad 41 \quad 34,39 + (2)} \\ & 5 \quad 31,26 - (2) + (5) = 5' 29'',78 \end{array}$$

$$\begin{array}{lll} \text{oder Bedingungsgleichung} & 1) : - (2) + (3) = - 0'',50 \\ & 2) : - (2) + (4) = - 0,87 \\ & 3) : - (2) + (5) = - 1,48 \end{array}$$

Die zu lösende Aufgabe ist nun dieselbe, wie bei der Bessel'schen Netzausgleichung. Doch kann die Berechnung der Gewichtsgleichungen und die Aufstellung der Fehler-

gleichungen umgangen werden, und der ganze Rechnungsgang sich stets an die Auflösung der Normalgleichungen anschliessen, was nicht nur kürzer, sondern auch sicherer zu rechnen ist.

Die Ausführung ist dieselbe, wie bei der Ausgleichung äquivalenter Beobachtungen; die Herleitung geschieht jedoch hier nach dem Gange der Bessel'schen Auflösung.

Sind

$$\left. \begin{array}{l} p_1 (1) + p_2 (2) + p_3 (3) + \dots = w_1 \\ r_1 (1) + r_2 (2) + r_3 (3) + \dots = w_2 \\ s_1 (1) + s_2 (2) + s_3 (3) + \dots = w_3 \end{array} \right\} \begin{array}{l} 1) \text{ die Bedingungsgleichungen,} \\ \text{u. s. w.} \end{array}$$

so erhält man für die Abhängigkeit der (1) . . . von den Correlaten  $K$  die Beziehung (siehe die Einleitung):

$$\left. \begin{array}{l} (aa) (1) + (ab) (2) + (ac) (3) + \dots = p_1 K_1 + r_1 K_2 + s_1 K_3 + \dots = [1] \\ (ab) (1) + (bb) (2) + (bc) (3) + \dots = p_2 K_1 + r_2 K_2 + s_2 K_3 + \dots = [2] \\ (ac) (1) + (bc) (2) + (cc) (3) + \dots = p_3 K_1 + r_3 K_2 + s_3 K_3 + \dots = [3] \end{array} \right\} \begin{array}{l} 2) \\ \text{u. s. w.} \end{array}$$

Denkt man sich die Coefficienten  $p, r, s$  in Zahlen geschrieben, und die Gauss'sche Elimination ausgeführt, so erhält man ein System von Endgleichungen:

$$\left. \begin{array}{l} (1) + \frac{(ab)}{(aa)} \cdot (2) + \frac{(ac)}{(aa)} \cdot (3) + \dots = \frac{p_1}{(aa)} \cdot K_1 + \frac{r_1}{(aa)} \cdot K_2 + \frac{s_1}{(aa)} \cdot K_3 + \dots = \frac{[1]}{(aa)} \\ (2) + \frac{(bc \cdot 1)}{(bb \cdot 1)} \cdot (3) + \dots = \frac{p_2 \cdot 1}{(bb \cdot 1)} \cdot K_1 + \frac{r_2 \cdot 1}{(bb \cdot 1)} \cdot K_2 + \frac{s_2 \cdot 1}{(bb \cdot 1)} \cdot K_3 + \dots = \frac{[2 \cdot 1]}{(bb \cdot 1)} \\ (3) + \dots = \frac{p_3 \cdot 2}{(cc \cdot 2)} \cdot K_1 + \frac{r_3 \cdot 2}{(cc \cdot 2)} \cdot K_2 + \frac{s_3 \cdot 2}{(cc \cdot 2)} \cdot K_3 + \dots = \frac{[3 \cdot 2]}{(cc \cdot 2)} \end{array} \right\} 3)$$

Diese Berechnung ist bereits auf Seite 99 im Anschluss an die Auflösung der Normalgleichungen ausgeführt.

Die Gewichtsgleichungen (welche nicht numerisch berechnet werden) sind:

$$\left. \begin{array}{l} (1) = (\alpha\alpha) [1] + (\alpha\beta) [2] + (\alpha\gamma) [3] + \dots \\ (2) = (\alpha\beta) [1] + (\beta\beta) [2] + (\beta\gamma) [3] + \dots \\ (3) = (\alpha\gamma) [1] + (\beta\gamma) [2] + (\gamma\gamma) [3] + \dots \end{array} \right\} 4)$$

Setzt man aus 2) die Werthe der [ . ] in 4) ein, so hat man die Fehlergleichungen:

$$(1) = \begin{bmatrix} (\alpha\alpha) \cdot p_1 \\ (\alpha\beta) \cdot p_2 \\ (\alpha\gamma) \cdot p_3 \\ \vdots \\ \vdots \end{bmatrix} \times K_1 + \begin{bmatrix} (\alpha\alpha) \cdot r_1 \\ (\alpha\beta) \cdot r_2 \\ (\alpha\gamma) \cdot r_3 \\ \vdots \\ \vdots \end{bmatrix} \times K_2 + \begin{bmatrix} (\alpha\alpha) \cdot s_1 \\ (\alpha\beta) \cdot s_2 \\ (\alpha\gamma) \cdot s_3 \\ \vdots \\ \vdots \end{bmatrix} \times K_3 + \dots$$

$$(2) = \begin{bmatrix} (\alpha\beta) \cdot p_1 \\ (\beta\beta) \cdot p_2 \\ (\beta\gamma) \cdot p_3 \\ \vdots \\ \vdots \end{bmatrix} \times K_1 + \begin{bmatrix} (\alpha\beta) \cdot r_1 \\ (\beta\beta) \cdot r_2 \\ (\beta\gamma) \cdot r_3 \\ \vdots \\ \vdots \end{bmatrix} \times K_2 + \begin{bmatrix} (\alpha\beta) \cdot s_1 \\ (\beta\beta) \cdot s_2 \\ (\beta\gamma) \cdot s_3 \\ \vdots \\ \vdots \end{bmatrix} \times K_3 + \dots \text{ u. s. w.}$$

Vergleicht man die in den Klammern stehenden Ausdrücke mit den Gewichtsgleichungen, so sieht man, dass dieselben jene Unbekannten sind, welche man erhalten würde, wenn man der Reihe nach  $p_1 p_2 p_3 \dots$  dann  $r_1 r_2 r_3 \dots$  u. s. w. als Absolutglieder der Normalgleichungen annehmen würde, d. h. wenn man nach dem Schema 3) die Unbekannten zu den untereinander stehenden Coefficienten derselben  $K$  suchen würde. Man erhielte also so viele Systeme von Auflösungen, als  $K$  da sind.

Seien die aus der Auflösung des Systems  $p_1 p_2 p_3 \dots$  folgenden fingirten, nicht wirklich berechneten, Unbekannten  $P_1 P_2 P_3 \dots$  dann die den  $r$  entsprechenden  $R_1 R_2 R_3$  u. s. w., so bekommt man die Fehlergleichungen in der Form:

$$\left. \begin{array}{l} (1) = P_1 \cdot K_1 + R_1 \cdot K_2 + S_1 \cdot K_3 + \dots \\ (2) = P_2 \cdot K_1 + R_2 \cdot K_2 + S_2 \cdot K_3 + \dots \\ (3) = P_3 \cdot K_1 + R_3 \cdot K_2 + S_3 \cdot K_3 + \dots \end{array} \right\} \quad 5)$$

u. s. w.

Setzt man die Ausdrücke für die (1), (2) ... aus 5) in 1) ein, so hat man die Correlaten-Normalgleichungen in der allgemeinen Form:

$$\left. \begin{array}{l} (pP) \cdot K_1 + (rG) \cdot K_2 + (sP) \cdot K_3 + \dots = w_1 \\ (pR) \cdot K_1 + (rR) \cdot K_2 + (sR) \cdot K_3 + \dots = w_2 \\ (pS) \cdot K_1 + (rS) \cdot K_2 + (sS) \cdot K_3 + \dots = w_3 \end{array} \right\} \quad 6)$$

Nach der Definition von  $P$  ist der Coefficient  $(pP)$  die Summe der Produkte aus den Absolutgliedern eines Normalgleichungssystems in die zugehörigen Unbekannten. Diese

sich in den Entwicklungen der Ausgleichsrechnungen sehr oft darbietende Grösse kann nach Seite XXIV des I. Bandes, auch wie folgt geschrieben werden:

In allgemeiner Form :

$$(an) A + (bn) B + (cn) C + \dots = \frac{(an)}{(aa)} \cdot (an) + \frac{(bn.1)}{(bb.1)} \cdot (bn.1) + \frac{(cn.2)}{(cc.2)} \cdot (cn.2) + \dots$$

oder mit Bezug auf 6)

$$\begin{aligned} (pP) &= p_1 P_1 + p_2 P_2 + p_3 P_3 + \dots = \frac{p_1}{(aa)} \cdot p_1 + \frac{p_{2.1}}{(bb.1)} \cdot p_2 \cdot 1 + \frac{p_{3.2}}{(cc.2)} \cdot p_3 \cdot 2 + \dots \\ (rR) &= r_1 R_1 + r_2 R_2 + r_3 R_3 + \dots = \frac{r_1}{(aa)} \cdot r_1 + \frac{r_{2.1}}{(bb.1)} \cdot r_2 \cdot 1 + \frac{r_{3.2}}{(cc.2)} \cdot r_3 \cdot 2 + \dots \end{aligned} \quad 7)$$

Die Bildung dieser Grössen aus der numerischen Entwicklung von 3), wie sie auf Seite 99 im Anschluss an die Auflösung der Normalgleichungen dargestellt ist, ist nun eine sehr einfache. In derselben Reihe mit den reducirten Normalgleichungen stehen die Grössen  $p_1, r_1, s_1, \dots, p_{2.1}, r_{2.1}, s_{2.1}, \dots$  in Zahlen und darunter deren Logarithmen, unter welchen wieder die Logarithmen von  $\frac{p_1}{(aa)}, \frac{r_1}{(aa)}, \frac{s_1}{(aa)}, \dots, \frac{p_{2.1}}{(bb.1)}, \frac{r_{2.1}}{(bb.1)}, \frac{s_{2.1}}{(cc.1)}$ , stehen, so dass man durch Addiren der übereinander stehenden Coefficienten-Logarithmen unmittelbar die Logarithmen der Summanden von 7) erhält.

Die Entwicklung für die symmetrischen Coefficienten  $(pR) = (rP), (pS) = (sP) \dots$  gibt Ausdrücke von ähnlicher Form :

$$\begin{aligned} (pR) &= p_1 R_1 + p_2 R_2 + p_3 R_3 + \dots = \frac{p_1}{(aa)} \cdot r_1 + \frac{p_{2.1}}{(bb.1)} \cdot r_2 \cdot 1 + \frac{p_{3.2}}{(cc.2)} \cdot r_3 \cdot 2 + \dots \\ (pS) &= p_1 S_1 + p_2 S_2 + p_3 S_3 + \dots = \frac{p_1}{(aa)} \cdot s_1 + \frac{p_{2.1}}{(bb.1)} \cdot s_2 \cdot 1 + \frac{p_{3.2}}{(cc.2)} \cdot s_3 \cdot 2 + \dots \end{aligned} \quad 7^1)$$

Der Gang der numerischen Berechnung ist nun leicht zu übersehen.

Durch die Auflösung der Correlaten-Normalgleichungen erhält man die Correlaten  $K_1, K_2, K_3 \dots$

Mit diesen berechnet man die Grössen  $\frac{[1]}{(aa)}, \frac{[2.1]}{(bb.1)}, \frac{[3.2]}{(cc.2)} \dots$  nach Schema 3) und hat dadurch die Absolutglieder der Normalgleichungen zur Berechnung der Verbesserungen (1), (2), (3) ...

Man erhält hier die Correlaten-Normalgleichungen:

$$\begin{aligned} &+ \underline{0,2871} \cdot K_1 + 0,1373 \cdot K_2 + 0,1411 \cdot K_3 = - 0,50 \\ &+ 0,1373 \cdot K_1 + \underline{0,2475} \cdot K_2 + 0,1295 \cdot K_3 = - 0,87 \\ &+ 0,1411 \cdot K_1 + 0,1295 \cdot K_2 + \underline{0,4195} \cdot K_3 = - 1,48 \end{aligned}$$

Die Auflösung gibt:

$$K_1 = + 0,9344, \quad K_2 = - 2,4128, \quad K_3 = - 3,0969$$

Hiermit bildet man:

$$\frac{[1]}{(aa)} = 0, \quad \frac{[2.1]}{(bb.1)} = + 0,79685, \quad \frac{[3.2]}{(cc.2)} = + 0,44084, \quad \frac{[4.3]}{(dd.3)} = + 0,02228, \quad \frac{[5.4]}{(ee.4)} = - 0,94653,$$

womit man die Verbesserungen erhält:

- (1) = — 0,0417
- (2) = + 0,5334
- (3) = + 0,0334
- (4) = — 0,3369
- (5) = — 0,9465

Diese zweiten Verbesserungen an die ersten Resultate der Stationsausgleichung angebracht, machen alle Widersprüche verschwinden.

## 2. Endresultate der Stationsausgleichung.

|                 |     |    |       |
|-----------------|-----|----|-------|
| Chasseral       | 0°  | 0' | 0",00 |
| Suchet          | 228 | 44 | 13,41 |
| Neuenburg M.C.  | 341 | 41 | 34,92 |
| " Blitzableiter | 341 | 42 | 12,62 |
| " Kuppel        | 341 | 43 | 21,44 |
| " Pfeiler       | 341 | 47 | 4,70  |

Hieraus folgt:

$$\left. \begin{array}{l} \text{Winkel M.C. — Blitzableiter} = 37",70 \\ \text{, " M.C. — Kuppel} = 1'46",52 \\ \text{, " M.C. — Pfeiler} = 5'29",78 \end{array} \right\} \text{wie es sein soll.}$$

Für die Fehlerquadratsumme hat man  $(n v^t v') = (Kw) = 6,2154$ ; die Zahl der Ueberschüssigen ist 3; daher  $m_1 = \sqrt{\frac{6,215}{3}} = \pm 1",4$ , während aus der ersten Stationsausgleichung  $m = \pm 2",2$  gefunden wurde.

## Station Weissenstein.

Die genäherten Coordinaten sind:

Breite  $47^{\circ} 15',2$ ; Länge (Ost v. Paris)  $5^{\circ} 10',5$ ; Höhe 1293 Meter.

Die örtlichen Umstände dieser Station sind bereits ausführlich beschrieben in „Détermination télégraphique de la différence de longitudes entre des stations suisses par E. Plantamour et A. Hirsch 1872“, woselbst auch eine Situationskizze beigegeben ist.

Die Beobachtungen fanden statt durch Herrn Denzler im Jahr 1874 und Herrn Jacky im Jahre 1877, beidemale auf centrischem Standpunkte.

Die Reduction der Richtung Neuenburg-Dachpfiler auf Centrum des Meridian-instruments ist nach den bei Station Neuenburg zu ersehenden Angaben  $+ 26'',56$ .

### Beobachtungen auf Station Weissenstein.

| Nº 1 Gurten-Chasseral       |            |                |                  | Nº 3 Gurten-Chasseral                    |             |                |                  | Nº 5 Gurten-Chasseral                    |             |                |                  |
|-----------------------------|------------|----------------|------------------|------------------------------------------|-------------|----------------|------------------|------------------------------------------|-------------|----------------|------------------|
| Standp. centr.              | 1874. X. 4 | Beob.: Denzler | 12'' Reichenbach | Standp. centr.                           | 1874. X. 16 | Beob.: Denzler | 12'' Reichenbach | Standp. centr.                           | 1874. X. 17 | Beob.: Denzler | 12'' Reichenbach |
| 0      0°                   | 0'         | 22'',5         |                  | 0      0°                                | 0'          | 17'',5         | -2'',5           | 0      244°                              | 33'         | 2'',5          | -0'',7           |
| 1      61                   | 8          | 34,0           |                  | 1      61                                | 8           | 28,0           | -1,4             | 1      305                               | 41          | 13,0           | +1,1             |
| <hr/> Nº 1 = 61° 8' 11'',5  |            |                |                  | 2      122                               | 16          | 39,5           | -1,3             | 2      6                                 | 49          | 26,0           | +0,4             |
| 0      0°                   | 0'         | 23'',0         | + 0'',4          | 3      183                               | 24          | 48,0           | +1,75            | 3      67                                | 57          | 39,5           | -0,85            |
| 1      61                   | 8          | 35,5           | -0,8             | 4      244                               | 32          | 59,5           | +1,8             | 4      129                               | 5           | 51,0           | -0,1             |
| 2      122                  | 16         | 45,5           | + 0,4            | 5      305                               | 40          | 71,5           | +1,4             | 5      190                               | 13          | 63,0           | +0,2             |
| <hr/> Nº 1 = 61° 8' 11'',5  |            |                |                  | 6      366                               | 48          | 83,0           | +1,5             | <hr/> N = 2,5                  M = 32,50 |             |                |                  |
| 0      0°                   | 0'         | 21'',5         | + 0'',2          | 7      67                                | 56          | 94,0           | +2,1             | <hr/> Nº 5 = 61° 8' 12'',29              |             |                |                  |
| 1      61                   | 8          | 32,0           | -0,2             | 8      129                               | 4           | 107,0          | +0,7             | <hr/>                                    |             |                |                  |
| 2      122                  | 16         | 42,0           | -0,1             | 9      190                               | 12          | 119,5          | -0,2             | <hr/>                                    |             |                |                  |
| <hr/> Nº 2 Gurten-Chasseral |            |                |                  | 10     251                               | 20          | 131,0          | -0,1             | <hr/>                                    |             |                |                  |
| 0      0°                   | 0'         | 23'',0         | + 0'',4          | 11     312                               | 28          | 144,5          | -2,0             | <hr/>                                    |             |                |                  |
| 1      61                   | 8          | 35,5           | -0,8             | 12     13                                | 36          | 156,5          | -2,4             | <hr/>                                    |             |                |                  |
| 2      122                  | 16         | 45,5           | + 0,4            | 13     74                                | 44          | 165,0          | + 0,65           | <hr/>                                    |             |                |                  |
| <hr/> Nº 2 = 61° 8' 11'',25 |            |                |                  | <hr/> N = 6,5                  M = 90,32 |             |                |                  | <hr/> Nº 6 Napf-Gurten                   |             |                |                  |
| 0      0°                   | 0'         | 23'',0         | + 0'',4          | Nº 3 = 61° 8' 11'',59                    |             |                |                  | Standp. centr.                           | 1874. X. 17 | Beob.: Denzler | 12'' Reichenbach |
| 1      61                   | 8          | 35,5           | -0,8             | <hr/> Nº 4 Gurten-Chasseral              |             |                |                  | 0      247°                              | 49'         | 47'',5         | -1'',1           |
| 2      122                  | 16         | 45,5           | + 0,4            | Standp. centr.                           | 1874. X. 17 | Beob.: Denzler | 12'' Reichenbach | 1      305                               | 24          | 92,0           | +3,0             |
| <hr/> Nº 1 = 61° 8' 11'',5  |            |                |                  | 0      0°                                | 0'          | 21'',5         | + 0'',2          | 2      2                                 | 59          | 144,0          | -0,5             |
| 0      0°                   | 0'         | 23'',0         | + 0'',4          | 1      61                                | 8           | 32,0           | -0,2             | 3      60                                | 34          | 194,0          | -2,0             |
| 1      61                   | 8          | 35,5           | -0,8             | 2      122                               | 16          | 42,0           | -0,1             | 4      118                               | 9           | 241,0          | -0,4             |
| 2      122                  | 16         | 45,5           | + 0,4            | 3      183                               | 24          | 52,0           | 0,0              | 5      175                               | 44          | 288,5          | +0,6             |
| <hr/> Nº 1 = 61° 8' 11'',5  |            |                |                  | 4      224                               | 32          | 62,0           | + 0,1            | 6      233                               | 19          | 337,0          | +0,6             |
| 0      0°                   | 0'         | 21'',5         | + 0'',2          | Nº 2 = 61° 8' 10'',10                    |             |                |                  | 7      290                               | 54          | 387,0          | -0,85            |
| 1      61                   | 8          | 32,0           | -0,2             | Nº 4 = 61° 8' 10'',10                    |             |                |                  | 8      348                               | 29          | 434,0          | +0,7             |
| 2      122                  | 16         | 42,0           | -0,1             | <hr/> N = 4                  M = 240,56  |             |                |                  | <hr/> Nº 6 = 57° 35' 48'',53             |             |                |                  |
| 3      183                  | 24         | 52,0           | 0,0              | <hr/>                                    |             |                |                  | <hr/>                                    |             |                |                  |
| 4      224                  | 32         | 62,0           | + 0,1            | <hr/>                                    |             |                |                  | <hr/>                                    |             |                |                  |
| <hr/> Nº 2 = 61° 8' 11'',25 |            |                |                  | <hr/> Nº 4 = 61° 8' 10'',10              |             |                |                  | <hr/> Nº 6 = 57° 35' 48'',53             |             |                |                  |

Beobachter: **Jacky, 12"** Reichenbach.

Centrischer Standpunkt.

| 18. Oktober 1877 |           |                 |                 |                 | 18. Oktober 1877 |           |                 |                    |                 |                 |
|------------------|-----------|-----------------|-----------------|-----------------|------------------|-----------|-----------------|--------------------|-----------------|-----------------|
| Nº               | Kreislage | Gurten          | Neuenburg       | Röthi           | Nº               | Kreislage | Gurten          | Neuenburg          | Vogelberg       | Röthi           |
|                  |           | <b>0° 0' 0"</b> | <b>48° 50'</b>  | <b>237° 17'</b> |                  |           | <b>0° 0' 0"</b> | <b>48° 50'</b>     | <b>217° 23'</b> | <b>237° 17'</b> |
| 7                | 0°        | 0 0 0           | 42",00<br>39,75 | 24",00<br>22,75 | 13               | 0°        | 0 0 0           | 38",00<br>38,50    | 43",50<br>41,00 | 28",50<br>27,50 |
| 8                | 60        | 0 0 0           | 40,50<br>40,50  | 22,50<br>25,50  | 14               | 60        | 0 0 0           | 41,50<br>38,25     | 32,00<br>32,25  | 18,50<br>22,75  |
| 9                | 120       | 0 0 0           | 40,00<br>41,50  | 25,50<br>24,00  | 15               | 120       | 0 0 0           | 42,25<br>46,50     | 41,75<br>41,00  | 24,25<br>25,50  |
| 10               | 180       | 0 0 0           | 39,50<br>41,75  | 22,00<br>22,75  | 16               | 180       | 0 0 0           | 38,50<br>36,50     | 36,00<br>36,50  | 22,50<br>26,00  |
| 11               | 60        | 0 0 0           | 39,75<br>44,00  | 24,25<br>26,00  | 17               | 60        | 0 0 0           | 42,00<br>44,50     | 39,00<br>41,50  | 32,00<br>34,50  |
| 12               | 120       | 0 0 0           | 42,50<br>40,50  | 21,00<br>20,00  | 18               | 120       | 0 0 0           | 42,75<br>41,50     | 36,25<br>32,50  | 19,75<br>23,00  |
|                  |           |                 |                 |                 |                  |           |                 |                    |                 |                 |
| Nº               | Kreislage | Gurten          | Neuenburg       | Röthi           | Nº               | Kreislage | Gurten          | Neuenburg          | Chasseral       | Röthi           |
|                  |           |                 |                 |                 | 19               | 30°       | <b>0° 0' 0"</b> | <b>48° 50'</b>     | <b>61° 8'</b>   | <b>237° 17'</b> |
|                  |           |                 |                 |                 |                  |           |                 | 33",50<br>37,00    | 14",00<br>14,00 | 14",00<br>25,00 |
|                  |           |                 |                 |                 |                  |           |                 | <i>r = +26",56</i> |                 |                 |

### Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº | Beobachter                         | aus Nº        | n       | g           | p          | Gurten         | Neuenburg  | Chasseral  | Vogelberg    | Röthi        | Napf     |
|----|------------------------------------|---------------|---------|-------------|------------|----------------|------------|------------|--------------|--------------|----------|
|    | Repetitionsbeobachtungen           |               |         |             |            | 0° 0' 0"       | 48° 51' 7" | 61° 8' 11" | 217° 23' 37" | 237° 17' 23" | 302° 24' |
| 1  | Denzler<br>12" Reichenbach<br>1874 | 1—5<br>6      | 25<br>8 | 0,10<br>0,8 | 2,5<br>0,8 | 0 0 0<br>0 0 0 | .          | 11,46<br>. | .            | .            | .        |
| 2  | Richtungsbeobachtungen             |               |         |             |            |                |            |            |              |              | 11,47    |
| 3  | Jacky                              | 19            | 1       | 0,18        | 0,18       | 0 0 0          | 1,81       | 14,00      | .            | 19,50        | .        |
| 4  | 12" Reichenbach<br>1877            | 13—18<br>7—12 | 6       | 0,18        | 1,08       | 0 0 0          | 7,46       | .          | 37,77        | 25,40        | .        |
| 5  |                                    |               |         |             | 1,08       | 0 0 0          | 7,58       | .          | .            | 23,35        | .        |

## Resultate der Stationsausgleichung.

|           |     |    |       |
|-----------|-----|----|-------|
| Gurten    | 0°  | 0' | 0",00 |
| Neuenburg | 48  | 51 | 6,79  |
| Chasseral | 61  | 8  | 12,01 |
| Vogelberg | 217 | 23 | 36,98 |
| Röthi     | 237 | 17 | 23,71 |
| Napf      | 302 | 24 | 11,47 |

## Die Netzausgleichung.

Das sphärische Netz wird auf eine Ebene projicirt, die tangirend durch Röthi gelegt wird.

Die Netzpunkte werden durch ein Coordinatensystem festgelegt, in dem die Richtung Röthi-Gurten die + X-Axe, die Senkrechte in der Richtung gegen Chasseral die + Y-Axe vorstellt. Die Azimuthe werden von der + X-Axe über die + Y-Axe gezählt.

Die Winkel  $A$ , deren linke Schenkel nach Röthi gerichtet sind, erhalten durch die Projection Veränderungen  $\Delta A$  nach der Formel:

$$\Delta A = -\frac{1}{2} \sin A \cdot \cos A \cdot \frac{\varrho s^2}{r^2};$$

hierin ist  $\varrho = 206265$ ,  $\log r = 6,80474$ , und  $s$  die Entfernung des Winkelscheitels, d. i. der Station von Röthi; man hat genähert:

|                |                    |
|----------------|--------------------|
| für Gurten     | $\log s = 4,58443$ |
| " Berra        | 4,84380            |
| " Suchet       | 4,98726            |
| " Chasseral    | 4,58125            |
| " Napf         | 4,62486            |
| " Bern         | 4,54137            |
| " Neuenburg    | 4,71709            |
| " Mire         | 4,76264            |
| " Weissenstein | 3,15470            |

Die hiermit berechneten Veränderungen  $\Delta A$  zu den gemessenen sphärischen Winkeln  $A$  (d. i. den aus der Stationsgleichung hervorgegangenen) addirt, geben die Winkel des ebenen Netzes, und diese die gemessenen Azimuthe.

In folgender Tabelle sind die gemessenen sphärischen Winkel, die Veränderungen  $\Delta A$ , die Secunden der ebenen Winkel und die daraus folgenden gemessenen Azimuthe zusammengestellt.

Die sphärischen Excesse sind folgende:

|                               |       |                              |       |
|-------------------------------|-------|------------------------------|-------|
| Röthi—Chasseral—Bern          | 2",84 | Weissenstein—Röthi—Neuenburg | 0",03 |
| Röthi—Gurten—Bern             | 0,10  | Chasseral—Röthi—Neuenburg    | 1,04  |
| Chasseral—Gurten—Bern         | 0,25  | Chasseral—Gurten—Neuenburg   | 1,58  |
| Chasseral—Berra—Bern          | 3,23  | Chasseral—Neuenburg—Mire     | 0,19  |
| Berra—Gurten—Bern             | 0,22  | Chasseral—Suchet—Mire        | 1,96  |
| Röthi—Gurten—Neuenburg        | 3,73  | Chasseral—Berra—Mire         | 1,62  |
| Gurten—Berra—Neuenburg        | 3,00  | Neuenburg—Mire—Berra         | 0,42  |
| Röthi—Berra—Neuenburg         | 5,25  | Berra—Suchet—Mire            | 3,21  |
| Röthi—Gurten—Weissenstein     | 0,115 | Röthi—Chasseral—Napf         | 3,64  |
| Neuenburg—Gurten—Weissenstein | 3,64  | Röthi—Chasseral—Gurten       | 3,19  |
| Chasseral—Gurten—Weissenstein | 3,06  | Röthi—Chasseral—Berra        | 4,90  |
| Röthi—Napf—Weissenstein       | 0,14  | Röthi—Chasseral—Suchet       | 1,98  |
| Napf—Gurten—Weissenstein      | 3,44  | Chasseral—Gurten—Berra       | 3,19  |
| Weissenstein—Röthi—Chasseral  | 0,01  | Chasseral—Berra—Suchet       | 6,80  |

## Zusammenstellung der gemessenen Winkel.

| Station                 | Nº | Richtung     | Gemessene sphärische Winkel $\Delta$ |    |       | $\Delta \Delta$ | Ebene Secunden | Gemessene Azimuthe $\alpha_g$ |    |        |
|-------------------------|----|--------------|--------------------------------------|----|-------|-----------------|----------------|-------------------------------|----|--------|
| 1 <sup>a</sup> . Röthi  | 1  | Gurten       | 0°                                   | 0' | 0",00 |                 | 0",00          | 0°                            | 0' | 0",00  |
|                         | 2  | Bern         | 1                                    | 39 | 50,14 |                 | 50,14          | 1                             | 39 | 50,14  |
|                         | 3  | Berra        | 12                                   | 32 | 49,10 |                 | 49,10          | 12                            | 32 | 49,10  |
|                         | 4  | Suchet       | 47                                   | 0  | 47,87 |                 | 47,87          | 47                            | 0  | 47,87  |
|                         | 5  | Neuenburg    | 47                                   | 17 | 20,57 |                 | 20,57          | 47                            | 17 | 20,57  |
|                         | 6  | Chasseral    | 59                                   | 12 | 0,53  | 0               | 0,53           | 59                            | 12 | 0,53   |
|                         | 7  | Feldberg     | 197                                  | 50 | 50,95 |                 | 50,95          | 197                           | 50 | 50,95  |
|                         | 8  | Wiesen       | 229                                  | 17 | 24,09 |                 | 24,09          | 229                           | 17 | 24,09  |
|                         | 9  | Lägern       | 239                                  | 25 | 5,81  |                 | 5,81           | 239                           | 25 | 5,81   |
|                         | 10 | Rigi         | 277                                  | 10 | 27,63 |                 | 27,63          | 277                           | 10 | 27,63  |
|                         | 11 | Napf         | 302                                  | 22 | 18,63 |                 | 18,63          | 302                           | 22 | 18,63  |
| 1 <sup>b</sup> . Röthi  | 12 | Bern         | 0                                    | 0  | 0,00  | 0               | 0,00           | 1                             | 39 | 50,14  |
|                         | 13 | Weissenstein | 53                                   | 50 | 2,66  |                 | 2,26           | 55                            | 29 | 52,80  |
| 2 <sup>a</sup> . Gurten | 14 | Röthi        | 0                                    | 0  | 0,00  | .               | 0",00          | 180                           | 0  | 0,00   |
|                         | 15 | Napf         | 66                                   | 1  | 14,04 | -1",39          | 12,65          | 246                           | 1  | 12,65  |
|                         | 16 | Hangendhorn  | 109                                  | 44 | 52,55 | + 1,19          | 53,74          | 289                           | 44 | 53,74  |
|                         | 17 | Berra        | 207                                  | 1  | 55,38 | - 1,51          | 53,87          | 27                            | 1  | 53,87  |
|                         | 18 | Neuenburg    | 274                                  | 33 | 4,87  | + 0,30          | 5,17           | 94                            | 33 | 5,17   |
|                         | 19 | Chasseral    | 299                                  | 58 | 5,49  | + 1,62          | 7,11           | 119                           | 58 | 7,11   |
|                         | 20 | Bern         | 344                                  | 29 | 26,79 | + 0,96          | 27,55          | 164                           | 29 | 27,75  |
|                         | 21 | Röthi        | 0                                    | 0  | 0,00  | .               | 0,00           | 180                           | 0  | 0,00   |
| 2 <sup>b</sup> . Gurten | 22 | Weissenstein | 358                                  | 12 | 24,15 | + 0,12          | 24,27          | 178                           | 12 | 24,27  |
|                         | 23 | Röthi        | 0                                    | 0  | 0,00  | .               | 0,00           | 192                           | 32 | 49,10  |
|                         | 24 | Bern         | 10                                   | 26 | 34,92 | - 2,20          | 32,72          | 202                           | 59 | 21,82  |
|                         | 25 | Gurten       | 14                                   | 29 | 6,06  | - 2,99          | 3,07           | 207                           | 1  | 52,17  |
|                         | 26 | Napf         | 35                                   | 33 | 6,78  | - 5,84          | 0,94           | 228                           | 5  | 50,04  |
|                         | 27 | Naye         | 188                                  | 36 | 45,67 | - 1,83          | 43,84          | 21                            | 9  | 32,94  |
|                         | 28 | Suchet       | 259                                  | 24 | 41,17 | - 2,23          | 38,94          | 91                            | 57 | 28,04  |
|                         | 29 | Neuenburg    | 312                                  | 13 | 8,47  | + 6,14          | 14,61          | 144                           | 46 | 3,71   |
|                         | 30 | Chasseral    | 327                                  | 33 | 23,70 | + 5,59          | 29,29          | 160                           | 6  | 18,39  |
|                         | 31 | Röthi        | 0                                    | 0  | 0,00  | .               | 0,00           | 239                           | 12 | 0,53   |
| 5. Chasseral            | 32 | Bern         | 56                                   | 27 | 21,33 | - 1,70          | 19,63          | 295                           | 39 | 20,16  |
|                         | 33 | Röthi        | 0                                    | 0  | 0,00  | .               | 0,00           | 181                           | 39 | 50,14  |
| 7. Bern                 | 34 | Gurten       | 162                                  | 49 | 38,35 | + 0,87          | 39,22          | 344                           | 29 | 29,36  |
|                         | 35 | Berra        | 201                                  | 19 | 35,30 | - 1,04          | 34,26          | 22                            | 59 | 24,40  |
|                         | 36 | Chasseral    | 293                                  | 59 | 29,36 | + 1,14          | 30,50          | 115                           | 39 | 20,64  |
|                         | 37 | Röthi        | 0                                    | 0  | 0,00  | .               | 0,00           | 227                           | 17 | 20,57  |
| 8. Neuenburg            | 38 | Gurten       | 47                                   | 15 | 48,60 | - 3,43          | 45,17          | 274                           | 33 | 5,74   |
|                         | 39 | Berra        | 97                                   | 28 | 45,03 | + 0,89          | 45,92          | 324                           | 46 | 6,49   |
|                         | 40 | Mire         | 123                                  | 31 | 37,59 | + 3,17          | 40,76          | 350                           | 49 | 1,33   |
|                         | 41 | (Röthi)      | 0                                    | 0  | 0,00  | .               | (0,00)         | (219                          | 27 | 32,12) |
| 9. Mire                 | 42 | Suchet       | 198                                  | 24 | 3,49  | - 2,54          | 0,95           | 57                            | 51 | 33,07  |
|                         | 43 | Neuenburg    | 311                                  | 21 | 25,00 | + 4,21          | 29,21          | 170                           | 49 | 1,33   |
|                         | 43 | Chasseral    | 329                                  | 39 | 50,08 | + 3,70          | 53,78          | 189                           | 7  | 25,90  |
| 10. Weissenstein        | 44 | Röthi        | 0                                    | 0  | 0,00  | .               | 0,00           | 235                           | 29 | 52,80  |
|                         | 45 | Napf         | 65                                   | 6  | 47,76 | - 0,00          | 47,76          | 300                           | 36 | 40,56  |
|                         | 46 | Gurten       | 122                                  | 42 | 36,29 | + 0,00          | 36,29          | 358                           | 12 | 29,09  |
|                         | 47 | Neuenburg    | 171                                  | 33 | 43,08 | + 0,00          | 43,08          | 47                            | 3  | 35,88  |
|                         | 48 | Chasseral    | 183                                  | 50 | 48,30 | - 0,00          | 48,30          | 59                            | 20 | 41,10  |

Die durch die Linien des Hauptnetzes gebildeten wahren Winkel sind in folgender Tabelle zusammengestellt.

### Zusammenstellung der wahren Winkel des Hauptnetzes.

(Vergleiche Resultate der Ausgleichung des Hauptnetzes.)

| Station      | Nº | Richtung    | Sphärische Winkel $A$ |    |       | $\Delta A$ | Ebene " | Wahre Azimuthe $\alpha_w$ |    |       |
|--------------|----|-------------|-----------------------|----|-------|------------|---------|---------------------------|----|-------|
| 1. Röthi     | 1  | Gurten      | 0°                    | 0' | 0",00 |            | 0",00   | 0°                        | 0' | 0",00 |
|              | 3  | Berra       | 12                    | 32 | 51,04 |            | 51,04   | 12                        | 32 | 51,04 |
|              | 4  | Suchet      | 47                    | 0  | 47,92 |            | 47,92   | 47                        | 0  | 47,92 |
|              | 6  | Chasseral   | 59                    | 12 | 0,82  |            | 0,82    | 59                        | 12 | 0,82  |
|              | 7  | Feldberg    | 197                   | 50 | 51,35 | 0          | 51,35   | 197                       | 50 | 51,35 |
|              | 8  | Wiesen      | 229                   | 17 | 24,26 |            | 24,26   | 229                       | 17 | 24,26 |
|              | 9  | Lägern      | 239                   | 25 | 5,93  |            | 5,93    | 239                       | 25 | 5,93  |
|              | 10 | Rigi        | 277                   | 10 | 27,05 |            | 27,05   | 277                       | 10 | 27,05 |
|              | 11 | Napf        | 302                   | 22 | 18,81 |            | 18,81   | 302                       | 22 | 18,81 |
|              |    |             |                       |    |       |            |         |                           |    |       |
| 2. Gurten    | 14 | Röthi       | 0                     | 0  | 0,00  |            | 0,00    | 180                       | 0  | 0,00  |
|              | 15 | Napf        | 66                    | 1  | 13,70 | -1",39     | 12,31   | 246                       | 1  | 12,31 |
|              | 16 | Hangendhorn | 109                   | 44 | 52,58 | + 1,19     | 53,77   | 289                       | 44 | 53,77 |
|              | 17 | Berra       | 207                   | 1  | 54,88 | - 1,51     | 53,37   | 27                        | 1  | 53,37 |
|              | 19 | Chasseral   | 299                   | 58 | 5,65  | + 1,62     | 7,27    | 119                       | 58 | 7,27  |
| 3. Berra     | 23 | Röthi       | 0                     | 0  | 0,00  |            | 0,00    | 192                       | 32 | 51,04 |
|              | 25 | Gurten      | 14                    | 29 | 5,32  | - 2,99     | 2,33    | 207                       | 1  | 53,37 |
|              | 26 | Napf        | 35                    | 32 | 65,74 | - 5,84     | 59,90   | 228                       | 5  | 50,94 |
|              | 27 | Naye        | 188                   | 36 | 44,69 | - 1,83     | 42,86   | 21                        | 9  | 33,90 |
|              | 28 | Suchet      | 259                   | 24 | 40,28 | - 2,23     | 38,05   | 91                        | 57 | 29,09 |
|              | 29 | Chasseral   | 327                   | 33 | 22,98 | + 5,59     | 28,57   | 160                       | 6  | 19,61 |
| 4. Suchet    |    | Röthi       | 0                     | 0  | 0,00  |            | 0,00    | 227                       | 0  | 47,92 |
|              |    | Berra       | 44                    | 56 | 53,12 | -11,95     | 41,17   | 271                       | 57 | 29,09 |
|              |    | Chasseral   | 352                   | 20 | 20,28 | + 3,16     | 23,44   | 219                       | 21 | 11,36 |
| 5. Chasseral |    | Röthi       | 0                     | 0  | 0,00  |            | 0,00    | 239                       | 12 | 0,82  |
|              |    | Napf        | 33                    | 21 | 11,08 | - 1,69     | 9,39    | 272                       | 33 | 10,21 |
|              |    | Gurten      | 60                    | 46 | 8,02  | - 1,57     | 6,45    | 299                       | 58 | 7,27  |
|              |    | Berra       | 100                   | 54 | 18,10 | + 0,69     | 18,79   | 340                       | 6  | 19,61 |
|              |    | Suchet      | 160                   | 9  | 9,36  | + 1,18     | 10,54   | 39                        | 21 | 11,36 |
| 6. Napf      |    | Röthi       | 0                     | 0  | 0,00  |            | 0,00    | 122                       | 22 | 18,81 |
|              |    | Berra       | 285                   | 43 | 30,95 | + 1,18     | 32,13   | 48                        | 5  | 50,94 |
|              |    | Gurten      | 303                   | 38 | 51,42 | + 2,08     | 53,50   | 66                        | 1  | 12,31 |
|              |    | Chasseral   | 330                   | 10 | 49,45 | + 1,95     | 51,40   | 92                        | 33 | 10,21 |

Als Grundlänge für die Längenberechnung im ebenen Netze wird die Länge von Chasseral—Röthi angenommen, deren provisorischer Logarithmus = 4,5812516 ist.

Damit ergeben sich:

Feste Coordinaten der Hauptnetzpunkte.

|              |                    |                    |
|--------------|--------------------|--------------------|
| 1. Röthi     | $X_1 = 0$          | $Y_1 = 0$          |
| 2. Gurten    | $X_2 = + 38408,37$ | $Y_2 = 0$          |
| 3. Berra     | $X_3 = + 68125,91$ | $Y_3 = + 15162,43$ |
| 4. Suchet    | $X_4 = + 66215,54$ | $Y_4 = + 71040,55$ |
| 5. Chasseral | $X_5 = + 19523,39$ | $Y_5 = + 32751,07$ |
| 6. Napf      | $X_6 = + 22571,02$ | $Y_6 = - 35604,84$ |

Die Coordinaten der einzuschaltenden Punkte werden durch Zuhilfenahme von Näherungswerten bestimmt, und sind folgende:

|                  |                              |                               |
|------------------|------------------------------|-------------------------------|
| 7. Bern          | $X_7 = + 34768,90 + x_7$     | $Y_7 = + 1009,93 + y_7$       |
| 8. Neuenburg     | $X_8 = + 35359,30 + x_8$     | $Y_8 = + 38304,10 + y_8$      |
| 9. Mire          | $X_9 = + 44698,10 + x_9$     | $Y_9 = + 36794,40 + y_9$      |
| 10. Weissenstein | $X_{10} = + 808,82 + x_{10}$ | $Y_{10} = + 1176,73 + y_{10}$ |

Aus den Coordinaten werden die wahren Azimuthe berechnet nach der Formel:

$$\alpha = \alpha_w - \frac{\varrho}{10 \cdot D} \sin \alpha (x_2 - x_1) + \frac{\varrho}{10 \cdot D} \cos \alpha (y_2 - y_1)$$

worin  $\alpha_w = \text{arc } \tg \frac{Y_2 - Y_1}{X_2 - X_1}$ , das „genäherte Azimuth“ ist, und für die Richtung vom Punkte 1 zum Punkte 2 gilt.

Da einige der Coefficienten im obigen Ausdrucke wegen der geringen Länge von  $D$  sehr gross werden, anderseits aus der bisherigen Rechnung zu ersehen ist, dass die Verbesserungen  $x$  und  $y$  kaum einige Decimeter betragen werden, so werden, um die Coefficienten zu verkleinern, die Verbesserungen in Decimetern verstanden, weshalb auch die Entfernung  $D$  in Decimetern zu nehmen ist.

Wahre Azimuthe weniger gemessene Azimuthe geben die Fehler  $f = \alpha - \alpha_g$  am Azimuthe, welche nebst den „genäherten Azimuthen  $\alpha_w$ “ in folgender tabellarischer Form dargestellt sind.

### Zusammenstellung der Azimuth-Fehlergleichungen.

| Genäherte Azimutthe<br>$\alpha_w$ |    |       | $f =$ | $x_7$   | +       | $y_7$   | +       | $x_8$   | +       | $y_8$ | + | $x_9$ | +        | $y_9$   | + | $x_{10}$ | +      | $y_{10}$ | +(n= $\alpha_w - \alpha_g$ ) |
|-----------------------------------|----|-------|-------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|-------|---|-------|----------|---------|---|----------|--------|----------|------------------------------|
| 0°                                | 0' | 0",00 | 1     | .       |         | .       |         | .       |         | .     |   | .     |          | .       |   | .        |        | 0        |                              |
| 1                                 | 39 | 49,68 | 2     | -0,0172 | +0,5927 | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | .      | -0,46    |                              |
| 12                                | 32 | 51,04 | 3     | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | .      | +1,94    |                              |
| 47                                | 0  | 47,92 | 4     | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | .      | +0,05    |                              |
| 47                                | 17 | 21,32 | 5     | .       | .       | .       | .       | -0,2907 | +0,2684 | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | .      | +0,75    |                              |
| 59                                | 12 | 0,82  | 6     | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | .      | +0,29    |                              |
| 197                               | 50 | 51,35 | 7     | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | .      | +0,40    |                              |
| 229                               | 17 | 24,26 | 8     | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | .      | +0,17    |                              |
| 239                               | 25 | 5,93  | 9     | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | .      | +0,12    |                              |
| 277                               | 10 | 27,05 | 10    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | .      | -0,58    |                              |
| 302                               | 22 | 18,81 | 11    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | .      | +0,18    |                              |
|                                   |    |       |       | (f) =   | -0,0172 | +0,5927 | -0,2907 | +0,2684 | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +2,86  |          |                              |
|                                   |    |       |       | $i=11$  | +0,0016 | -0,0539 | +0,0264 | -0,0244 | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | -0,26  |          |                              |
| 1                                 | 39 | 49,68 | 12    | -0,0172 | +0,5927 | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | -11,9045 | +8,1825 | . | .        | -0,46  |          |                              |
| 55                                | 29 | 50,98 | 13    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | -11,9045 | +8,1825 | . | .        | -1,82  |          |                              |
|                                   |    |       |       | (f) =   | -0,0172 | +0,5927 | .       | .       | .       | .     | . | .     | -11,9045 | +8,1825 | . | .        | -2,28  |          |                              |
|                                   |    |       |       | $i=2$   | +0,0086 | -0,2964 | .       | .       | .       | .     | . | .     | +5,9523  | -4,9913 | . | .        | +1,14  |          |                              |
| 180                               | 0  | 0,00  | 14    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | 0      |          |                              |
| 246                               | 1  | 12,31 | 15    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | -0,34  |          |                              |
| 289                               | 44 | 53,77 | 16    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +0,03  |          |                              |
| 27                                | 1  | 53,37 | 17    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | -0,50  |          |                              |
| 94                                | 33 | 4,48  | 18    | .       | .       | .       | -0,5351 | -0,0426 | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | -0,69  |          |                              |
| 119                               | 58 | 7,27  | 19    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +0,16  |          |                              |
| 164                               | 29 | 27,59 | 20    | -1,4602 | -5,2622 | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | -0,16  |          |                              |
|                                   |    |       |       | (f) =   | -1,4602 | -5,2622 | -0,5351 | -0,0426 | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | -1,50  |          |                              |
|                                   |    |       |       | $i=7$   | +0,2086 | +0,7517 | +0,0764 | +0,0061 | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +0,21  |          |                              |
| 180                               | 0  | 0,00  | 21    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | -0,0172  | -0,5480 | . | .        | 0      |          |                              |
| 178                               | 12 | 26,76 | 22    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | -0,0172  | -0,5480 | . | .        | +2,49  |          |                              |
|                                   |    |       |       | (f) =   | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | -0,0172  | -0,5480 | . | .        | +2,49  |          |                              |
|                                   |    |       |       | $i=2$   | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | +0,0086  | +0,2740 | . | .        | -1,25  |          |                              |
| 192                               | 32 | 51,04 | 23    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +1,94  |          |                              |
| 202                               | 59 | 24,85 | 24    | +0,2223 | -0,5240 | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +3,03  |          |                              |
| 207                               | 1  | 53,37 | 25    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +1,20  |          |                              |
| 228                               | 5  | 50,94 | 26    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +0,90  |          |                              |
| 21                                | 9  | 33,90 | 27    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +0,96  |          |                              |
| 91                                | 57 | 29,09 | 28    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +1,05  |          |                              |
| 144                               | 46 | 5,00  | 29    | .       | .       | .       | -0,2966 | -0,4200 | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +1,29  |          |                              |
| 160                               | 6  | 19,61 | 30    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +1,22  |          |                              |
|                                   |    |       |       | (f) =   | +0,2223 | -0,5240 | -0,2966 | -0,4200 | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +11,59 |          |                              |
|                                   |    |       |       | $i=8$   | -0,0278 | +0,0655 | +0,0371 | +0,0525 | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | -1,45  |          |                              |
| 239                               | 12 | 0,82  | 31    | .       | .       | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +0,29  |          |                              |
| 295                               | 39 | 19,18 | 32    | +0,5280 | +0,2536 | .       | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | -0,98  |          |                              |
|                                   |    |       |       | (f) =   | +0,5280 | +0,2536 | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | -0,69  |          |                              |
|                                   |    |       |       | $i=2$   | -0,2640 | -0,1268 | .       | .       | .       | .     | . | .     | .        | .       | . | .        | +0,35  |          |                              |

| Genäherte Azimutthe |     |        | $f =$ | $x_7 + y_7 + x_8 + y_8 + x_9 + y_9 + x_{10} + y_{10} + (n = \alpha_w - \alpha_g)$ |         |         |         |         |         |          |          |         |        |       |  |
|---------------------|-----|--------|-------|-----------------------------------------------------------------------------------|---------|---------|---------|---------|---------|----------|----------|---------|--------|-------|--|
| 181°                | 39' | 49",68 | 33    | -0,0172                                                                           | +0,5927 | .       | .       | .       | .       | .        | .        | .       | .      | -0,46 |  |
| 344                 | 29  | 27,59  | 34    | -1,4602                                                                           | -5,2622 | .       | .       | .       | .       | .        | .        | .       | .      | -1,77 |  |
| 22                  | 59  | 24,85  | 35    | +0,2223                                                                           | -0,5240 | .       | .       | .       | .       | .        | .        | .       | .      | +0,45 |  |
| 115                 | 39  | 19,18  | 36    | +0,5280                                                                           | +0,2536 | .       | .       | .       | .       | .        | .        | .       | .      | -1,46 |  |
|                     |     |        |       | (f) =                                                                             | -0,7271 | -4,9399 | .       | .       | .       | .        | .        | .       | .      | -3,24 |  |
|                     |     |        |       | i=4                                                                               | +0,1818 | +1,2350 | .       | .       | .       | .        | .        | .       | .      | +0,81 |  |
| 227                 | 17  | -21,32 | 37    | .                                                                                 | .       | -0,2907 | +0,2684 | .       | .       | .        | .        | .       | .      | +0,75 |  |
| 274                 | 33  | 4,48   | 38    | .                                                                                 | .       | -0,5351 | -0,0426 | .       | .       | .        | .        | .       | .      | -1,26 |  |
| 324                 | 46  | 5,00   | 39    | .                                                                                 | .       | -0,2966 | -0,4200 | .       | .       | .        | .        | .       | .      | -1,49 |  |
| 350                 | 49  | 1,46   | 40    | .                                                                                 | .       | -0,3480 | -2,1524 | +0,3480 | +2,1524 | .        | .        | .       | .      | +0,13 |  |
|                     |     |        |       | (f) =                                                                             | .       | .       | -1,4704 | -2,3466 | +0,3480 | +2,1524  | .        | .       | .      | -1,87 |  |
|                     |     |        |       | i=4                                                                               | .       | .       | +0,3676 | +0,5867 | -0,0870 | -0,5381  | .        | .       | .      | +0,47 |  |
| 57                  | 51  | 29,35  | 41    | .                                                                                 | .       | .       | .       | +0,4318 | -0,2713 | .        | .        | .       | .      | -3,72 |  |
| 170                 | 49  | 1,46   | 42    | .                                                                                 | .       | -0,3480 | -2,1524 | +0,3480 | +2,1524 | .        | .        | .       | .      | +0,13 |  |
| 189                 | 7   | 27,83  | 43    | .                                                                                 | .       | .       | .       | -0,1283 | +0,7987 | .        | .        | .       | .      | +1,93 |  |
|                     |     |        |       | (f) =                                                                             | .       | .       | -0,3480 | -2,1524 | +0,6515 | +2,6798  | .        | .       | .      | -1,66 |  |
|                     |     |        |       | i=3                                                                               | .       | .       | +0,1160 | +0,7175 | -0,2172 | -0,8933  | .        | .       | .      | +0,55 |  |
| 235                 | 29  | 50,98  | 44    | .                                                                                 | .       | .       | .       | .       | .       | -11,9045 | +8,1825  | -1,82   |        |       |  |
| 300                 | 36  | 40,06  | 45    | .                                                                                 | .       | .       | .       | .       | .       | -0,4154  | -0,2458  | -0,50   |        |       |  |
| 358                 | 12  | 26,76  | 46    | .                                                                                 | .       | .       | .       | .       | .       | -0,0172  | -0,5480  | -2,33   |        |       |  |
| 47                  | 3   | 32,24  | 47    | .                                                                                 | .       | -0,2977 | +0,2771 | .       | .       | +0,2977  | -0,2771  | -3,64   |        |       |  |
| 59                  | 20  | 39,00  | 48    | .                                                                                 | .       | .       | .       | .       | .       | +0,4834  | -0,2865  | -2,10   |        |       |  |
|                     |     |        |       | (f) =                                                                             | .       | .       | -0,2977 | +0,2771 | .       | .        | -11,5560 | +6,8251 | -10,39 |       |  |
|                     |     |        |       | i=5                                                                               | .       | .       | +0,0595 | -0,0554 | .       | .        | +2,3112  | -1,3650 | +2,08  |       |  |

Aus diesen Fehlgleichungen werden nach den in der Einleitung gegebenen Erklärungen die „Normalgleichungen“ gebildet, welche in der Ordnung, in der sie aufgelöst wurden, tabellarisch zusammengestellt sind:

### Zusammenstellung der für die Auflösung geordneten Normalgleichungen.

|          | $y_9 + x_9 + y_7 + x_7 + x_{10} + y_{10} + y_8 + x_8 + (AN) = 0$ |          |           |           |            |            |          |          |          |          |          |  |  |  |
|----------|------------------------------------------------------------------|----------|-----------|-----------|------------|------------|----------|----------|----------|----------|----------|--|--|--|
| $y_9$    | + 6,4258                                                         | + 0,5091 | .         | .         | .          | .          | .        | .        | - 6,0805 | - 0,3960 | + 5,6000 |  |  |  |
| $x_9$    | + 0,5091                                                         | + 0,2734 | .         | .         | .          | .          | .        | .        | - 0,8265 | - 0,0387 | - 1,2404 |  |  |  |
| $y_7$    | .                                                                | .        | + 46,7835 | + 13,3302 | + 3,5282   | - 2,4251   | - 0,0740 | - 0,4060 | - 0,4060 | + 3,1348 |          |  |  |  |
| $x_7$    | .                                                                | .        | + 13,3302 | + 4,3392  | - 0,1025   | + 0,0704   | + 0,0032 | - 0,1038 | - 0,1038 | + 1,2708 |          |  |  |  |
| $x_{10}$ | .                                                                | .        | + 3,5282  | - 0,1025  | + 186,3616 | - 130,4411 | + 0,7229 | - 0,7767 | - 0,7767 | + 3,8748 |          |  |  |  |
| $y_{10}$ | .                                                                | .        | - 2,4251  | + 0,0704  | - 130,4411 | + 91,7706  | - 0,4550 | + 0,4889 | + 0,4889 | - 3,9456 |          |  |  |  |
| $y_8$    | - 6,0805                                                         | - 0,8265 | - 0,0740  | + 0,0032  | + 0,7229   | - 0,4550   | + 6,8780 | + 0,4467 | + 0,4467 | - 2,1813 |          |  |  |  |
| $x_8$    | - 0,3960                                                         | - 0,0387 | - 0,4060  | - 0,1038  | - 0,7767   | + 0,4889   | + 0,4467 | + 0,5902 | + 0,5902 | + 0,5517 |          |  |  |  |

Die Auflösung dieser Gleichungen gibt folgende wahrscheinlichste Werthe der Coordinatenverbesserungen:

$$\begin{aligned}x_7 &= -0,6067 \text{ Decimeter} \\y_7 &= +0,0931 \quad " \\x_8 &= -1,2084 \quad " \\y_8 &= -1,0674 \quad " \\x_9 &= +5,6082 \quad " \\y_9 &= -2,4003 \quad " \\x_{10} &= +1,7484 \quad " \\y_{10} &= +2,5319 \quad "\end{aligned}$$

Durch Einsetzen dieser Werthe in die Azimuthfehlergleichungen erhält man die wahrscheinlichsten Werthe der Fehler  $f$ , beziehungsweise die Verbesserungen der gemessenen Azimuthe  $\alpha_g$ , und aus diesen die Fehler beziehungsweise die Verbesserungen an den gemessenen ebenen und an den sphärischen Winkeln.

### Winkelfehler (Verbesserungen) der gemessenen Winkel.

|     |       |     |       |     |       |     |       |     |       |
|-----|-------|-----|-------|-----|-------|-----|-------|-----|-------|
| 1.  | 0     | 12. | 0     | 21. | 0     | 31. | 0     | 41. | 0     |
| 2.  | -0,39 | 13. | -1,53 | 22. | +1,07 | 32. | -1,57 | 42. | +0,28 |
| 3.  | +1,94 |     |       |     |       | 33. | 0     | 43. | -0,06 |
| 4.  | +0,05 | 14. | 0     | 23. | 0     | 34. | -0,98 |     |       |
| 5.  | +0,81 | 15. | -0,34 | 24. | +0,91 | 35. | +0,66 | 44. | 0     |
| 6.  | +0,29 | 16. | +0,03 | 25. | -0,74 | 36. | -1,37 | 45. | +0,07 |
| 7.  | +0,40 | 17. | -0,50 | 26. | -1,04 | 37. | 0     | 46. | -1,83 |
| 8.  | +0,17 | 18. | 0,00  | 27. | -0,98 | 38. | -1,38 | 47. | -1,84 |
| 9.  | +0,12 | 19. | +0,16 | 28. | -0,89 | 39. | -1,49 | 48. | -0,06 |
| 10. | -0,58 | 20. | +0,24 | 29. | +0,16 | 40. | -1,18 |     |       |
| 11. | +0,18 |     |       | 30. | -0,72 |     |       |     |       |

Diese Verbesserungen, an die gemessenen sphärischen Winkel, d. i. an die Resultate der Stationsausgleichungen angebracht, geben die ausgeglichenen sphärischen Winkel, welche ein widerspruchloses Netz bilden.

In folgender Zusammenstellung sind diese Winkel und die Logarithmen der Seitenlängen angegeben. Die Grundlänge für letztere ist die provisorische Länge von Chasseral-Röthi, deren Logarithmus = 4.5812516 ist.

### Ausgeglichene Winkel und Logarithmen der Seitenlängen.

| Nº                              | Richtung.    | Winkel.      | Logarithmen<br>der Entfernung. | Nº | Richtung. | Winkel.      | Logarithmen<br>der Entfernung. |
|---------------------------------|--------------|--------------|--------------------------------|----|-----------|--------------|--------------------------------|
| <b>Station Röthi.</b>           |              |              |                                |    |           |              |                                |
| 1                               | Gurten       | 0° 0' 0",00  | 4,5844257                      | 31 | Röthi     | 0° 0' 0",00  | 4,5812516                      |
| 2                               | Bern         | 1 39 49,75   | 4,5413741                      | 32 | Bern      | 56 27 19,76  | 4,5466959 <sub>5</sub>         |
| 3                               | Berra        | 12 32 51,04  | 4,8437986                      |    |           |              |                                |
| 4                               | Suchet       | 47 0 47,92   | 4,9872564                      |    |           |              |                                |
| 5                               | Neuenburg    | 47 17 21,38  | 4,7170776 <sub>5</sub>         |    |           |              |                                |
| 12/13                           | Weissenstein | 55 29 50,88  | 3,1547952 <sub>5</sub>         |    |           |              |                                |
| 6                               | Chasseral    | 59 12 0,82   | 4,5812516                      | 33 | Röthi     | 0 0 0,00     | 4,5413741                      |
| 7                               | Feldberg     | 197 50 51,35 | 4,8880436                      | 34 | Gurten    | 162 49 37,37 | 3,5771448                      |
| 8                               | Wiesen       | 229 17 24,26 | 4,4942307                      | 35 | Berra     | 201 19 35,96 | 4,5591062                      |
| 9                               | Lägern       | 239 25 5,93  | 4,8478416                      | 36 | Chasseral | 293 59 27,99 | 4,5466959 <sub>5</sub>         |
| 10                              | Rigi         | 277 10 27,05 | 4,8806427                      |    |           |              |                                |
| 11                              | Napf         | 302 22 18,81 | 4,6248615                      |    |           |              |                                |
| <b>Station Chasseral.</b>       |              |              |                                |    |           |              |                                |
| <b>Station Bern.</b>            |              |              |                                |    |           |              |                                |
| <b>Station Neuenburg.</b>       |              |              |                                |    |           |              |                                |
| <b>Station Gurten.</b>          |              |              |                                |    |           |              |                                |
| 14                              | Röthi        | 0 0 0,00     | 4,5844257                      | 37 | Röthi     | 0 0 0,00     | 4,7170776 <sub>5</sub>         |
| 15                              | Napf         | 66 1 13,70   | 4,5907081                      | 38 | Gurten    | 47 15 47,22  | 4,5846090                      |
| 16                              | Hangendhorn  | 109 44 52,58 | 4,8120013                      | 39 | Berra     | 97 28 43,54  | 4,6032856                      |
| 17                              | Berra        | 207 1 54,88  | 4,5232288                      | 40 | Mire      | 123 31 36,41 | 3,9759086                      |
| 18                              | Neuenburg    | 274 33 4,87  | 4,5846090                      |    |           |              |                                |
| 19                              | Chasseral    | 299 58 5,65  | 4,5775559                      |    |           |              |                                |
| 20                              | Bern         | 344 29 27,03 | 3,5771448                      |    |           |              |                                |
| 21/22                           | Weissenstein | 358 12 25,22 | 4,5753930                      |    |           |              |                                |
| <b>Station Mire Port-Alban.</b> |              |              |                                |    |           |              |                                |
| <b>Station Berra.</b>           |              |              |                                |    |           |              |                                |
| 23                              | Röthi        | 0 0 0,00     | 4,8437986                      |    |           |              |                                |
| 24                              | Bern         | 10 26 35,83  | 4,5591062                      |    |           |              |                                |
| 25                              | Gurten       | 14 29 5,32   | 4,5232288                      |    |           |              |                                |
| 26                              | Napf         | 35 33 5,74   | 4,8338328                      | 44 | Röthi     | 0 0 0,00     | 3,1547952 <sub>5</sub>         |
| 27                              | Naye         | 188 36 44,69 | 4,4980491                      | 45 | Napf      | 65 6 47,83   | 4,6308072 <sub>5</sub>         |
| 28                              | Suchet       | 259 24 40,28 | 4,7474550                      | 46 | Gurten    | 122 42 34,46 | 4,5758930                      |
| 29                              | Neuenburg    | 312 13 8,63  | 4,6032856                      | 47 | Neuenburg | 171 33 41,24 | 4,7051416                      |
| 30                              | Chasseral    | 327 33 22,98 | 4,7133666                      | 48 | Chasseral | 183 50 48,24 | 4,5647080                      |

## Mittlerer Fehler der Gewichtseinheit.

Die Summe der Quadrate der Richtungsfehler ist  $(vv) = 19,302$

Die Zahl der beobachteten Richtungen ist: 48

hievon sind nothwendig:

zur Festlegung der 4 einzuschaltenden Punkte 8

zur Orientirung der 10 Winkelsätze 10

Daher ist die Zahl der überschüssigen Angaben 30

Hieraus folgt der mittlere Fehler der Gewichtseinheit, d. i. hier der mittlere Fehler an der Richtungsangabe in den Resultaten der Stationsausgleichung

$$m = \pm \sqrt{\frac{19,302}{30}} = \pm 0'',80.$$

## Gewichtsberechnung.

Die unbestimmte Auflösung der Normalgleichungen liefert folgende in tabellarischer Form zusammengestellte Gewichtsgleichungen, in denen der bessern Uebersicht wegen die Absolutglieder der Normalgleichungen ( $AN$ ) . . . durch die Klammerzeichen  $[x_7]$  . . . bezeichnet sind.

## Gewichtsgleichungen.

|            | $[x_7]$ | + | $[y_7]$ | + | $[x_8]$ | + | $[y_8]$ | + | $[x_9]$ | + | $[y_9]$ | + | $[x_{10}]$ | + | $[y_{10}]$ |
|------------|---------|---|---------|---|---------|---|---------|---|---------|---|---------|---|------------|---|------------|
| Decimeter  |         |   |         |   |         |   |         |   |         |   |         |   |            |   |            |
| $x_7 =$    | +1,8783 |   | -0,5364 |   | -0,0081 |   | -0,0924 |   | -0,1370 |   | -0,0771 |   | +0,0561    |   | +0,0637    |
| $y_7 =$    | -0,5364 |   | +0,1748 |   | +0,0171 |   | +0,0280 |   | +0,0419 |   | +0,0242 |   | -0,0168    |   | -0,0188    |
| $x_8 =$    | -0,0081 |   | +0,0171 |   | +1,8348 |   | -0,2098 |   | -0,2530 |   | -0,0655 |   | +0,1688    |   | +0,2299    |
| $y_8 =$    | -0,0924 |   | +0,0280 |   | -0,2098 |   | +1,6791 |   | +2,4771 |   | +1,3796 |   | -0,1515    |   | -0,2052    |
| $x_9 =$    | -0,1370 |   | +0,0419 |   | -0,2530 |   | +2,4771 |   | +7,9463 |   | +1,6986 |   | -0,2189    |   | -0,2963    |
| $y_9 =$    | -0,0771 |   | +0,0242 |   | -0,0655 |   | +1,3796 |   | +1,6986 |   | +1,3222 |   | -0,1156    |   | -0,1565    |
| $x_{10} =$ | +0,0561 |   | -0,0168 |   | +0,1688 |   | -0,1515 |   | -0,2189 |   | -0,1156 |   | +1,0522    |   | +1,4934    |
| $y_{10} =$ | +0,0637 |   | -0,0188 |   | +0,2299 |   | -0,2052 |   | -0,2963 |   | -0,1565 |   | +1,4934    |   | +2,1306    |

## Bestimmung der mittleren Genauigkeit in der Lage der vier Punkte gegen das als unveränderlich betrachtete Hauptnetz.

Die mittleren Fehlerellipsen ergeben sich mit Hilfe der in den Gewichtsgleichungen stehenden reciproken Gewichtscoefficienten nach den Formeln

$$\cotg 2 \nu = \frac{(xx) - (yy)}{2(xy)}$$

$$A = \pm m \sqrt{(yy) + (xy) \cotg \nu} = \pm m \sqrt{(xx) + (xy) \operatorname{tg} \nu}$$

Man erhält für

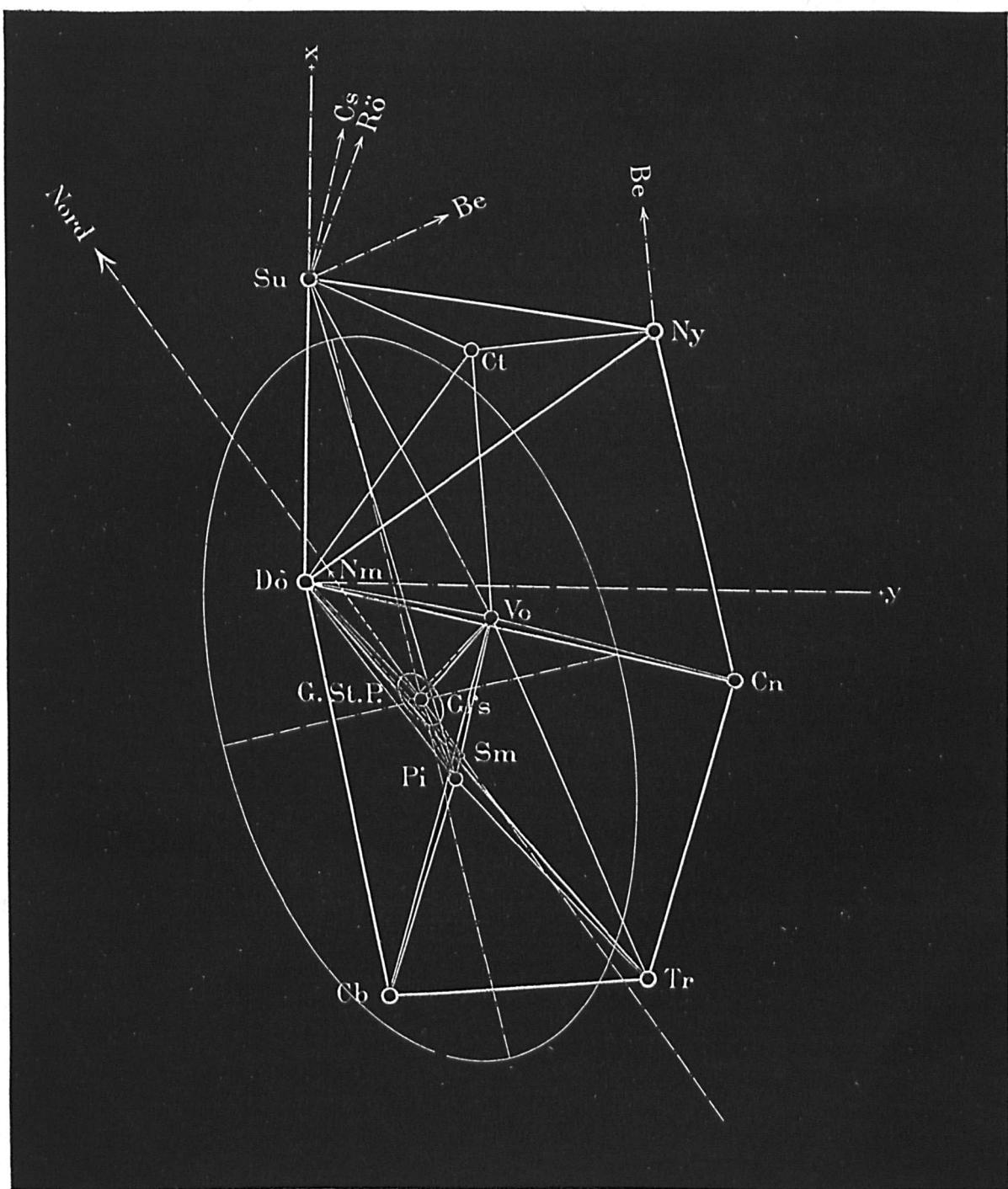
|              |   |         |                   |           |                     |       |                           |
|--------------|---|---------|-------------------|-----------|---------------------|-------|---------------------------|
| Bern         | : | Halbaxe | $A_1 = \pm 0,113$ | Decimeter | = 0,01 <sub>1</sub> | Meter | $\nu_1 = 73^\circ 54'$    |
|              | " |         | $A_2 = \pm 1,144$ | "         | = 0,11 <sub>4</sub> | "     | $\nu_2 = 163^\circ 54'$   |
| Neuenburg    | : | "       | $A_1 = \pm 0,993$ | "         | = 0,10 <sub>0</sub> | "     | $\nu_1 = 55^\circ 10',8$  |
|              | " |         | $A_2 = \pm 1,129$ | "         | = 0,11 <sub>3</sub> | "     | $\nu_2 = 145^\circ 10',8$ |
| Mire         | : | "       | $A_1 = \pm 2,319$ | "         | = 0,23 <sub>2</sub> | "     | $\nu_1 = 13^\circ 34',6$  |
|              | " |         | $A_2 = \pm 0,766$ | "         | = 0,07 <sub>7</sub> | "     | $\nu_2 = 103^\circ 34',6$ |
| Weissenstein | : | "       | $A_1 = \pm 1,430$ | "         | = 0,14 <sub>3</sub> | "     | $\nu_1 = 54^\circ 55',6$  |
|              | " |         | $A_2 = \pm 0,048$ | "         | = 0,00 <sub>5</sub> | "     | $\nu_2 = 144^\circ 55',6$ |

worin  $\nu$  die Winkel der betreffenden Axen mit der Richtung Röthi—Gurten bedeuten.

Unter diesen Ellipsen sind besonders auffallend jene von Bern und Weissenstein, welche in einer bestimmten Richtung eine grosse Sicherheit in der Punktbestimmung ausweisen. Es ist das jene Richtung, welche auf den nicht viel um  $180^\circ$  abweichenden Gegenvisuren von oder zu dem betreffenden Punkte senkrecht steht, so bei Bern bezüglich der Richtungen nach Röthi, Gurten, Berra, und bei Weissenstein bezüglich der Richtungen Röthi, Chasseral, Neuenburg.

Die Berechnungen für die Genauigkeit der geodätischen Uebertragung von Länge, Breite und Azimuth, sowie eine Zusammenstellung der astronomischen Bestimmungen werden in einem nächsten Bande veröffentlicht werden.

## Anschluss der Sternwarte Genf.



Masstab des Netzes 1 : 1000000  
» der Fehlerellipsen 1 : 20

Der astronomisch bestimmte Punkt ist der Mittelpunkt des Meridianinstrumentes (*M.C.*).

Der Anschluss wird hergestellt durch Messungen auf den Stationen des Hauptnetzes: Colombier, Trélo, Dôle, Colonné, Suchet, Naye und auf den nicht in die Ausgleichung des Hauptnetzes einbezogenen Stationen zweiter Ordnung: Piton, Voirons, Chalet und Genf *M.C.*

## Station Piton.

Als Mittelpunkt der Station wird der Mittelpunkt des 5<sup>m</sup>,06 im Durchmesser haltenden runden Thurmes angesehen. Da derselbe solide gebaut ist, so wurde von einer seitlichen Versicherung abgesehen.

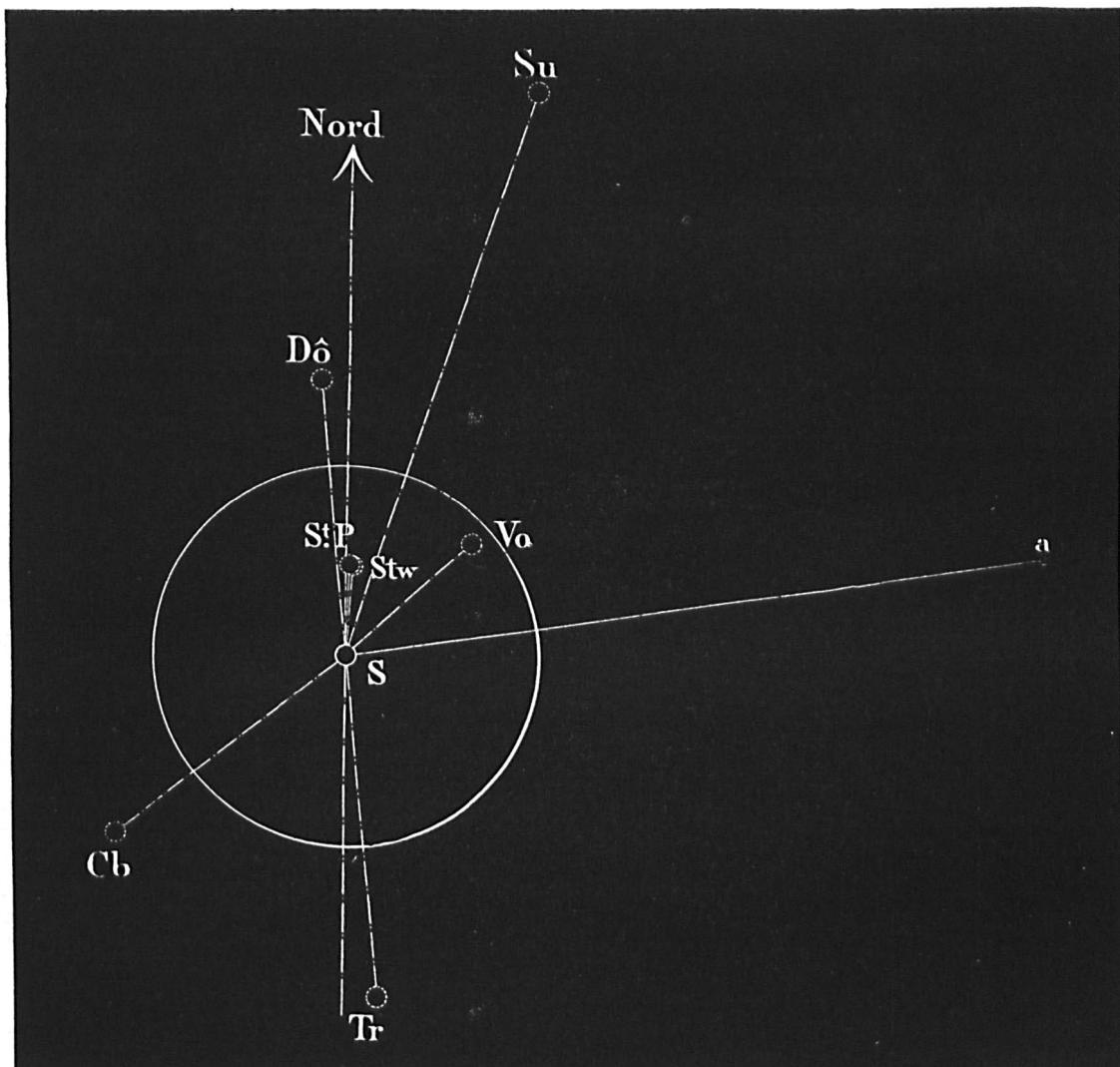
Die Beobachtungen wurden ausgeführt durch Herrn Gelpke in der Zeit vom 23. X bis 5. XI. 1867 auf dem excentrischen Standpunkte *a*.

Die genäherten Entfernungen der anvisirten Objecte vom Centrum der Station sind folgende:

|                                  |           |             |
|----------------------------------|-----------|-------------|
| Dôle                             | (Dô)      | 36843 Meter |
| West-Thurm von St. Peter in Genf | (St. P.)  | 11788       |
| Westkuppel der Sternwarte Genf   | (Stw. W.) | 11683       |
| Suchet                           | (Su)      | 79369       |
| Voirons                          | (Vo)      | 22457       |
| Trélo                            | (Tr)      | 44937       |
| Colombier                        | (Cb)      | 37903       |

Vom Standpunkte *a* aus sind die genäherten Richtungen und die Centrirungswerte derselben folgende:

| S       | 0°  | 0'   | Centrirung | d = 9 <sup>m</sup> ,244 |
|---------|-----|------|------------|-------------------------|
| Dô      | 93  | 48,3 | + 51",64   |                         |
| St. P.  | 102 | 2,3  | + 158,19   |                         |
| Stw. W. | 103 | 28,5 | + 158,73   |                         |
| Su      | 116 | 53,8 | + 21,42    |                         |
| Vo      | 146 | 24,4 | + 46,98    |                         |
| Tr      | 272 | 54,9 | - 42,38    |                         |
| Cb      | 330 | 4,1  | - 25,10    |                         |



Massstab:

1 : 100 für die Station.

1 : 1000000 für die entfernten Signale.

Die genäherten Coordinaten sind:

Breite  $46^{\circ} 5' 7''$ ; Länge (Ost v. Paris)  $3^{\circ} 48' 2''$ ; Höhe 1379 Meter.

Die Reduction der Richtung Genf Westkuppel (Stw. W.) auf Centrum des Meridian-instruments ist  $+ 167'',40$ .

Beobachtungen auf Station Piton.

| Nº 1 Suchet-Voiron. |      |     |                  |       |  |  | Nº 3 Voiron-Trélo.   |      |     |                  |        |  |  | Nº 6 Voiron-Trélo.   |      |     |                  |       |  |  |
|---------------------|------|-----|------------------|-------|--|--|----------------------|------|-----|------------------|--------|--|--|----------------------|------|-----|------------------|-------|--|--|
| Standp. a           |      |     | 1867. X. 25      |       |  |  | Standp. a            |      |     | 1867. X. 23      |        |  |  | Standp. a            |      |     | 1867. X. 25      |       |  |  |
| Beob.: Gelpke       |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  | Beob.: Gelpke        |      |     | 8" Reichenb. (1) |        |  |  | Beob.: Gelpke        |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  |
| 0                   | 330° | 35' | 45",0            | +1",3 |  |  | 0                    | 62°  | 37' | 43",8            | -1",0  |  |  | 0                    | 38°  | 31' | 27",5            | -3",1 |  |  |
| 1                   | 0    | 5   | 81,3             | +0,5  |  |  | 1                    | 189  | 7   | 75,0             | -0,1   |  |  | 1                    | 165  | 1   | 55,0             | +2,1  |  |  |
| 2                   | 29   | 35  | 120,0            | -2,7  |  |  | 2                    | 315  | 37  | 105,0            | +2,0   |  |  | 2                    | 291  | 31  | 90,0             | -0,3  |  |  |
| 3                   | 59   | 5   | 153,8            | -1,0  |  |  | 3                    | 82   | 7   | 138,8            | +0,3   |  |  | 3                    | 58   | 1   | 121,3            | +1,1  |  |  |
| 4                   | 88   | 35  | 186,3            | +2,0  |  |  | 4                    | 208  | 37  | 172,5            | -1,2   |  |  | 4                    | 184  | 31  | 153,8            | +1,2  |  |  |
| $N = 2$             |      |     | $M = 117,28$     |       |  |  | $N = 2$              |      |     | $M = 107,02$     |        |  |  | $N = 4$              |      |     | $M = 155,02$     |       |  |  |
| $x = 29°$           |      |     | $30' 35",51$     |       |  |  | $x = 126°$           |      |     | $30' 32",12$     |        |  |  | $x = 126°$           |      |     | $30' 32",65$     |       |  |  |
| $r = + 25",56$      |      |     |                  |       |  |  | $r = - 89",36$       |      |     |                  |        |  |  | $N = 6 = 126°$       |      |     | $29' 3",29$      |       |  |  |
| $Nº 1 = 29°$        |      |     | $31' 1",07$      |       |  |  | $Nº 3 = 126°$        |      |     | $29' 2",76$      |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| Nº 2 Suchet-Voiron. |      |     |                  |       |  |  | Nº 4 Voiron-Trélo.   |      |     |                  |        |  |  | Nº 7 Trélo-Voiron    |      |     |                  |       |  |  |
| Standp. a           |      |     | 1867. X. 26      |       |  |  | Standp. a            |      |     | 1867. X. 24      |        |  |  | Standp. a            |      |     | 1867 X 25        |       |  |  |
| Beob.: Gelpke       |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  | Beob.: Gelpke        |      |     | 8" Reichenb. (1) |        |  |  | Beob.: Gelpke        |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  |
| 0                   | 73°  | 43' | 10",0            | -0",4 |  |  | 0                    | 257° | 27' | 5",0             | -2",0  |  |  | 0                    | 310° | 49' | 3",8             | +2",5 |  |  |
| 1                   | 103  | 13  | 46,3             | -1,5  |  |  | 1                    | 23   | 57  | 36,3             | -1,8   |  |  | 1                    | 184  | 18  | 35,0             | +0,2  |  |  |
| 2                   | 132  | 43  | 80,0             | +0,1  |  |  | 2                    | 150  | 27  | 65,0             | +1,0   |  |  | 2                    | 57   | 47  | 63,8             | +0,3  |  |  |
| 3                   | 162  | 13  | 115,0            | +0,3  |  |  | 3                    | 276  | 57  | 97,5             | 0,0    |  |  | 3                    | 291  | 16  | 95,0             | -2,1  |  |  |
| 4                   | 191  | 43  | 151,3            | -0,8  |  |  | 4                    | 43   | 27  | 126,3            | +2,7   |  |  | 4                    | 164  | 45  | 120,0            | +1,8  |  |  |
| 5                   | 221  | 13  | 187,5            | -1,7  |  |  | 5                    | 169  | 57  | 160,0            | +0,5   |  |  | 5                    | 38   | 14  | 153,8            | -3,0  |  |  |
| 6                   | 250  | 43  | 222,5            | -1,5  |  |  | 6                    | 296  | 27  | 192,5            | -0,5   |  |  | 6                    | 271  | 43  | 180,0            | -0,5  |  |  |
| 7                   | 280  | 13  | 260,0            | -3,8  |  |  | 7                    | 62   | 57  | 222,5            | +1,0   |  |  | 7                    | 145  | 12  | 207,5            | +0,9  |  |  |
| 8                   | 309  | 43  | 296,3            | -4,8  |  |  | 8                    | 189  | 27  | 253,8            | +1,2   |  |  | 8                    | 18   | 41  | 240,0            | -2,7  |  |  |
| 9                   | 339  | 13  | 328,8            | -2,1  |  |  | 9                    | 315  | 57  | 286,3            | +0,2   |  |  | 9                    | 252  | 10  | 266,3            | -0,2  |  |  |
| 10                  | 8    | 43  | 363,8            | -1,9  |  |  | 10                   | 82   | 27  | 317,5            | +0,5   |  |  | 10                   | 125  | 39  | 295,0            | 0,0   |  |  |
| 11                  | 38   | 13  | 395,0            | +2,1  |  |  | 11                   | 208  | 57  | 353,8            | -4,3   |  |  | 11                   | 359  | 8   | 323,8            | +0,1  |  |  |
| 12                  | 67   | 43  | 425,0            | +7,4  |  |  | 12                   | 335  | 27  | 380,0            | +1,0   |  |  | 12                   | 232  | 37  | 350,0            | +2,7  |  |  |
| 13                  | 97   | 13  | 461,3            | +6,3  |  |  | 13                   | 101  | 57  | 412,5            | 0,0    |  |  | 13                   |      |     |                  |       |  |  |
| 14                  | 126  | 43  | 497,5            | +5,3  |  |  | 14                   | 228  | 27  | 442,5            | +1,5   |  |  | 14                   |      |     |                  |       |  |  |
| 15                  | 156  | 13  | 531,3            | +6,8  |  |  | 15                   | 354  | 57  | 473,8            | +1,7   |  |  | 15                   |      |     |                  |       |  |  |
| 16                  | 185  | 43  | 568,8            | +4,5  |  |  | 16                   | 121  | 27  | 510,0            | -3,0   |  |  | 16                   |      |     |                  |       |  |  |
| 17                  | 215  | 13  | 607,5            | +1,0  |  |  | $N = 8$              |      |     | $M = 255,02$     |        |  |  | $N = 6$              |      |     | $M = 179,54$     |       |  |  |
| 18                  | 244  | 43  | 642,5            | +1,3  |  |  | $x = 126°$           |      |     | $30' 31",50$     |        |  |  | $x = 233°$           |      |     | $29' 28",87$     |       |  |  |
| 19                  | 274  | 13  | 681,3            | -2,3  |  |  | $r = - 89",36$       |      |     |                  |        |  |  | $Nº 7 = 233°$        |      |     | $30' 58",23$     |       |  |  |
| 20                  | 303  | 43  | 720,0            | -5,8  |  |  |                      |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| 21                  | 333  | 13  | 750,0            | -0,6  |  |  |                      |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| 22                  | 2    | 43  | 786,3            | -1,6  |  |  |                      |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| 23                  | 32   | 13  | 823,8            | -3,9  |  |  |                      |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| 24                  | 61   | 43  | 857,5            | -2,4  |  |  |                      |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| $N = 12$            |      |     | $M = 432,37$     |       |  |  |                      |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| $x = 29°$           |      |     | $30' 35",23$     |       |  |  |                      |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| $r = + 25",56$      |      |     |                  |       |  |  |                      |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| $Nº 2 = 29°$        |      |     | $31' 0",79$      |       |  |  |                      |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| Nº 5 Voiron-Trélo.  |      |     |                  |       |  |  | Nº 8 Trélo-Colombier |      |     |                  |        |  |  | Nº 9 Trélo-Colombier |      |     |                  |       |  |  |
| Standp. a           |      |     | 1867. X. 24      |       |  |  | Standp. a            |      |     | 1867 X 23        |        |  |  | Standp. a            |      |     | 1867 X 23        |       |  |  |
| Beob.: Gelpke       |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  | Beob.: Gelpke        |      |     | 8" Reichenb. (1) |        |  |  | Beob.: Gelpke        |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  |
| 0                   | 234° | 2'  | 7",5             | +1",9 |  |  | 0                    | 221° | 11' | 50",0            | +0",15 |  |  | 0                    | 278  | 20  | 65,0             | -1,1  |  |  |
| 1                   | 0    | 32  | 45,0             | -2,0  |  |  | 1                    | 278  | 20  | 65,0             | -1,1   |  |  | 1                    | 335  | 29  | 76,3             | +1,3  |  |  |
| 2                   | 127  | 2   | 76,3             | +0,2  |  |  | 2                    | 335  | 29  | 91,3             | 0,0    |  |  | 2                    | 89   | 47  | 106,3            | -1,3  |  |  |
| 3                   | 253  | 32  | 108,8            | +1,2  |  |  | 3                    | 32   | 38  | 116,3            | +2,4   |  |  | 3                    | 146  | 56  | 116,3            | -1,4  |  |  |
| 4                   | 20   | 2   | 147,5            | -4,0  |  |  | 4                    | 204  | 5   | 133,8            | -1,4   |  |  | 4                    |      |     |                  |       |  |  |
| 5                   | 146  | 32  | 175,0            | +2,1  |  |  | 5                    |      |     |                  |        |  |  | 5                    |      |     |                  |       |  |  |
| 6                   | 273  | 2   | 210,0            | +0,6  |  |  | 6                    |      |     |                  |        |  |  | 6                    |      |     |                  |       |  |  |
| $N = 3$             |      |     | $M = 110,01$     |       |  |  |                      |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| $x = 126°$          |      |     | $30' 33",52$     |       |  |  | $r = - 89",36$       |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |
| $Nº 5 = 126°$       |      |     | $29' 4",17$      |       |  |  |                      |      |     |                  |        |  |  |                      |      |     |                  |       |  |  |

|                               |                  |                                      |                  |                                     |                  |
|-------------------------------|------------------|--------------------------------------|------------------|-------------------------------------|------------------|
| <b>N° 9 Trélod-Colombier</b>  |                  | <b>N° 12 Trélod-Colombier</b>        |                  | <b>N° 15 Colombier-Genf (St.W.)</b> |                  |
| Standp. $\alpha$ 1867 X 23    |                  | Standp. $\alpha$ 1867 X 25           |                  | Standp. $\alpha$ 1867 XI 5          |                  |
| Beob.: Gelpke                 | 8" Reichenb. (1) | Beob.: Gelpke                        | 8" Reichenb. (1) | Beob.: Gelpke                       | 8" Reichenb. (1) |
| 0 211° 5' 35",0               | -1",3            | 0 232° 42' 50",0                     | -1",9            | 0 56° 5' 17",5                      | -2",2            |
| 1 268 14 45,0                 | +1,7             | 1 289 51 61,3                        | +0,4             | 1 189 29 32,5                       | +1,0             |
| 2 325 23 57,5                 | +2,2             | 2 347 0 72,5                         | +2,8             | 2 322 53 48,8                       | +3,0             |
| 3 22 32 75,0                  | -2,3             | 3 44 9 87,5                          | +1,4             | 3 96 17 70,0                        | 0,0              |
| 4 79 41 87,5                  | -1,75            | 4 101 18 105,0                       | -2,5             | 4 229 41 90,0                       | -1,7             |
| 5 136 50 98,8                 | 0,0              | 5 158 27 116,3                       | -0,2             |                                     |                  |
| 6 193 59 111,3                | +0,5             | 6 215 36 130,0                       | -0,3             |                                     |                  |
| 7 251 8 122,5                 | +2,3             | 7 272 45 143,8                       | -0,5             |                                     |                  |
| 8 308 17 138,8                | -1,0             | 8 329 54 156,3                       | +0,65            |                                     |                  |
| 9 5 26 151,3                  | -0,5             |                                      |                  |                                     |                  |
| 10 62 35 163,8                | +0,1             |                                      |                  |                                     |                  |
| N = 5                         | M = 98",77       | N = 4                                | M = 102",52      | N = 2                               | M = 51",76       |
| x = 57° 9' 13",02             | r = + 17",28     | x = 57° 9' 18",61                    | r = + 17",28     | x = 133° 24' 18",25                 | r = + 183",83    |
| N° 9 = 57° 9' 30",30          |                  | N° 12 = 57° 9' 30",89                |                  | N° 15 = 133° 30' 9",48              |                  |
| <b>N° 10 Trélod-Colombier</b> |                  | <b>N° 13 Trélod-Dôle</b>             |                  | <b>N° 16 Colombier-Dôle</b>         |                  |
| Standp. $\alpha$ 1867 X 24    |                  | Standp. $\alpha$ 1867 X 24           |                  | Standp. $\alpha$ 1867 X 23          |                  |
| Beob.: Gelpke                 | 8" Reichenb. (1) | Beob.: Gelpke                        | 8" Reichenb. (1) | Beob.: Gelpke                       | 8" Reichenb. (1) |
| 0 189° 31' 6",3               | +0",8            | 0 295° 30' 15",0                     | +0",3            | 0 310° 58' 5",0                     | -3",5            |
| 1 246 40 17,5                 | +2,8             | 1 116 23 36,3                        | +0,6             | 1 74 42 10,0                        | +1,1             |
| 2 303 49 35,0                 | -1,4             | 2 297 16 60,0                        | -1,4             | 2 198 26 20,0                       | +0,8             |
| 3 0 58 48,8                   | -2,0             | 3 118 9 78,8                         | +1,4             | 3 322 10 27,5                       | +3,0             |
| 4 58 7 61,3                   | -1,3             | 4 299 2 103,8                        | -1,9             | 4 85 54 40,0                        | +0,1             |
| 5 115 16 75,0                 | -1,75            | 5 119 55 123,8                       | -0,2             | 5 209 38 50,0                       | -0,2             |
| 6 172 25 86,3                 | +0,2             | 6 300 48 145,0                       | +0,2             | 6 333 22 58,8                       | +0,7             |
| 7 229 34 97,5                 | +2,2             | 7 121 41 165,0                       | +1,9             | 7 97 6 70,0                         | -0,9             |
| 8 286 43 112,5                | +0,4             | 8 302 34 187,5                       | +1,0             | 8 220 50 80,0                       | -1,2             |
| N = 4                         | M = 60",02       | N = 6                                | M = 145",22      | N = 4                               | M = 40",14       |
| x = 57° 9' 13",23             | r = + 17",28     | x = 180° 53' 21",66                  | r = + 94",02     | x = 123° 44' 9",67                  | r = + 76",74     |
| N° 10 = 57° 9' 30",51         |                  | N° 13 = 180° 54' 55",68              |                  | N° 16 = 123° 45' 26",41             |                  |
| <b>N° 11 Trélod-Colombier</b> |                  | <b>N° 14 Colombier-Genf (St. P.)</b> |                  | <b>N° 17 Colombier-Dôle</b>         |                  |
| Standp. $\alpha$ 1867 X 24    |                  | Standp. $\alpha$ 1867 XI 5           |                  | Standp. $\alpha$ 1867 X 23          |                  |
| Beob.: Gelpke                 | 8" Reichenb. (1) | Beob.: Gelpke                        | 8" Reichenb. (1) | Beob.: Gelpke                       | 8" Reichenb. (1) |
| 0 136° 48' 22",5              | +2",6            | 0 248° 13' 1",3                      | -1",0            | 0 281° 40' 23",8                    | +1",6            |
| 1 193 57 41,3                 | -3,3             | 1 20 11 3,8                          | +0,6             | 1 45 24 33,8                        | +0,9             |
| 2 251 6 51,3                  | -0,3             | 2 152 9 7,5                          | +1,0             | 2 169 8 46,3                        | -2,2             |
| 3 308 15 63,8                 | +0,2             | 3 284 7 12,5                         | +0,1             | 3 292 52 55,0                       | -1,6             |
| 4 5 24 75,0                   | +2,0             | 4 56 5 17,5                          | -0,8             | 4 56 36 63,8                        | -1,0             |
| 5 62 33 90,0                  | -0,05            |                                      |                  | 5 180 20 70,0                       | +2,1             |
| 6 119 42 105,0                | -2,1             |                                      |                  | 6 304 4 82,5                        | -1,0             |
| 7 176 51 116,3                | -0,4             |                                      |                  | 7 67 48 90,0                        | +0,8             |
| 8 234 0 127,5                 | +1,4             |                                      |                  | 8 191 32 100,0                      | +0,2             |
| N = 4                         | M = 76",97       | N = 2                                | M = 8",52        | 9 315 16 108,8                      | +0,7             |
| x = 57° 9' 12",98             | r = + 17",28     | x = 131° 58' 4",11                   | r = + 183",29    | 10 79 0 117,5                       | +1,4             |
| N° 11 = 57° 9' 30",26         |                  | N° 14 = 132° 1' 7",40                |                  | 11 202 44 130,0                     | -1,8             |
|                               |                  |                                      |                  | 12 326 28 137,5                     | +0,1             |
|                               |                  |                                      |                  | N = 6                               | M = 81",46       |
|                               |                  |                                      |                  | x = 123° 44' 9",35                  | r = + 76",74     |
|                               |                  |                                      |                  | N° 17 = 123° 45' 26",09             |                  |

| N° 18 Colombier-Dôle |      |     |                  |       |  |  | N° 21 Genf (St.W.)-Voirons |      |     |                  |       |  |  | N° 24 Dôle-Voirons       |      |     |                  |        |  |  |
|----------------------|------|-----|------------------|-------|--|--|----------------------------|------|-----|------------------|-------|--|--|--------------------------|------|-----|------------------|--------|--|--|
| Standp. a            |      |     | 1867 X 24        |       |  |  | Standp. a                  |      |     | 1867 X 23        |       |  |  | Standp. a                |      |     | 1867 X 24        |        |  |  |
| Beob.: Gelpke        |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  | Beob.: Gelpke              |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  | Beob.: Gelpke            |      |     | 8" Reichenb. (1) |        |  |  |
| 0                    | 286° | 44' | 52",5            | -4",3 |  |  | 0                          | 237° | 44' | 0",0             | +1",2 |  |  | 0                        | 196° | 38' | 0",0             | -4",95 |  |  |
| 1                    | 50   | 28  | 56,3             | +0,7  |  |  | 1                          | 280  | 39  | 61,3             | -1,7  |  |  | 1                        | 249  | 14  | 2,5              | +1,2   |  |  |
| 2                    | 174  | 12  | 62,5             | +3,3  |  |  | 2                          | 323  | 34  | 118,8            | -0,7  |  |  | 2                        | 301  | 50  | 11,3             | +1,0   |  |  |
| 3                    | 297  | 56  | 73,8             | +0,75 |  |  | 3                          | 6    | 29  | 176,3            | +0,3  |  |  | 3                        | 354  | 26  | 17,5             | +3,4   |  |  |
| 4                    | 61   | 40  | 82,5             | +0,8  |  |  | 4                          | 49   | 24  | 235,0            | 0,0   |  |  | 4                        | 47   | 2   | 26,3             | +3,2   |  |  |
| 5                    | 185  | 24  | 90,0             | +2,1  |  |  | 5                          | 92   | 19  | 292,5            | +1,0  |  |  | 5                        | 99   | 38  | 38,8             | -0,7   |  |  |
| 6                    | 309  | 8   | 102,5            | -1,6  |  |  | 6                          | 135  | 14  | 351,3            | +0,6  |  |  | 6                        | 152  | 14  | 46,3             | +0,4   |  |  |
| 7                    | 72   | 22  | 110,0            | -0,3  |  |  | 7                          | 178  | 9   | 410,0            | +0,4  |  |  | 7                        | 204  | 50  | 57,5             | -2,2   |  |  |
| 8                    | 196  | 36  | 120,0            | -1,5  |  |  | 8                          | 221  | 4   | 470,0            | -1,1  |  |  | 8                        | 257  | 26  | 65,0             | -1,1   |  |  |
| N = 4                |      |     | M = 83,34        |       |  |  | N = 4                      |      |     | M = 235,02       |       |  |  | N = 4                    |      |     | M = 29,47        |        |  |  |
| $x = 123^\circ$      |      |     | 44' 8",79        |       |  |  | $x = 42^\circ$             |      |     | 55' 58",46       |       |  |  | $x = 52^\circ$           |      |     | 36' 8",61        |        |  |  |
| $r = + 76",74$       |      |     |                  |       |  |  | $r = - 111",75$            |      |     |                  |       |  |  | $r = - 4",66$            |      |     |                  |        |  |  |
| N° 18 = 123°         |      |     | 45' 25",53       |       |  |  | N° 21 = 42°                |      |     | 51' 19",31       |       |  |  | N° 24 = 52°              |      |     | 36' 3",95        |        |  |  |
| N° 19 Colombier-Dôle |      |     |                  |       |  |  | N° 22 Dôle-Voirons         |      |     |                  |       |  |  | N° 25 Dôle-Voirons       |      |     |                  |        |  |  |
| Standp. a            |      |     | 1867 X 24        |       |  |  | Standp. a                  |      |     | 1867 X 23        |       |  |  | Standp. a                |      |     | 1867 X 25        |        |  |  |
| Beob.: Gelpke        |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  | Beob.: Gelpke              |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  | Beob.: Gelpke            |      |     | 8" Reichenb. (1) |        |  |  |
| 0                    | 273° | 5'  | 30",0            | -0",4 |  |  | 0                          | 220° | 51' | 20",0            | +2",5 |  |  | 0                        | 127° | 17' | 57",5            | -1",2  |  |  |
| 1                    | 36   | 49  | 38,8             | -2,1  |  |  | 1                          | 273  | 27  | 32,5             | -2,3  |  |  | 1                        | 179  | 53  | 60,0             | +4,0   |  |  |
| 2                    | 160  | 33  | 41,3             | +2,5  |  |  | 2                          | 326  | 3   | 35,0             | +2,9  |  |  | 2                        | 232  | 29  | 70,0             | +1,6   |  |  |
| 3                    | 284  | 17  | 52,5             | -1,6  |  |  | 3                          | 18   | 39  | 48,8             | -3,15 |  |  | 3                        | 285  | 5   | 78,8             | +0,5   |  |  |
| 4                    | 48   | 1   | 55,0             | +3,0  |  |  | 4                          | 71   | 15  | 53,8             | -0,4  |  |  | 4                        | 337  | 41  | 86,3             | +0,7   |  |  |
| 5                    | 171  | 45  | 63,8             | +1,3  |  |  | 5                          | 123  | 51  | 62,5             | -1,4  |  |  | 5                        | 30   | 17  | 98,8             | -4,1   |  |  |
| 6                    | 295  | 29  | 75,0             | -2,8  |  |  | 6                          | 176  | 27  | 70,0             | -1,2  |  |  | 6                        | 82   | 53  | 105,0            | -2,7   |  |  |
| N = 3                |      |     | M = 50,91        |       |  |  | N = 4                      |      |     | M = 53,36        |       |  |  | N = 6                    |      |     | M = 102,33       |        |  |  |
| $x = 123^\circ$      |      |     | 44' 7",10        |       |  |  | $x = 52^\circ$             |      |     | 36' 7",71        |       |  |  | $x = 52^\circ$           |      |     | 36' 7",67        |        |  |  |
| $r = + 76",74$       |      |     |                  |       |  |  | $r = - 4",66$              |      |     |                  |       |  |  | N° 25 = 52°              |      |     | 36' 3",01        |        |  |  |
| N° 20 Colombier-Dôle |      |     |                  |       |  |  | N° 23 Dôle-Voirons         |      |     |                  |       |  |  | N° 26 Dôle—Genf (St. P.) |      |     |                  |        |  |  |
| Standp. a            |      |     | 1867 X 25        |       |  |  | Standp. a                  |      |     | 1867 X 23        |       |  |  | Standp. a                |      |     | 1867 XI 4        |        |  |  |
| Beob.: Gelpke        |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  | Beob.: Gelpke              |      |     | 8" Reichenb. (1) |       |  |  | Beob.: Gelpke            |      |     | 8" Reichenb. (1) |        |  |  |
| 0                    | 329° | 56' | 36",3            | -4",1 |  |  | 0                          | 326° | 30' | 17",5            | +4",0 |  |  | 0                        | 78°  | 58' | 3",8             | -0",3  |  |  |
| 1                    | 93   | 40  | 40,0             | +0,4  |  |  | 1                          | 19   | 6   | 31,3             | -1,25 |  |  | 1                        | 87   | 11  | 60,0             | +1,7   |  |  |
| 2                    | 217  | 24  | 50,0             | -1,5  |  |  | 2                          | 71   | 42  | 37,5             | +1,1  |  |  | 2                        | 95   | 24  | 120,0            | -0,1   |  |  |
| 3                    | 341  | 8   | 56,3             | +0,4  |  |  | 3                          | 124  | 18  | 50,0             | -2,8  |  |  | 3                        | 103  | 37  | 178,8            | -0,7   |  |  |
| 4                    | 104  | 52  | 62,5             | +2,3  |  |  | 4                          | 176  | 54  | 57,5             | -1,8  |  |  | 4                        | 111  | 50  | 236,3            | 0,0    |  |  |
| 5                    | 228  | 36  | 70,0             | +3,0  |  |  | 5                          | 229  | 30  | 61,3             | +3,0  |  |  | 5                        | 120  | 3   | 295,0            | -0,5   |  |  |
| 6                    | 352  | 20  | 77,5             | +3,6  |  |  | 6                          | 282  | 6   | 72,5             | +0,3  |  |  | 6                        | 128  | 16  | 355,0            | -2,4   |  |  |
| 7                    | 116  | 4   | 87,5             | +1,75 |  |  | 7                          | 334  | 42  | 81,3             | +0,1  |  |  | 7                        | 136  | 29  | 410,0            | +0,8   |  |  |
| 8                    | 239  | 48  | 97,5             | -0,1  |  |  | 8                          | 27   | 18  | 96,3             | -6,4  |  |  | 8                        | 144  | 42  | 467,5            | +1,5   |  |  |
| 9                    | 3    | 32  | 107,5            | -2,0  |  |  | 9                          | 79   | 54  | 100,0            | -1,5  |  |  |                          |      |     |                  |        |  |  |
| 10                   | 127  | 16  | 117,5            | -3,8  |  |  | 10                         | 132  | 30  | 106,3            | +0,7  |  |  |                          |      |     |                  |        |  |  |
| N = 5                |      |     | M = 72,96        |       |  |  | 11                         |      |     | 6                |       |  |  | 12                       |      |     | 420,0            |        |  |  |
| $x = 123^\circ$      |      |     | 44' 8",14        |       |  |  | $r = + 76",74$             |      |     | 8",55            |       |  |  | $r = - 4",66$            |      |     |                  |        |  |  |
| N° 20 = 123°         |      |     | 45' 24",88       |       |  |  | N = 6                      |      |     | M = 72,81        |       |  |  | N = 4                    |      |     | M = 236,27       |        |  |  |
|                      |      |     |                  |       |  |  | $x = 52^\circ$             |      |     | 36' 8",55        |       |  |  | $x = 8^\circ$            |      |     | 13' 58",18       |        |  |  |
|                      |      |     |                  |       |  |  | $r = - 4",66$              |      |     |                  |       |  |  | $r = + 106",55$          |      |     |                  |        |  |  |
| N° 23 = 52°          |      |     | 36' 3",89        |       |  |  | N° 23 = 52°                |      |     | 36' 3",89        |       |  |  | N° 26 = 8°               |      |     | 15' 44",73       |        |  |  |

| Nº 27 Genf (Stw.W.)-Dôle |     |                  |       | Nº 28 Dôle-Genf (Stw. W.) |    |                            |       | Nº 29 Dôle-Genf (Stw. W.)  |   |                            |     |       |       |
|--------------------------|-----|------------------|-------|---------------------------|----|----------------------------|-------|----------------------------|---|----------------------------|-----|-------|-------|
| Standp. $\alpha$         |     | 1867 XI 4        |       | Standp. $\alpha$          |    | 1867 XI 4                  |       | Standp. $\alpha$           |   | 1867 XI 4                  |     |       |       |
| Beob.: Gelpke            |     | 8" Reichenb. (1) |       | Beob.: Gelpke             |    | 8" Reichenb. (1)           |       | Beob.: Gelpke              |   | 8" Reichenb. (1)           |     |       |       |
| 0                        | 11° | 16'              | 55",0 | 0                         | 1° | 36'                        | 47",5 | +1",4                      | 0 | 144°                       | 49' | 47",5 | -0",3 |
| 1                        | 1   | 36               | 47,5  | 1                         | 11 | 16                         | 58,8  | -0,6                       | 1 | 154                        | 29  | 61,3  | -2,35 |
| $x = 350^{\circ}$        | 19' | 52",50           |       | 2                         | 20 | 56                         | 67,5  | -0,1                       | 2 | 164                        | 9   | 71,3  | -0,6  |
| $r = -107",09$           |     |                  |       | 3                         | 30 | 36                         | 76,3  | +0,3                       | 3 | 173                        | 49  | 80,0  | +2,45 |
| $r' = -167",40$          |     |                  |       | 4                         | 40 | 16                         | 87,5  | -1,6                       | 4 | 183                        | 29  | 91,3  | +2,9  |
| Nº 27 = 350°             | 15' | 18",01           |       | 5                         | 49 | 56                         | 96,3  | -1,2                       | 5 | 193                        | 9   | 105,0 | +0,95 |
|                          |     |                  |       | 6                         | 59 | 36                         | 105,0 | -0,7                       | 6 | 202                        | 49  | 118,8 | -1,1  |
|                          |     |                  |       | 7                         | 69 | 16                         | 110,0 | +3,55                      | 7 | 212                        | 29  | 131,3 | -1,85 |
|                          |     |                  |       | 8                         | 78 | 56                         | 123,8 | -1,0                       | 8 | 222                        | 9   | 141,3 | -0,1  |
|                          |     |                  |       | N = 4                     |    | M = 85,86                  |       | N = 4                      |   | M = 94,20                  |     |       |       |
|                          |     |                  |       | $x = 9^{\circ} 40' 9",23$ |    | $x = 9^{\circ} 40' 11",75$ |       | $x = 9^{\circ} 40' 11",75$ |   | $x = 9^{\circ} 40' 11",75$ |     |       |       |
|                          |     |                  |       | $r = +107",09$            |    | $r = +107",09$             |       | $r = +107",09$             |   | $r = +107",09$             |     |       |       |
|                          |     |                  |       | $r' = +167",40$           |    | $r' = +167",40$            |       | $r' = +167",40$            |   | $r' = +167",40$            |     |       |       |
|                          |     |                  |       | Nº 28 = 9° 44' 43",72     |    | Nº 29 = 9° 44' 46",24      |       |                            |   |                            |     |       |       |

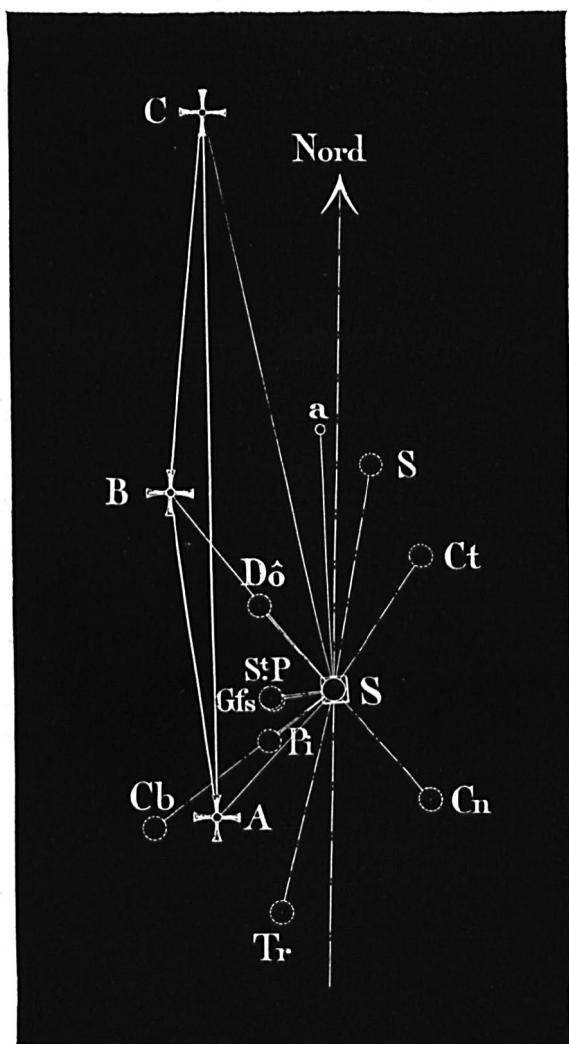
### Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº | Beobachter     | aus Nº | n  | Dôle     | St. Peter  | Genf M.C.  | Suchet    | Voirons    | Trélo      | Colombier    |
|----|----------------|--------|----|----------|------------|------------|-----------|------------|------------|--------------|
|    |                |        |    | 0° 0' 0" | 8° 15' 45" | 9° 44' 45" | 23° 5' 2" | 52° 36' 3" | 179° 5' 5" | 236° 14' 35" |
| 1  |                | 26     | 8  | 0 0 0    | 44,73      | .          | .         | .          | .          | .            |
| 2  |                | 27—29  | 17 | 0 0 0    | .          | 44,80      | .         | .          | .          | .            |
| 3  |                | 22—25  | 40 | 0 0 0    | .          | .          | .         | 3,47       | .          | .            |
| 4  | Gelpke         | 13     | 12 | 0 0 0    | .          | .          | .         | .          | 4,32       | .            |
| 5  |                | 16—20  | 44 | 0 0 0    | .          | .          | .         | .          | .          | 34,54        |
| 6  | 8" Reichenbach | 21     | 8  | .        | 45,00      | .          | .         | 4,22       | .          | .            |
| 7  |                | 14     | 4  | .        | 45,00      | .          | .         | .          | .          | 37,60        |
| 8  | 1867           | 15     | 4  | .        | .          | 45,00      | 2,00      | 2,83       | .          | 35,52        |
| 9  |                | 1, 2   | 28 | .        | .          | .          | .         | 3,00       | 5,56       | .            |
| 10 |                | 3—7    | 46 | .        | .          | .          | .         | .          | 5,00       | 35,56        |
| 11 |                | 8—12   | 40 | .        | .          | .          | .         | .          | .          | .            |

### Resultate der Stationsausgleichung.

|           |     |    |       |
|-----------|-----|----|-------|
| Dôle      | 0°  | 0' | 0",00 |
| St. Peter | 8   | 15 | 43,86 |
| Genf M.C. | 9   | 44 | 44,75 |
| Suchet    | 23  | 5  | 2,07  |
| Voirons   | 52  | 36 | 2,90  |
| Trélo     | 179 | 5  | 4,93  |
| Colombier | 236 | 14 | 35,07 |

## Station Voirons.



Masstab:

1 : 100 für die Station.

1 : 2000000 für die entfernten Signale.

Genäherte Coordinaten:

Breite  $46^{\circ} 13''$ ,9; Länge (Ost v. Paris) =  $4^{\circ} 1'$ ,2; Höhe 1483 Meter.

Der sich von Süd nach Nord hinziehende, dann nach Nordost abbiegende Grat der Monts Voirons erhebt sich circa 16 Kilometer östlich von Genf im französischen Departement de la haute Savoie, der früheren savoy'schen Provinz Chablais.

Auf demselben liegt, da, wo er seine Richtung ändert, le Calvaire, Calvarienberg, der als Station gewählt, und dessen hölzerner Pavillon als Signal benutzt wurde. Der Mittelpunkt war durch den säulenförmigen Fuss eines runden Tisches bezeichnet.

Seit 1875 ist der Pavillon zerstört, doch fanden sich Mai 1877 noch deutliche Spuren der Träger und des Tischfusses, aus welchen das Centrum durch Herrn Gardy mit Sicherheit hergestellt werden konnte; an dieser Stelle wurde dann auch am 1. Juli 1877 durch Herrn Gelpke ein Versicherungsstein gesetzt von ähnlicher Form, wie er bei Station Gurten beschrieben ist.

Der Stationsmittelpunkt *S* wurde außerdem noch seitlich versichert durch drei in hervorstehende Felsenköpfe eingemeisselte Kreuze *A*, *B*, *C* welche 1883 noch vorhanden waren.

Die Entfernung dieser Kreuze sind folgende:

|                  |                  |              |                          |              |
|------------------|------------------|--------------|--------------------------|--------------|
| Kreuz <i>A</i> — | Kreuz <i>B</i> = | 4,355 Meter; | Centrum—Kreuz <i>A</i> = | 2,305 Meter. |
| " <i>A</i> —     | " <i>C</i> =     | 9,452 "      | " <i>B</i> =             | 3,365 "      |
| " <i>B</i> —     | " <i>C</i> =     | 5,145 "      | " <i>C</i> =             | 7,914 "      |

Die Richtungen der Kreuze sind:

|                |     |    |
|----------------|-----|----|
| Piton          | 0°  | 0' |
| Kreuz <i>B</i> | 92  | 24 |
| " <i>C</i>     | 119 | 11 |
| " <i>A</i>     | 353 | 32 |

Vom Stationsmittelpunkte aus sind die genäherten Entfernungen der anvisirten Objecte folgende:

|                           |          |              |
|---------------------------|----------|--------------|
| Suchet                    | (Su)     | 60842 Meter. |
| Chalet                    | (Ct)     | 43019 "      |
| Colonné                   | (Cn)     | 38768 "      |
| Trélod                    | (Tr)     | 61023 "      |
| Piton                     | (Pi)     | 22457 "      |
| Colombier                 | (Cb)     | 60332 "      |
| Genfer Sternwarte         | (Gfs)    | 16004 "      |
| Genf, St. Peter Westthurm | (St. P.) | 16267 "      |
| Dôle                      | (Dö)     | 29270 "      |

Die Beobachtungen auf Station Voirons fanden statt:

Durch Herrn Gelpke mit 8" Reichenbach (1) vom 30. X. bis 1. XI. 1867 auf dem excentrischen Standpunkt *a*. Ferner durch denselben Beobachter auf centrischem Standpunkt vom 17. VII. bis 22. VII. 1877.

Vom Standpunkte *a* sind die genäherten Richtungen und darnach die Centrirungswerte folgende:

| Voirons (S)         | Richtung: |      | Centrirung: |
|---------------------|-----------|------|-------------|
|                     | 0°        | 0'   |             |
| Tr                  | 14        | 55,4 | + 6",02     |
| Pi                  | 51        | 13,0 | + 49,55     |
| Cb                  | 53        | 30,7 | + 19,02     |
| Stw. O. (Ostkuppel) | 80        | 58,5 | + 88,03     |
| St. P.              | 81        | 38,2 | + 86,81     |
| Dö                  | 141       | 3,9  | + 30,65     |
| Su                  | 191       | 14,2 | - 4,57      |
| Ct                  | 214       | 44,3 | - 18,91     |
| Cn                  | 321       | 4,9  | - 23,13     |

$$d = 6^m,92$$

Die Reduction der Richtung Genf-Ostkuppel auf Meridiankreiszentrum (*M. C.*) ist = + 9",33; diejenige von Westkuppel auf (*M. C.*) = - 23",00; die von Genf-Nordpfeiler - 2' 17",91; die des Heliotropen auf Colombier = - 8",95.

Die Beobachtungen sind bereits im Anhang des I. Bandes erschienen.

Die neuerliche Berechnung der Centrirungen, welche sich auf Genf beziehen, hat einige kleine Aenderungen an denselben ergeben, indem nach obigen Daten es heissen muss:

$$\begin{array}{llll} \text{bei Genf-Westkuppel} & - & 23",00 & \text{statt} - 23",21 \\ \text{, , , Nordpfeiler} & - & 2' 17",91 & \text{, , } - 2' 17",93 \end{array}$$

Ferner ist bei den Repetitionsbeobachtungen Genf (Stw. W.) die Westkuppel angeführt, während Ostkuppel anvisirt wurde.

## Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº                       | Beob.                          | Nº d. Beob.      | n  | g    | p     | Dôle     | Suchet     | Chalet      | Colonné    | Tréloz       | Piton       | Colombier    | Genf M. C.   | St. Peter    |
|--------------------------|--------------------------------|------------------|----|------|-------|----------|------------|-------------|------------|--------------|-------------|--------------|--------------|--------------|
| Repetitionsbeobachtungen |                                |                  |    |      |       | 0° 0' 0" | 50° 9' 42" | 73° 39' 37" | 180° 0' 3" | 233° 50' 64" | 270° 9' 23" | 272° 26' 37" | 299° 55' 40" | 300° 35' 13" |
| 1                        | Geipke mit 8" Reichenbach 1867 | 1, 2             | 16 | 1.92 | .     | 42,00    | .          | .           | 0,33       | .            | .           | .            | .            | .            |
| 2                        |                                | 3, 4             | 9  | 1.08 | .     | .        | .          | .           | 3,00       | 63,68        | .           | .            | .            | .            |
| 3                        |                                | 5                | 8  | 0.96 | .     | .        | .          | .           | 3,00       | .            | .           | 35,69        | .            | .            |
| 4                        |                                | 6                | 8  | 0.96 | .     | .        | .          | .           | .          | 64,00        | .           | 35,40        | .            | .            |
| 5                        |                                | 7—9              | 24 | 2.88 | .     | .        | .          | .           | .          | .            | 23,00       | .            | 38,73        | .            |
| 6                        |                                | 10               | 8  | 0.12 | 0.96  | .        | .          | .           | .          | .            | 23,00       | .            | .            | 13,05        |
| 7                        |                                | 11—14            | 32 | 3.84 | 0 0 0 | .        | .          | .           | .          | .            | 22,34       | .            | .            | .            |
| 8                        |                                | 15, 16           | 16 | 1.92 | 0 0 0 | .        | .          | .           | .          | .            | .           | 37,06        | .            | .            |
| 9                        |                                | 17, 19           | 24 | 2.88 | 0 0 0 | .        | .          | .           | .          | .            | .           | .            | 39,62        | .            |
| 10                       |                                | 20               | 8  | 0.96 | 0 0 0 | .        | .          | .           | .          | .            | .           | .            | .            | 13,30        |
| 11                       |                                | 21—24            | 32 | 3.84 | 0 0 0 | 42,53    | .          | .           | .          | .            | .           | .            | .            | .            |
| 12                       |                                | 25               | 11 | 1.32 | 0 0 0 | .        | 36,82      | .           | .          | .            | .           | .            | .            | .            |
| Richtungsbeobachtungen   |                                |                  |    |      |       |          |            |             |            |              |             |              |              |              |
| 13                       | Geipke mit 8" Starke 1877      | 26, 39, 42, 43   | 4  | 0,40 | .     | .        | .          | .           | 3,00       | .            | 25,47       | .            | .            | .            |
| 14                       |                                | 27, 66—68        | 4  | 0,40 | .     | .        | .          | .           | .          | .            | 23,00       | .            | 42,98        | .            |
| 15                       |                                | 28               | 1  | 0,10 | .     | .        | .          | .           | 3,00       | .            | 24,65       | .            | 41,25        | .            |
| 16                       |                                | 29—31            | 3  | 0,30 | .     | .        | .          | .           | .          | 64,00        | 18,50       | .            | 38,68        | .            |
| 17                       |                                | 32—34, 46—52     | 10 | 1,00 | .     | .        | .          | .           | .          | .            | 23,00       | .            | 43,56        | .            |
| 18                       |                                | 35, 36, 38       | 3  | 0,30 | .     | .        | .          | .           | .          | .            | 23,00       | 43,85        | 49,26        | .            |
| 19                       |                                | 40               | 1  | 0,10 | .     | .        | .          | .           | 3,00       | 57,35        | 13,40       | 34,00        | .            | .            |
| 20                       |                                | 37, 41           | 2  | 0,20 | .     | .        | .          | .           | .          | .            | 23,00       | 36,30        | .            | .            |
| 21                       |                                | 44               | 1  | 0,10 | .     | .        | .          | .           | .          | 64,00        | 19,40       | .            | .            | .            |
| 22                       |                                | 45, 77—79        | 4  | 0,40 | .     | .        | .          | .           | 3,00       | 58,30        | 21,17       | .            | .            | .            |
| 23                       |                                | 53, 58           | 2  | 0,20 | .     | 42,00    | .          | .           | .          | .            | 21,77       | .            | .            | .            |
| 24                       |                                | 54               | 1  | 0,10 | .     | 42,00    | .          | .           | .          | .            | 29,10       | .            | 40,99        | .            |
| 25                       |                                | 55               | 1  | 0,10 | 0 0 0 | 40,65    | .          | .           | .          | .            | 21,30       | .            | 39,64        | .            |
| 26                       |                                | 56, 57, 63, 64   | 4  | 0,40 | 0 0 0 | 40,32    | .          | .           | .          | .            | 20,16       | .            | .            | .            |
| 27                       |                                | 59—62, 65, 69—71 | 8  | 0,80 | 0 0 0 | .        | .          | .           | .          | .            | 21,71       | .            | .            | .            |
| 28                       |                                | 72, 73           | 2  | 0,20 | .     | 42,00    | .          | 4,18        | .          | .            | 23,05       | .            | .            | .            |
| 29                       |                                | 74, 75           | 2  | 0,20 | .     | 42,00    | .          | 1,20        | 64,33      | 21,00        | .           | .            | .            | .            |
| 30                       |                                | 76               | 1  | 0,10 | .     | 42,00    | .          | .           | 48,90      | 23,05        | .           | .            | .            | .            |

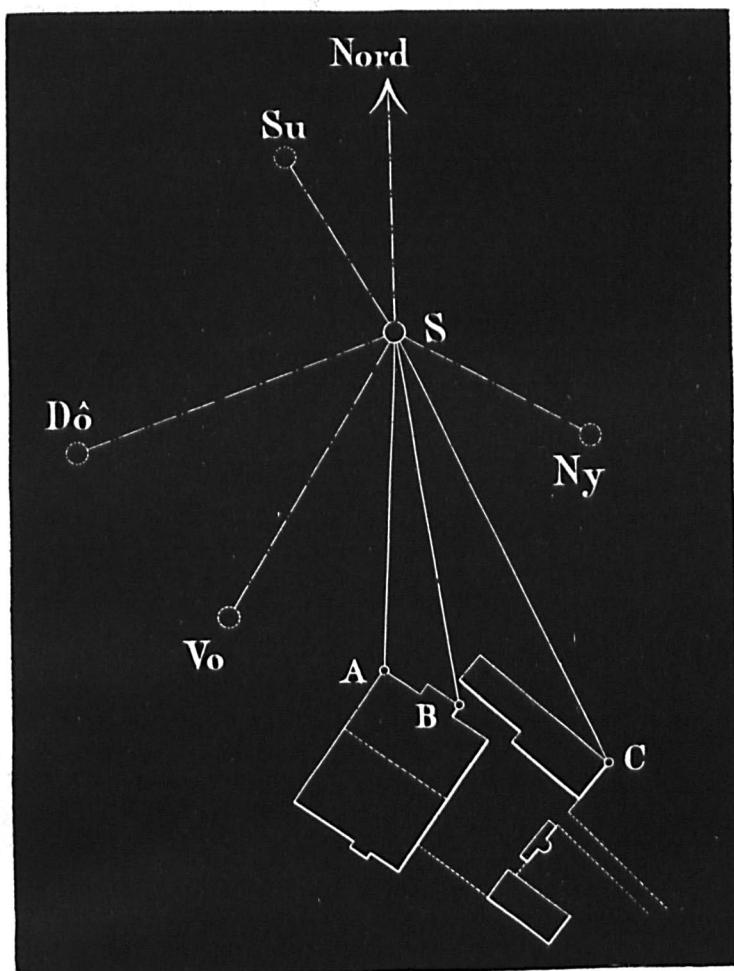
### Vereinigte Winkelwerthe.

| Nº | aus Nº der<br>Satzmittel | P    | Dôle     | Suchet     | Chalet      | Colonné    | Trélod       | Piton       | Colombier    | Genf M.C.    | St. Peter    |
|----|--------------------------|------|----------|------------|-------------|------------|--------------|-------------|--------------|--------------|--------------|
|    |                          |      | 0° 0' 0" | 50° 9' 42" | 73° 39' 37" | 180° 0' 3" | 233° 50' 61" | 270° 9' 23" | 272° 26' 37" | 299° 55' 40" | 300° 35' 13" |
| 1  | 11                       | 3,84 | 0 0 0    | 42,53      | .           | .          | .            | .           | .            | .            | .            |
| 2  | 26                       | 0,40 | 0 0 0    | 40,32      | .           | .          | .            | 20,16       | .            | .            | .            |
| 3  | 25                       | 0,10 | 0 0 0    | 40,65      | .           | .          | .            | 21,30       | .            | 39,64        | .            |
| 4  | 12                       | 1,32 | 0 0 0    | .          | 36,82       | .          | .            | .           | .            | .            | .            |
| 5  | 7, 27                    | 4,64 | 0 0 0    | .          | .           | .          | .            | 22,23       | .            | .            | .            |
| 6  | 8                        | 1,92 | 0 0 0    | .          | .           | .          | .            | .           | 37,06        | .            | .            |
| 7  | 9                        | 2,88 | 0 0 0    | .          | .           | .          | .            | .           | .            | 39,62        | .            |
| 8  | 10                       | 0,96 | 0 0 0    | .          | .           | .          | .            | .           | .            | .            | 13,30        |
| 9  | 1                        | 1,92 | .        | 42,00      | .           | 0,33       | .            | .           | .            | .            | .            |
| 10 | 29                       | 0,20 | .        | 42,00      | .           | 1,20       | 64,33        | 21,00       | .            | .            | .            |
| 11 | 28                       | 0,20 | .        | 42,00      | .           | 4,18       | .            | 23,05       | .            | .            | .            |
| 12 | 30                       | 0,10 | .        | 42,00      | .           | .          | 48,90        | 23,05       | .            | .            | .            |
| 13 | 23                       | 0,20 | .        | 42,00      | .           | .          | .            | 21,77       | .            | .            | .            |
| 14 | 24                       | 0,10 | .        | 42,00      | .           | .          | .            | 29,10       | .            | 40,99        | .            |
| 15 | 2                        | 1,08 | .        | .          | .           | 3,00       | 63,68        | .           | .            | .            | .            |
| 16 | 22                       | 0,40 | .        | .          | .           | 3,00       | 58,30        | 21,17       | .            | .            | .            |
| 17 | 19                       | 0,10 | .        | .          | .           | 3,00       | 57,35        | 13,40       | 34,00        | .            | .            |
| 18 | 13                       | 0,40 | .        | .          | .           | 3,00       | .            | 25,47       | .            | .            | .            |
| 19 | 15                       | 0,10 | .        | .          | .           | 3,00       | .            | 24,65       | .            | 41,25        | .            |
| 20 | 3                        | 0,96 | .        | .          | .           | 3,00       | .            | .           | 35,69        | .            | .            |
| 21 | 21                       | 0,10 | .        | .          | .           | .          | 64,00        | 19,40       | .            | .            | .            |
| 22 | 16                       | 0,30 | .        | .          | .           | .          | 64,00        | 18,50       | .            | 38,68        | .            |
| 23 | 4                        | 0,96 | .        | .          | .           | .          | 64,00        | .           | 35,40        | .            | .            |
| 24 | 20                       | 0,20 | .        | .          | .           | .          | .            | 23,00       | 36,30        | .            | .            |
| 25 | 18                       | 0,30 | .        | .          | .           | .          | .            | 23,00       | 43,85        | 49,26        | .            |
| 26 | 5, 14, 17                | 4,28 | .        | .          | .           | .          | .            | 23,00       | .            | 40,26        | .            |
| 27 | 6                        | 0,96 | .        | .          | .           | .          | .            | 23,00       | .            | .            | 13,05        |

### Resultate der Stationsausgleichung.

|           |     |    |       |
|-----------|-----|----|-------|
| Dôle      | 0°  | 0' | 0",00 |
| Suchet    | 50  | 9  | 42,75 |
| Chalet    | 75  | 39 | 36,82 |
| Colonné   | 180 | 0  | 2,38  |
| Trélod    | 233 | 51 | 2,88  |
| Piton     | 270 | 9  | 22,15 |
| Colombier | 272 | 26 | 36,18 |
| Genf M.C. | 299 | 55 | 39,77 |
| St. Peter | 300 | 35 | 12,75 |

## Station Chalet.



Massstab :

1 : 100 für die Station.

1 : 1000000 für die entfernten Signale.

Die genäherten Coordinaten sind:

Breite  $46^{\circ} 33', 6$ ; Länge (Ost v. Paris)  $4^{\circ} 18', 8$ ; Höhe 801 Meter.

Den Mittelpunkt der Station bildet die Spitze des 1869 durch das eidgen. Stabsbureau gesetzten Versicherungssteines, der von derselben Beschaffenheit ist, wie der bei Station Gurten beschriebene. Centrisch über dem Steine stand als Signal eine vierseitige hölzerne Pyramide von ca. 4<sup>m</sup> Höhe und 2<sup>m</sup>,9 Länge der Basisseiten, welche 1883 durch eine dreiseitige von 3<sup>m</sup> Seite auf 5<sup>m</sup> Höhe ersetzt worden ist. Chalet de la ville, Eigenthum der Gemeinde Lausanne, aber auf dem Gebiete der Gemeinde Le Mont, nordwestlich von Epalinges stehend, ist die Sommerwohnung des städtischen Oberförsters. Von dem Gebäude, welches die Wohnung nebst Scheuer enthält, ist die Nordecke *A* und die östliche Ecke *B* seines nördlichen Vorsprungs, sowie von dem Stallgebäude die Ostecke *C* auf obiger Skizze bezeichnet. An diese 3 Punkte ist die Signalaxe *S* angeschlossen worden, indem man die Entferungen gemessen hat:

$$AS = 43^m,66 , BS = 48^m, 45 , CS = 63^m,05.$$

Die Beobachtungen auf Station Chalet fanden statt:

Durch Herrn Gysin am 17., 19., 20. X. 1866 und durch Herrn Lechner vom 21. VIII. bis 1. IX. 1867, von beiden Beobachtern in centrischer Aufstellung.

Vom Stationscentrum aus sind die genäherten Entfernungen von

|         |                    |
|---------|--------------------|
| Dôle    | 44708 <sup>m</sup> |
| Suchet  | 27419              |
| Naye    | 28906              |
| Voirons | 43019              |

## **Beobachtungen auf Station Chalet.**

| Nº 1 Suchet-Naye |             |        |             |       |              |           | Nº 5 Suchet-Naye |           |     |                |                |   |    | Nº 8 Suchet-Naye |                |              |              |       |                |                |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
|------------------|-------------|--------|-------------|-------|--------------|-----------|------------------|-----------|-----|----------------|----------------|---|----|------------------|----------------|--------------|--------------|-------|----------------|----------------|-------------------|-----|-------|-------|----------------|--------------|-------|-------|--|
| Standp. centr.   |             |        | 1866. X. 17 |       |              |           | Standp. centr.   |           |     | 1866. X. 20    |                |   |    | Standp. centr.   |                |              | 1867 VIII 23 |       |                |                |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
| Beob.: Gysin     |             |        | 9" Starke   |       |              |           | Beob.: Gysin     |           |     | 9" Starke      |                |   |    | Beob.: Lechner   |                |              | 9" Starke    |       |                |                |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
| 0                | 0°          | 1'     | 47",5       | +3",8 |              |           | 0                | 0°        | 3'  | 8",7           | +2",5          |   |    | 0                | 0°             | 6'           | 33",7        | +1",4 |                |                |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
| 1                | 149         | 54     | 103,7       | -5,5  |              |           | 1                | 149       | 57  | 18,7           | +2,1           |   |    | 1                | 150            | 0            | 51,2         | -0,8  |                |                |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
| 2                | 299         | 47     | 172,5       | -2,2  |              |           | 2                | 299       | 51  | 23,7           | -3,4           |   |    | 2                | 299            | 54           | 70,0         | +1,1  |                |                |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
| 3                | 89          | 40     | 246,3       | +6,0  |              |           | 3                | 89        | 45  | 33,7           | -3,8           |   |    | 3                | 89             | 48           | 87,5         | +1,7  |                |                |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
| 4                | 239         | 33     | 303,7       | -2,0  |              |           | 4                | 239       | 39  | 48,7           | +0,8           |   |    | 4                | 239            | 42           | 103,7        | +0,9  |                |                |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
| N = 2            |             |        | M = 174,74  |       |              |           | 5                | 29        | 33  | 56,2           | -2,1           |   |    | 5                | 29             | 36           | 121,2        | -1,5  |                |                |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
| Nº 1 = 149°      | 54'         | 5",50  |             |       |              |           | 6                | 179       | 27  | 72,5           | +3,8           |   |    | 6                | 179            | 30           | 133,7        | -2,9  |                |                |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
| Nº 2 Suchet-Naye |             |        |             |       |              |           | Nº 3 Suchet-Naye |           |     |                |                |   |    | Nº 4 Suchet-Naye |                |              |              |       |                |                |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
| Standp. centr.   | 1866. X. 17 |        |             |       | Beob.: Gysin | 9" Starke |                  |           |     | Standp. centr. | 1867. VIII. 21 |   |    |                  | Standp. centr. | 1867 VIII 30 |              |       |                | Beob.: Lechner | 9" Starke         |     |       |       |                |              |       |       |  |
| 0                | 0°          | 1'     | 53",7       | +4",5 |              |           | Beob.: Lechner   | 9" Starke |     |                |                | 0 | 0° | 13'              | 37",5          | -3",2        |              |       | Standp. centr. | 1867 VIII 31   |                   |     |       |       |                |              |       |       |  |
| 1                | 149         | 54     | 118,7       | -3,8  |              |           | 0                | 113°      | 19' | 56",2          | +1",7          |   | 1  | 150              | 7              | 52,5         | +0,3         |       |                | Beob.: Lechner | 9" Starke         |     |       |       |                |              |       |       |  |
| 2                | 299         | 47     | 191,2       | -4,5  |              |           | 1                | 263       | 13  | 68,7           | -1,9           |   | 2  | 300              | 1              | 63,7         | -0,1         |       |                | 0              | 0°                | 13' | 37",5 | -3",2 |                |              |       |       |  |
| 3                | 89          | 40     | 271,2       | +2,3  |              |           | 2                | 53        | 7   | 85,0           | -1,7           |   | 3  | 89               | 55             | 77,5         | +2,3         |       |                | 1              | 150               | 7   | 52,5  | +0,3  |                |              |       |       |  |
| 4                | 239         | 33     | 343,7       | +1,5  |              |           | 3                | 203       | 1   | 101,2          | -1,6           |   | 4  | 239              | 49             | 85,0         | -1,8         |       |                | 2              | 300               | 1   | 63,7  | -0,1  |                |              |       |       |  |
| N = 2            |             |        | M = 195,70  |       |              |           | 4                | 352       | 55  | 125,0          | +6,1           |   | 5  | 29               | 43             | 98,7         | +0,4         |       |                | 3              | 89                | 55  | 77,5  | +2,3  |                |              |       |       |  |
| Nº 2 = 149°      | 54'         | 13",25 |             |       |              |           | 5                | 142       | 49  | 133,7          | -1,4           |   | 6  | 179              | 37             | 115,0        | +5,2         |       |                | 4              | 239               | 49  | 85,0  | -1,8  |                |              |       |       |  |
| Nº 3 Suchet-Naye |             |        |             |       |              |           | Nº 5 Suchet-Naye |           |     |                |                |   |    | Nº 6 Suchet-Naye |                |              |              |       |                |                | Nº 10 Suchet-Naye |     |       |       |                |              |       |       |  |
| Standp. centr.   | 1866. X. 17 |        |             |       | Beob.: Gysin | 9" Starke |                  |           |     | Standp. centr. | 1867 VIII 22   |   |    |                  | Standp. centr. | 1867 VIII 31 |              |       |                | Beob.: Lechner | 9" Starke         |     |       |       | Standp. centr. | 1867 VIII 31 |       |       |  |
| 0                | 0°          | 1'     | 31",2       | -2",9 |              |           | Beob.: Lechner   | 9" Starke |     |                |                | 0 | 0° | 9'               | 33",7          | -6",4        |              |       | Beob.: Lechner | 9" Starke      |                   |     |       | 0     | 0°             | 11'          | 47",5 | +2",3 |  |
| 1                | 149         | 54     | 106,1       | +2,2  |              |           | 1                | 150       | 3   | 57,5           | +1,7           |   | 1  | 150              | 5              | 62,5         | +1,0         |       |                | 1              | 150               | 5   | 62,5  | +1,0  |                |              |       |       |  |
| 2                | 299         | 47     | 176,1       | +2,4  |              |           | 2                | 299       | 57  | 67,5           | -6,0           |   | 2  | 299              | 59             | 76,2         | -1,6         |       |                | 2              | 299               | 59  | 76,2  | -1,6  |                |              |       |       |  |
| 3                | 89          | 40     | 243,7       | +0,3  |              |           | 3                | 89        | 51  | 91,2           | -0,1           |   | 3  | 89               | 53             | 91,2         | -2,9         |       |                | 3              | 89                | 53  | 91,2  | -2,9  |                |              |       |       |  |
| 4                | 239         | 33     | 311,2       | -2,0  |              |           | 4                | 239       | 45  | 110,0          | +1,0           |   | 4  | 239              | 47             | 110,0        | -0,4         |       |                | 4              | 239               | 47  | 110,0 | -0,4  |                |              |       |       |  |
| N = 2            |             |        | M = 173,66  |       |              |           | 5                | 29        | 39  | 131,2          | +4,5           |   | 5  | 29               | 41             | 125,0        | -1,7         |       |                | 5              | 29                | 41  | 125,0 | -1,7  |                |              |       |       |  |
| Nº 3 = 149°      | 54'         | 9",76  |             |       |              |           | 6                | 179       | 33  | 148,7          | +4,2           |   | 6  | 179              | 35             | 145,0        | +2,0         |       |                | 6              | 179               | 35  | 145,0 | +2,0  |                |              |       |       |  |
| Nº 4 Suchet-Naye |             |        |             |       |              |           | Nº 6 Suchet-Naye |           |     |                |                |   |    | Nº 7 Suchet-Naye |                |              |              |       |                |                | Nº 10 Suchet-Naye |     |       |       |                |              |       |       |  |
| Standp. centr.   | 1866. X. 20 |        |             |       | Beob.: Gysin | 9" Starke |                  |           |     | Standp. centr. | 1867 VIII 22   |   |    |                  | Standp. centr. | 1867 VIII 31 |              |       |                | Beob.: Lechner | 9" Starke         |     |       |       | Standp. centr. | 1867 VIII 31 |       |       |  |
| 0                | 0°          | 1'     | 33",7       | +1",0 |              |           | Beob.: Lechner   | 9" Starke |     |                |                | 0 | 0° | 9'               | 33",7          | -6",4        |              |       | Beob.: Lechner | 9" Starke      |                   |     |       | 0     | 0°             | 11'          | 47",5 | +2",3 |  |
| 1                | 149         | 55     | 43,7        | -2,8  |              |           | 1                | 150       | 3   | 57,5           | +1,7           |   | 1  | 150              | 5              | 62,5         | +1,0         |       |                | 1              | 150               | 5   | 62,5  | +1,0  |                |              |       |       |  |
| 2                | 299         | 49     | 62,5        | +2,3  |              |           | 2                | 299       | 57  | 67,5           | -6,0           |   | 2  | 299              | 59             | 76,2         | -1,6         |       |                | 2              | 299               | 59  | 76,2  | -1,6  |                |              |       |       |  |
| 3                | 89          | 43     | 73,7        | -0,3  |              |           | 3                | 89        | 51  | 91,2           | -0,1           |   | 3  | 89               | 53             | 91,2         | -2,9         |       |                | 3              | 89                | 53  | 91,2  | -2,9  |                |              |       |       |  |
| 4                | 239         | 37     | 87,5        | -0,2  |              |           | 4                | 239       | 45  | 110,0          | +1,0           |   | 4  | 239              | 47             | 110,0        | -0,4         |       |                | 4              | 239               | 47  | 110,0 | -0,4  |                |              |       |       |  |
| N = 2            |             |        | M = 60,22   |       |              |           | 5                | 29        | 39  | 131,2          | +4,5           |   | 5  | 29               | 41             | 125,0        | -1,7         |       |                | 5              | 29                | 41  | 125,0 | -1,7  |                |              |       |       |  |
| Nº 4 = 149°      | 54'         | 13",76 |             |       |              |           | 6                | 179       | 27  | 170,0          | +7,8           |   | 6  | 179              | 35             | 145,0        | +2,0         |       |                | 6              | 179               | 35  | 145,0 | +2,0  |                |              |       |       |  |
| Nº 5 Suchet-Naye |             |        |             |       |              |           | Nº 6 Suchet-Naye |           |     |                |                |   |    | Nº 7 Suchet-Naye |                |              |              |       |                |                | Nº 10 Suchet-Naye |     |       |       |                |              |       |       |  |
| Standp. centr.   | 1866. X. 20 |        |             |       | Beob.: Gysin | 9" Starke |                  |           |     | Standp. centr. | 1867 VIII 22   |   |    |                  | Standp. centr. | 1867 VIII 31 |              |       |                | Beob.: Lechner | 9" Starke         |     |       |       | Standp. centr. | 1867 VIII 31 |       |       |  |
| 0                | 0°          | 1'     | 33",7       | +1",0 |              |           | Beob.: Lechner   | 9" Starke |     |                |                | 0 | 0° | 9'               | 33",7          | -6",4        |              |       | Beob.: Lechner | 9" Starke      |                   |     |       | 0     | 0°             | 11'          | 47",5 | +2",3 |  |
| 1                | 149         | 55     | 43,7        | -2,8  |              |           | 1                | 150       | 3   | 57,5           | +1,7           |   | 1  | 150              | 5              | 62,5         | +1,0         |       |                | 1              | 150               | 5   | 62,5  | +1,0  |                |              |       |       |  |
| 2                | 299         | 49     | 62,5        | +2,3  |              |           | 2                | 299       | 57  | 67,5           | -6,0           |   | 2  | 299              | 59             | 76,2         | -1,6         |       |                | 2              | 299               | 59  | 76,2  | -1,6  |                |              |       |       |  |
| 3                | 89          | 43     | 73,7        | -0,3  |              |           | 3                | 89        | 51  | 91,2           | -0,1           |   | 3  | 89               | 53             | 91,2         | -2,9         |       |                | 3              | 89                | 53  | 91,2  | -2,9  |                |              |       |       |  |
| 4                | 239         | 37     | 87,5        | -0,2  |              |           | 4                | 239       | 45  | 110,0          | +1,0           |   | 4  | 239              | 47             | 110,0        | -0,4         |       |                | 4              | 239               | 47  | 110,0 | -0,4  |                |              |       |       |  |
| N = 2            |             |        | M = 60,22   |       |              |           | 5                | 29        | 39  | 131,2          | +4,5           |   | 5  | 29               | 41             | 125,0        | -1,7         |       |                | 5              | 29                | 41  | 125,0 | -1,7  |                |              |       |       |  |
| Nº 4 = 149°      | 54'         | 13",76 |             |       |              |           | 6                | 179       | 27  | 170,0          | +7,8           |   | 6  | 179              | 35             | 145,0        | +2,0         |       |                | 6              | 179               | 35  | 145,0 | +2,0  |                |              |       |       |  |

N° 11 Naye-Voirons

| Standp. centr. | 1867 VIII 31          |
|----------------|-----------------------|
| Beob.: Lechner | 9 <sup>h</sup> Starke |
| 0 277°         | 8' 57",5 +1",3        |
| 1 9            | 26 121,2 +2,2         |
| 2 101          | 44 181,2 -0,7         |
| 3 194          | 2 242,5 -2,2          |
| 4 286          | 20 307,5 -0,0         |
| 5 18           | 38 368,7 -1,7         |
| 6 110          | 56 436,2 +3,0         |
| 7 203          | 14 501,2 +5,2         |
| 8 295          | 32 562,5 +3,7         |
| 9 27           | 50 617,5 -4,2         |
| 10 120         | 8 687,5 +3,0          |
| 11 212         | 26 743,7 -3,6         |
| 12 304         | 44 807,5 -2,7         |
| 13 37          | 2 867,5 -5,5          |
| 14 129         | 20 930,0 -5,8         |
| 15 221         | 38 997,5 -1,2         |
| 16 313         | 56 1060,0 -1,5        |
| 17 46          | 14 1125,0 +0,7        |
| 18 138         | 32 1191,2 +4,1        |
| 19 230         | 50 1252,5 +2,5        |
| 20 323         | 8 1316,2 +3,4         |

N = 10 M = 684",50

N° 11 = 92° 19' 2",83

N° 12 Voirons-Dôle

| Standp. centr. | 1867 VIII 31          |
|----------------|-----------------------|
| Beob.: Lechner | 9 <sup>h</sup> Starke |
| 0 323°         | 29' 56",2 -2",0       |
| 1 2            | 24 71,2 -1,4          |
| 2 41           | 19 87,5 +0,5          |
| 3 80           | 14 102,5 +1,2         |
| 4 119          | 9 120,0 +4,3          |
| 5 158          | 4 130,0 -0,0          |
| 6 196          | 59 143,7 -0,7         |
| 7 235          | 54 160,0 +1,2         |
| 8 274          | 49 170,0 -3,1         |

N = 4 M = 115",68

N° 12 = 38° 55' 14",36

N° 13 Voirons-Dôle

| Standp. centr. | 1867 IX 1             |
|----------------|-----------------------|
| Beob.: Lechner | 9 <sup>h</sup> Starke |
| 0 0°           | 5' 12",5 -4",4        |
| 1 39           | 0 25,0 -5,8           |
| 2 77           | 55 45,0 +0,4          |
| 3 116          | 50 58,7 +0,2          |
| 4 155          | 45 75,0 +2,6          |
| 5 194          | 40 88,7 +2,5          |
| 6 233          | 35 110,0 +9,9         |
| 7 272          | 30 120,0 +6,1         |
| 8 311          | 25 128,7 +0,9         |
| 9 350          | 20 138,7 -3,0         |
| 10 29          | 15 152,5 -3,0         |
| 11 68          | 10 163,7 -5,7         |
| 12 107         | 5 182,5 -0,7          |

N = 6 M = 100",08

N° 13 = 38° 55' 13",86

N° 14 Dôle-Suchet

| Standp. centr. | 1866 X 19             |
|----------------|-----------------------|
| Beob.: Gysin   | 9 <sup>h</sup> Starke |
| 0 239°         | 35' 27",5 -6",1       |
| 1 318          | 26 51,3 -3,1          |
| 2 37           | 17 78,8 +3,7          |
| 3 116          | 8 98,7 +2,8           |
| 4 194          | 59 118,7 +2,0         |
| 5 273          | 50 143,8 +6,4         |
| 6 352          | 41 162,5 +4,3         |
| 7 71           | 32 177,5 -1,4         |
| 8 150          | 23 191,2 -8,5         |
| 9 229          | 14 218,8 -1,7         |
| 10 308         | 5 242,5 +1,3          |
| 11 26          | 56 263,7 +1,7         |
| 12 105         | 47 281,3 -1,4         |

N = 6 M = 158",18

N° 14 = 78° 51' 20",76

N° 15 Dôle-Suchet

| Standp. centr. | 1866 X 20             |
|----------------|-----------------------|
| Beob.: Gysin   | 9 <sup>h</sup> Starke |
| 0 179°         | 28' 12",5 -2",0       |
| 1 258          | 19 41,2 +4,0          |
| 2 337          | 10 60,0 0,0           |
| 3 56           | 1 78,7 -4,0           |
| 4 134          | 52 107,5 +2,0         |

N = 2 M = 59",98

N° 15 = 78° 51' 22",75

N° 16 Dôle-Suchet

| Standp. centr. | 1867 VIII 21          |
|----------------|-----------------------|
| Beob.: Lechner | 9 <sup>h</sup> Starke |
| 0 0°           | 11' 22",5 -3",9       |
| 1 79           | 2 43,7 -1,0           |
| 2 157          | 53 67,5 -3,3          |
| 3 236          | 44 93,7 -3,2          |
| 4 315          | 35 125,0 +2,0         |
| 5 34           | 26 150,0 +0,8         |
| 6 113          | 17 176,2 +0,9         |

N = 3 M = 96",94

N° 16 = 78° 51' 26",11

N° 17 Dôle-Suchet

| Standp. centr. | 1867 VIII 31          |
|----------------|-----------------------|
| Beob.: Lechner | 9 <sup>h</sup> Starke |
| 0 119°         | 26' 0",0 +1",9        |
| 1 198          | 17 22,5 -3,7          |
| 2 277          | 8 56,2 +1,8           |

N = 1 M = 26,23

N° 17 = 78° 51' 28",10

N° 18 Dôle-Suchet

| Standp. centr. | 1867 IX 1             |
|----------------|-----------------------|
| Beob.: Lechner | 9 <sup>h</sup> Starke |
| 0 107°         | 8' 2",5 -1",6         |
| 1 185          | 59 31,2 +1,2          |
| 2 264          | 50 55,0 -0,8          |
| 3 343          | 41 81,2 -0,4          |
| 4 62           | 32 105,0 -2,5         |
| 5 141          | 23 133,7 +0,4         |
| 6 220          | 14 163,7 +4,6         |
| 7 299          | 5 185,0 +0,1          |
| 8 17           | 56 215,0 +4,2         |
| 9 96           | 47 232,5 -4,1         |
| 10 175         | 38 258,7 -3,7         |
| 11 254         | 29 291,2 +2,9         |
| 12 333         | 20 316,2 +2,1         |
| 13 52          | 11 341,2 +1,3         |
| 14 131         | 2 363,7 -2,1          |
| 15 209         | 53 391,2 -0,4         |
| 16 288         | 44 416,2 -1,2         |

N = 8 M = 210",78

N° 18 = 78° 51' 25",83

### Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº                       | Beobachter        | aus Nº | n  | g    | p    | Dôle     | Suchet | Naye  | Voirons |
|--------------------------|-------------------|--------|----|------|------|----------|--------|-------|---------|
| Repetitionsbeobachtungen |                   |        |    |      |      |          |        |       |         |
| 1                        | Gysin             | 1—5    | 22 | 0,02 | 0,44 | 0° 0' 0" | 26,00  | 36,52 | .       |
| 2                        | 9" Starke<br>1866 | 14, 15 | 16 |      | 0,32 | 0 0 0    | 21,26  | .     | .       |
|                          |                   |        |    |      |      |          |        |       |         |
| 3                        | Lechner           | 6—10   | 42 |      | 2,52 | .        | 26,00  | 41,64 | .       |
| 4                        | 9" Starke         | 11     | 20 |      | 1,20 | .        | .      | 41,00 | 43,83   |
| 5                        | 1867              | 12, 13 | 20 | 0,06 | 1,20 | 0 0 0    | .      | .     | 45,94   |
| 6                        |                   | 16—18  | 24 |      | 1,44 | 0 0 0    | 26,08  | .     | .       |

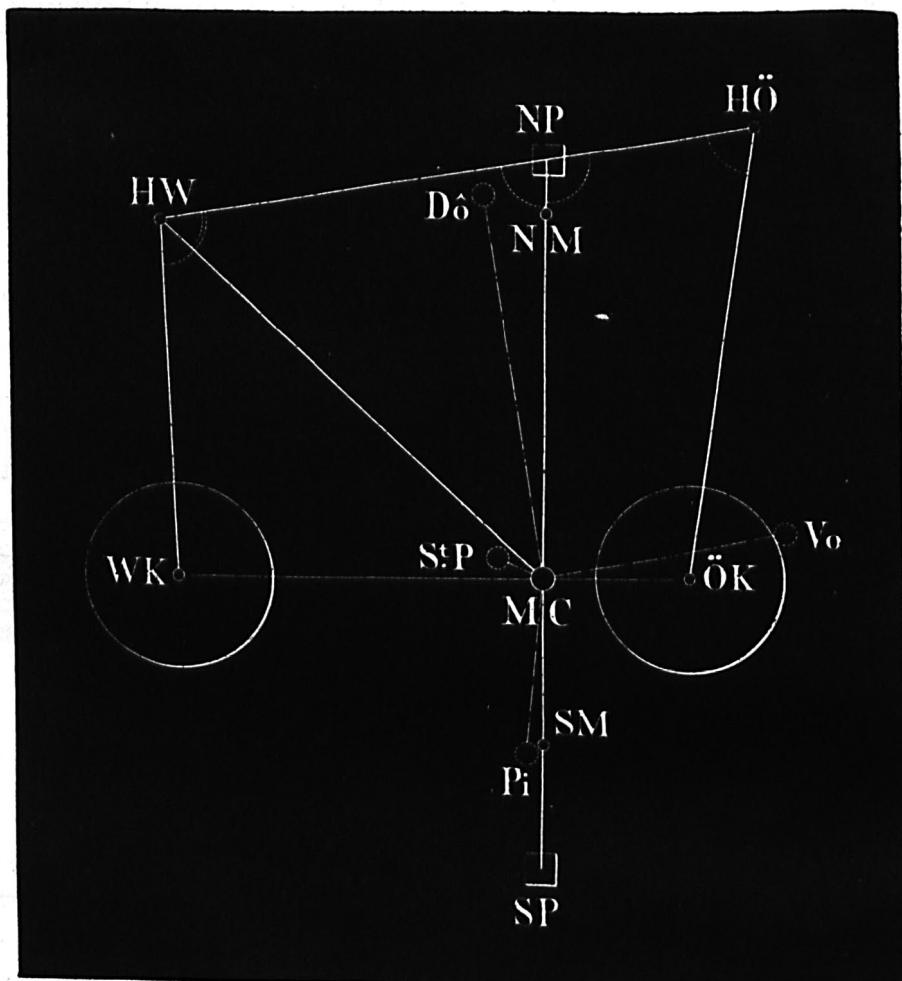
### Vereinigte Winkelwerthe.

| Nº | aus Nº | P    | Dôle     | Suchet      | Naye         | Voirons     |
|----|--------|------|----------|-------------|--------------|-------------|
|    |        |      | 0° 0' 0" | 78° 51' 26" | 228° 45' 41" | 321° 4' 45" |
| 1  | 2, 6   | 1,76 | 0 0 0    | 25,20       | .            | .           |
| 2  | 5      | 1,20 | 0 0 0    | .           | .            | 45,94       |
| 3  | 1, 3   | 2,96 | .        | 26,00       | 40,88        | .           |
| 4  | 4      | 1,20 | .        | .           | 41,00        | 43,83       |

### Resultate der Stationsausgleichung.

|         |     |    |       |
|---------|-----|----|-------|
| Dôle    | 0°  | 0' | 0",00 |
| Suchet  | 78  | 51 | 25,87 |
| Naye    | 228 | 45 | 41,15 |
| Voirons | 321 | 4  | 44,96 |

## Station Genfer Sternwarte.



### Masstab:

1 : 200 für die Station.

1 : 50000 für die Richtung St. Peter-Genf.

1 : 500000 für die entfernten Signale.

### Genäherte Koordinaten:

Breite  $46^{\circ} 12''$ ,0; Länge (Ost v. Paris) =  $3^{\circ} 49'$ ,0; Höhe 409 Meter.

Der Mittelpunkt der Station *M.C.* ist durch das Centrum des Meridianfernrohrs bestimmt.

Die Beobachtungen auf Station Genf fanden statt:

Durch Herrn Lechner mit 9" Starke vom 3. IX. bis 9. XI. 1867 auf dem Centrum der westlichen Kuppel (*WK*), und durch Herrn Gelpke vom 25. VI. bis 27. VI. 1877 auf den beiden im Meridian des Mittagfernrohrs liegenden südlichen (*SP*) und nördlichen (*NP*) Beobachtungspfeilern und auf zwei Hülfpunkten West (*HW*) und Ost (*HÖ*).

Letzterer Beobachter bestimmte die gegenseitige Lage der Theodolitstationen durch folgende Messungsangaben :

Es wurde gemessen :

$$M.C. - NP = 10,950 \text{ Meter}$$

$$NP - HÖ = 5,485 \text{ Meter.}$$

$$NP - HW = 10,278 \text{ "}$$

$$HÖ - ÖK = 11,963 \text{ "}$$

$$HW - WK = 9,348 \text{ "}$$

$$M.C. - SP = 7,564 \text{ "}$$

$$\text{Winkel } M.C. - NP - HW = 79^\circ 21' 54''$$

$$\text{Winkel } M.C. - NP - HÖ = 100^\circ 38' 5''$$

$$\text{, } NP - HW - M.C. = 52^\circ 30' 9''$$

$$\text{, } NP - HÖ - ÖK = 71^\circ 53' 45''$$

$$\text{, } NP - HW - WK = 97^\circ 12' 17''$$

Daraus folgt :

$$\text{Westliche Kuppel} - M.C. = 9,544 \text{ Meter; } M.C. - \text{östliche Kuppel} = 3,837 \text{ Meter.}$$

$$\text{Winkel: Westliche Kuppel} - M.C. - \text{Nordpfeiler} = 91^\circ 40' 42''$$

$$\text{, } \text{Nordpfeiler} - M.C. - \text{Östliche Kuppel} = 88^\circ 30' 15''$$

Vom Stationsmittelpunkt *M.C.* aus sind die genäherten Entfernungen der anvisirten Objecte folgende :

|                     |          |              |
|---------------------|----------|--------------|
| Süd-Mire            | (SM)     | 10937 Meter. |
| Piton               | (Pi)     | 11684 "      |
| St. Peter Westthurm | (St. P.) | 321,46 "     |
| Dôle                | (Dö)     | 25405 "      |
| Voirons             | (Vo)     | 16004 "      |
| Nord-Mire           | (NM)     | 23950 "      |

Vom Standpunkte des Herrn Lechner, westliche Kuppel, sind die genäherten Richtungen und darnach die Centrirungen folgende:

|            | Richtung: |      | Centrirung: |
|------------|-----------|------|-------------|
| Genf M. C. | 0°        | 0'   |             |
| Süd-Mire   | 91        | 32,0 | + 179'',94  |
| Piton      | 96        | 32,7 | + 167,40    |
| St. Peter  | 205       | 31,8 | - 2639,45   |
| Dôle       | 262       | 24,2 | - 76,81     |
| Nord-Mire  | 271       | 36,8 | - 82,17     |
| Voirons    | 349       | 13,5 | - 23,00     |

Vom Standpunkte des Herrn Gelpke auf dem südlichen Beobachtungspfeiler sind die genäherten Richtungen und darnach die Centrirungen folgende:

|            | Richtung: |      | Centrirung: |
|------------|-----------|------|-------------|
| Genf M. C. | 0°        | 0'   |             |
| Voirons    | 77        | 30,9 | + 95'',18   |
| Süd-Mire   | 179       | 54,3 | + 0,24      |
| Piton      | 184       | 55,1 | - 11,45     |

Vom Standpunkte des Herrn Gelpke auf dem nördlichen Beobachtungspfeiler sind die genäherten Richtungen und darnach die Centrirungen folgende:

|            | Richtung: |      | Centrirung: |
|------------|-----------|------|-------------|
| Genf M. C. | 0°        | 0'   |             |
| Dôle       | 170       | 51,8 | + 14'',12   |
| Nord-Mire  | 180       | 4,6  | - 0,13      |
| Voirons    | 257       | 44,6 | - 137,91    |

Von Station Voirons aus wurde von Herrn Gelpke 1867 die östliche Kuppel anvisirt. — Man hat für die Centrirung dieser Richtung auf *M. C.* folgende Daten:

Winkel Voirons-Ostkuppel =  $10^\circ 52',5$ ;  $d = 3^m,837$ ; Centrirung + 9'',33.

Beobachtungen auf Station Genf.

| Nº 1 Dôle-Voirons       |            |                |            | Nº 4 St. Peter-Dôle  |           |                |           | Nº 7a Süd-Mire-Piton (linker Rand)  |           |                |           |
|-------------------------|------------|----------------|------------|----------------------|-----------|----------------|-----------|-------------------------------------|-----------|----------------|-----------|
| Standp. WK              | 1867 IX 3  | Beob.: Lechner | 9" Starke  | Standp. WK           | 1867 IX 6 | Beob.: Lechner | 9" Starke | Standp. WK                          | 1867 IX 9 | Beob.: Lechner | 9" Starke |
| 0 0° 6'                 | 18",7      | -2",9          | 0 339° 55' | 36",2                | -8",9     | 0 0° 9'        | 18",7     | -3",3                               | 1 5       | 9              | 27,5      |
| 1 86 55                 | 38,7       | -4,3           | 1 36 47    | 57,5                 | -2,4      | 1 10           | 9         | 32,5                                | -2,1      | 2 10           | 9         |
| 2 173 44                | 56,2       | -3,3           | 2 93 39    | 81,2                 | +1,7      | 3 15           | 9         | 42,5                                | +3,0      | 3 15           | 9         |
| 3 260 33                | 72,5       | -1,0           | 3 150 31   | 103,7                | +7,0      | 4 20           | 9         | 52,5                                | +3,1      | 4 20           | 9         |
| 4 347 22                | 90,0       | 0,0            | 4 207 23   | 127,5                | +10,9     | 5 25           | 9         | 66,2                                | -0,5      | 5 25           | 9         |
| 5 74 11                 | 105,0      | +3,5           | 5 264 15   | 163,7                | +2,5      | 6 30           | 9         | 76,2                                | -0,4      | 6 30           | 9         |
| 6 161 0                 | 116,2      | +10,9          | 6 321 7    | 197,5                | -3,5      | 7 35           | 9         | 88,7                                | -2,8      | 7 35           | 9         |
| 7 247 49                | 138,7      | +6,9           | 7 17 59    | 222,5                | -0,7      | 8 40           | 9         | 96,2                                | -0,2      | 8 40           | 9         |
| 8 334 38                | 160,0      | +4,2           | 8 74 51    | 256,2                | -6,6      |                |           |                                     |           |                |           |
| 9 61 27                 | 186,2      | -3,5           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| 10 148 16               | 203,7      | -2,5           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| 11 235 5                | 222,5      | -2,7           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| 12 321 54               | 243,7      | -5,4           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| N = 6                   | M = 127,08 |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| x = 86° 49' 18",54      |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| r = + 53",81            |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| Nº 1 = 86° 50' 12",35   |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| Nº 2 Voirons-Süd-Mire   |            |                |            | Nº 5 Dôle-Voirons    |           |                |           | Nº 7b Süd-Mire-Piton (rechter Rand) |           |                |           |
| Standp. WK              | 1867 IX 6  | Beob.: Lechner | 9" Starke  | Standp. WK           | 1867 IX 7 | Beob.: Lechner | 9" Starke | Standp. WK                          | 1867 IX 9 | Beob.: Lechner | 9" Starke |
| 0 0° 15'                | 22",5      | +5",7          | 0 0° 8'    | 15",0                | -1",5     | 0 40° 10'      | 36",2     | +2",3                               | 1 45 11   | 67,5           | -0,5      |
| 1 102 33                | 60,0       | -2,4           | 1 86 57    | 23,7                 | +5,0      | 2 50 12        | 95,0      | +0,4                                | 2 50 12   | 95,0           | +0,4      |
| 2 204 51                | 85,0       | +2,0           | 2 173 46   | 51,2                 | -7,4      | 3 55 13        | 127,5     | -3,6                                | 3 55 13   | 127,5          | -3,6      |
| 3 307 9                 | 113,7      | +2,7           | 3 260 35   | 56,2                 | +2,8      | 4 60 14        | 151,2     | +1,1                                | 4 60 14   | 151,2          | +1,1      |
| 4 49 27                 | 142,5      | +3,35          | 4 347 24   | 72,5                 | +1,6      | 5 65 15        | 181,2     | -0,4                                | 5 65 15   | 181,2          | -0,4      |
| 5 151 45                | 177,5      | -2,2           | 5 74 13    | 88,7                 | +0,6      | 6 70 16        | 211,2     | -2,0                                | 6 70 16   | 211,2          | -2,0      |
| 6 254 3                 | 215,0      | -10,3          | 6 161 2    | 103,7                | +0,7      | 7 75 17        | 236,2     | +1,5                                | 7 75 17   | 236,2          | +1,5      |
| 7 356 21                | 240,0      | -5,9           | 7 247 51   | 122,5                | -2,9      | 8 80 18        | 265,0     | -1,2                                | 8 80 18   | 265,0          | -1,2      |
| 8 98 39                 | 266,2      | -2,7           | 8 334 40   | 133,7                | +1,0      |                |           |                                     |           |                |           |
| 9 200 57                | 293,7      | -0,75          |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| 10 223 15               | 321,2      | +1,2           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| 11 45 33                | 347,5      | +4,3           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| 12 147 51               | 376,2      | +5,0           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| N = 6                   | M = 204,69 |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| x = 102° 18' 29",42     |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| r = + 3' 22",94         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| Nº 2 = 102° 21' 52",36  |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| Nº 3 Süd-Mire-St. Peter |            |                |            | Nº 6 Dôle-Nord-Mire  |           |                |           | Nº 7b Süd-Mire-Piton (rechter Rand) |           |                |           |
| Standp. WK              | 1867 IX 6  | Beob.: Lechner | 9" Starke  | Standp. WK           | 1867 IX 7 | Beob.: Lechner | 9" Starke | Standp. WK                          | 1867 IX 9 | Beob.: Lechner | 9" Starke |
| 0 147° 57'              | 16",2      | -0",4          | 0 334° 42' | 17",5                | +3",7     | 1 343 54       | 58,7      | -3,7                                | 2 353 6   | 88,7           | +0,2      |
| 1 261 56                | 63,7       | -0,6           | 2 353 6    | 88,7                 | +0,2      | 3 2 18         | 125,0     | -2,3                                | 3 2 18    | 125,0          | -2,3      |
| 2 15 55                 | 110,0      | +0,4           | 4 11 30    | 156,2                | +0,4      | 4 11 30        | 156,2     | +0,4                                | 5 20 42   | 188,7          | +1,7      |
| 3 129 54                | 156,2      | +1,5           | 5 20 42    | 188,7                | +1,7      |                |           |                                     |           |                |           |
| 4 243 53                | 206,2      | -1,2           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| 5 357 52                | 252,5      | -0,2           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| 6 111 51                | 298,7      | +0,9           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| 7 225 50                | 345,0      | +1,8           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| 8 339 49                | 396,2      | -2,1           |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| N = 4                   | M = 204,97 |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| x = 113° 59' 47",29     |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| r = - 46' 59",39        |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| Nº 3 = 113° 12' 47",90  |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| Nº 2,5 M = 105,80       |            |                |            | Nº 6 = 9° 12' 28",49 |           |                |           | Nº 7 = 5° 0' 36",73                 |           |                |           |
| x = 9° 12' 33",85       |            |                |            | r = - 5",36          |           |                |           | x₁ + x₂ = 5° 0' 49",27              |           |                |           |
| r = - 12",54            |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
| Nº 7 = 5° 0' 36",73     |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |
|                         |            |                |            |                      |           |                |           |                                     |           |                |           |

Beobachter: Gelpke, 8" Starke.

Standpunkt südlicher Beobachtungspfeiler.

| 25. Juni 1877                           |           |          |                                                                               |                                               | 27. Juni 1877 |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
|-----------------------------------------|-----------|----------|-------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------|---------------|-----------|----------|-----------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------|
| Nº                                      | Kreislage | Voirons  | Süd-Mire                                                                      | Piton                                         | Nº            | Kreislage | Süd-Mire | Piton                                                                                         | Voirons                                                                                       |
|                                         |           | 0° 0' 0" | 102° 23'                                                                      | 107° 24'                                      |               |           | 0° 0' 0" | 5° 0'                                                                                         | 257° 36'                                                                                      |
| 8                                       | 0°        | 0 0 0    | 17",5<br>15,0<br>30,0<br>22,5<br>25,0<br>21,3                                 | 5",6<br>3,8<br>20,0<br>11,9<br>11,8<br>10,0   | 20            | 0°        | 0 0 0    | 50",6<br>47,5<br>45,6<br>48,8<br>50,0<br>52,5<br>51,9<br>52,7<br>50,0<br>49,4<br>48,2<br>48,2 | 44",4<br>40,0<br>40,0<br>38,8<br>40,0<br>40,0<br>40,7<br>38,7<br>36,9<br>33,2<br>29,5<br>33,2 |
| 9                                       | 180       | 0 0 0    |                                                                               |                                               |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 10                                      | 60        | 0 0 0    |                                                                               |                                               |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
|                                         |           |          | r=—1'34",94                                                                   | r=—1'46",63                                   |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
|                                         |           |          |                                                                               |                                               |               |           |          |                                                                                               | r=—11",69 r=+1'34",94                                                                         |
| Nº                                      | Kreislage | Süd-Mire | Piton                                                                         | Voirons                                       | Nº            | Kreislage | Voirons  | Süd-Mire                                                                                      |                                                                                               |
|                                         |           | 0° 0' 0" | 5° 0'                                                                         | 257° 36'                                      |               |           | 0° 0' 0" | 102° 23'                                                                                      |                                                                                               |
| 11                                      | 60°       | 0 0 0    | 48",1<br>46,3<br>50,7<br>51,9<br>49,4<br>48,1<br>48,8<br>51,2<br>51,2<br>49,4 |                                               | 26            | 30°       | 0 0 0    | 25",7<br>25,6<br>20,0<br>18,8                                                                 |                                                                                               |
| 12                                      | 120       | 0 0 0    |                                                                               |                                               | 27            | 90        | 0 0 0    |                                                                                               |                                                                                               |
| 13                                      | 120       | 0 0 0    |                                                                               |                                               |               |           |          |                                                                                               | r=—1'34",94                                                                                   |
| 14                                      | 30        | 0 0 0    |                                                                               |                                               |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 15                                      | 90        | 0 0 0    |                                                                               |                                               |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 16                                      | 150       | 0 0 0    | 45,0<br>52,5                                                                  | 23,8<br>36,3                                  |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
|                                         |           |          | r=—11",69                                                                     | r=+1'34",94                                   |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| Standp. nördlicher Beobachtungspfeiler. |           |          |                                                                               |                                               |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| Nº                                      | Kreislage | Dôle     | Nord-Mire                                                                     | Voirons                                       |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
|                                         |           | 0° 0' 0" | 9° 12'                                                                        | 86° 52'                                       |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 28                                      | 0°        | 0 0 0    | .                                                                             | 43",2                                         |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 29                                      | 60        | 0 0 0    | .                                                                             | 42,5                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 30                                      | 120       | 0 0 0    | .                                                                             | 48,7                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 31                                      | 0         | 0 0 0    | .                                                                             | 50,0                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 32                                      | 60        | 0 0 0    | .                                                                             | 46,3                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 33                                      | 120       | 0 0 0    | .                                                                             | 43,2                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 34                                      | 30        | 0 0 0    | .                                                                             | 53,1                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 35                                      | 90        | 0 0 0    | .                                                                             | 56,9                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 36                                      | 150       | 0 0 0    | .                                                                             | 46,9                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 37                                      | 30        | 0 0 0    | .                                                                             | 48,2                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 38                                      | 90        | 0 0 0    | .                                                                             | 46,9                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 39                                      | 150       | 0 0 0    | .                                                                             | 49,4                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
|                                         |           |          |                                                                               | 58,7                                          |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
|                                         |           |          |                                                                               | r=—14",25 r=—2'32",03                         |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 26. Juni 1877                           |           |          |                                                                               |                                               |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| Nº                                      | Kreislage | Voirons  | Süd-Mire                                                                      | Piton                                         |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
|                                         |           | 0° 0' 0" | 102° 23'                                                                      | 107° 24'                                      |               |           |          |                                                                                               |                                                                                               |
| 17                                      | 30°       | 0 0 0    | 35",0<br>33,2<br>28,2<br>26,3<br>25,0<br>29,4                                 | 18",1<br>20,1<br>20,0<br>17,5<br>14,4<br>18,2 | 34            | 30        | 0 0 0    | 43,8<br>52,5<br>43,8<br>46,3<br>46,2<br>37,5<br>37,5<br>40,6<br>46,9                          | 44,4<br>50,0<br>50,0<br>56,3<br>52,5<br>48,7<br>48,7<br>43,1<br>45,7                          |
| 18                                      | 90        | 0 0 0    |                                                                               |                                               | 35            | 90        | 0 0 0    |                                                                                               |                                                                                               |
| 19                                      | 150       | 0 0 0    |                                                                               |                                               | 36            | 150       | 0 0 0    |                                                                                               |                                                                                               |
|                                         |           |          | r=—1'34",94                                                                   | r=—1'46",63                                   | 37            | 30        | 0 0 0    |                                                                                               |                                                                                               |
|                                         |           |          |                                                                               |                                               | 38            | 90        | 0 0 0    |                                                                                               |                                                                                               |
|                                         |           |          |                                                                               |                                               | 39            | 150       | 0 0 0    |                                                                                               |                                                                                               |

### Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº                       | Beobachter | aus Nº d. Beob. | n  | g    | p    | Dôle     | Nord-Mire  | Voirons     | Süd-Mire    | Piton        | St. Peter    |
|--------------------------|------------|-----------------|----|------|------|----------|------------|-------------|-------------|--------------|--------------|
|                          |            |                 |    |      |      | 0° 0' 0" | 9° 12' 30" | 86° 50' 17" | 189° 12' 7" | 194° 12' 44" | 302° 24' 53" |
| Repetitionsbeobachtungen |            |                 |    |      |      |          |            |             |             |              |              |
| 1                        |            | 6               | 5  |      | 0,30 | 0 0 0    | 28,49      | .           | .           | .            | .            |
| 2                        | Lechner    | 1, 5            | 20 |      | 1,20 | 0 0 0    | .          | 10,99       | .           | .            | .            |
| 3                        | mit        | 4               | 8  |      | 0,48 | 0 0 0    | .          | .           | .           | .            | 49,57        |
| 4                        | 9" Starke  | 2               | 12 | 0,06 | 0,72 | .        | .          | 17,00       | 9,36        | .            | .            |
| 5                        |            | 7               | 8  |      | 0,48 | .        | .          | .           | 7,00        | 43,73        | .            |
| 6                        | 1867       | 3               | 8  |      | 0,48 | .        | .          | .           | 7,00        | .            | 54,90        |
| Richtungsbeobachtungen   |            |                 |    |      |      |          |            |             |             |              |              |
| 7                        |            | 33—37           | 5  |      | 0,50 | 0 0 0    | 29,89      | 16,85       | .           | .            | .            |
| 8                        | Gelpke     | 28—32, 38, 39   | 7  |      | 0,70 | 0 0 0    | .          | 16,91       | .           | .            | .            |
| 9                        | mit        | 26, 27          | 2  | 0,10 | 0,20 | .        | .          | 17,00       | 5,04        | .            | .            |
| 10                       | 8" Starke  | 8—10, 16, 17—25 | 13 |      | 1,30 | .        | .          | 17,00       | 6,59        | 43,98        | .            |
| 11                       | 1877       | 11—15           | 5  |      | 0,50 | .        | .          | .           | 7,00        | 44,82        | .            |

### Vereinigte Winkelwerthe.

| Nº | aus Nº d. Satzmittel | P    | Dôle     | Nord-Mire  | Voirons     | Süd-Mire    | Piton        | St. Peter    |
|----|----------------------|------|----------|------------|-------------|-------------|--------------|--------------|
|    |                      |      | 0° 0' 0" | 9° 12' 30" | 86° 50' 17" | 189° 12' 7" | 194° 12' 44" | 302° 24' 53" |
| 1  | 1                    | 0,30 | 0 0 0    | 28,49      | .           | .           | .            | .            |
| 2  | 7                    | 0,50 | 0 0 0    | 29,89      | 16,85       | .           | .            | .            |
| 3  | 2, 8                 | 1,90 | 0 0 0    | .          | 13,17       | .           | .            | .            |
| 4  | 3                    | 0,48 | 0 0 0    | .          | .           | .           | .            | 49,57        |
| 5  | 4, 9                 | 0,92 | .        | .          | 17,00       | 8,42        | .            | .            |
| 6  | 10                   | 1,30 | .        | .          | 17,00       | 6,59        | 43,98        | .            |
| 7  | 5, 11                | 0,98 | .        | .          | .           | 7,00        | 44,29        | .            |
| 8  | 6                    | 0,48 | .        | .          | .           | 7,00        | .            | 54,90        |

### Resultate der Stationsausgleichung.

|           |     |    |       |
|-----------|-----|----|-------|
| Dôle      | 0°  | 0' | 0",00 |
| Nord-Mire | 9   | 12 | 28,38 |
| Voirons   | 86  | 50 | 13,73 |
| Süd-Mire  | 189 | 12 | 3,82  |
| Piton     | 194 | 12 | 41,02 |
| St. Peter | 302 | 24 | 50,65 |

## Die Netzausgleichung.

Das sphärische Netz wird auf eine Ebene projicirt, die tangirend durch Dôle gelegt wird.

Die Netzpunkte werden festgelegt durch ein Coordinatensystem, in dem die Richtung Dôle—Suchet die positive X-Axe, die Senkrechte in der Richtung gegen Colonné die positive Y-Axe vorstellt. — Die Azimuthe werden von der + X-Axe über die + Y-Axe gezählt.

### Vorläufige Entfernungen:

|                |                    |
|----------------|--------------------|
| Dôle—Colombier | $\log s = 4,81905$ |
| „ —Trélod      | 4,91264            |
| „ —Colonné     | 4,88274            |
| „ —Naye        | 4,82844            |
| „ —Suchet      | 4,67866            |
| „ —Piton       | 4,56636            |
| „ —Voirons     | 4,46641            |
| „ —Chalet      | 4,65038            |
| „ —Genf M. C.  | 4,40491            |

### Sphärische Excesse:

|                          |       |                         |       |
|--------------------------|-------|-------------------------|-------|
| Dôle—Colombier—Piton     | 2",94 | Dôle—Genf—Piton         | 0,"19 |
| Colombier—Trélod—Piton   | 3,63  | Dôle—Genf—Voirons       | 1,03  |
| Dôle—Suchet—Piton        | 2,91  | Piton—Voirons—Genf      | 0,45  |
| Dôle—Colombier—Voirons   | 4,47  | Piton—Voirons—St. Peter | 0,47  |
| Colombier—Trélod—Voirons | 5,82  | Piton—Genf—St. Peter    | 0,01  |
| Trélod—Colonné—Voirons   | 4,84  | Voirons—Genf—St. Peter  | 0,01  |
| Dôle—Suchet—Voirons      | 3,47  | Dôle—Piton—Trélod       | 0,07  |
| Dôle—Suchet—Chalet       | 3,05  | Dôle—Voirons—Colonné    | 0,00  |
| Suchet—Naye—Chalet       | 1,01  | Colombier—Piton—Voirons | 0,14  |
| Naye—Dôle—Chalet         | 2,46  | Dôle—Genf—Südmire       | 0,10  |
| Dôle—Piton—Voirons       | 1,67  | Colombier—Trélod—Dôle   | 6,64  |
| Trélod—Piton—Voirons     | 2,06  | Trélod—Dôle—Colonné     | 8,50  |
| Suchet—Piton—Voirons     | 2,23  | Dôle—Colonné—Naye       | 8,71  |
| Dôle—Voirons—Chalet      | 3,06  | Dôle—Naye—Suchet        | 6,52  |
| Suchet—Voirons—Chalet    | 2,65  |                         |       |

## Zusammenstellung der gemessenen Winkel.

| Station      | Nº | Richtung  | Gemessene sphärische Winkel $\alpha$ |    |       | $\Delta \alpha$ | Ebene Secunden | Gemessene Azimuthe $\alpha_g$ |    |       |
|--------------|----|-----------|--------------------------------------|----|-------|-----------------|----------------|-------------------------------|----|-------|
| 1. Dôle      | 1  | Suchet    | 0°                                   | 0' | 0",00 |                 | 0,"00          | 0°                            | 0' | 0",00 |
|              | 2  | Chalet    | 34                                   | 19 | 9,18  |                 | 9,18           | 34                            | 19 | 9,18  |
|              | 3  | Naye      | 53                                   | 8  | 35,37 |                 | 35,37          | 53                            | 8  | 35,37 |
|              | 4  | Voirons   | 101                                  | 44 | 19,14 |                 | 19,14          | 101                           | 44 | 19,14 |
|              | 5  | Colonné   | 101                                  | 44 | 20,83 | 0               | 20,83          | 101                           | 44 | 20,83 |
|              | 6  | Genf M.C. | 134                                  | 49 | 46,95 |                 | 46,95          | 134                           | 49 | 46,95 |
|              | 7  | Südmire   | 137                                  | 35 | 43,67 |                 | 43,67          | 137                           | 35 | 43,67 |
|              | 8  | Trélod    | 138                                  | 47 | 28,60 |                 | 28,60          | 138                           | 47 | 28,60 |
|              | 9  | Piton     | 139                                  | 17 | 39,77 |                 | 39,77          | 139                           | 17 | 39,77 |
|              | 10 | Colombier | 167                                  | 50 | 60,59 |                 | 60,59          | 167                           | 50 | 60,59 |
| 2. Colombier | 11 | Dôle      | 0                                    | 0  | 0,00  |                 | 0,"00          | 347                           | 50 | 60,59 |
|              | 12 | Voirons   | 26                                   | 19 | 58,78 | -4",38          | 54,40          | 14                            | 10 | 54,99 |
|              | 13 | Piton     | 27                                   | 41 | 15,86 | -4,53           | 11,33          | 15                            | 32 | 11,92 |
|              | 14 | Trélod    | 97                                   | 58 | 7,20  | +1,51           | 8,71           | 85                            | 49 | 9,30  |
| 3. Trélod    | 15 | Dôle      | 0                                    | 0  | 0,00  |                 | 0,00           | 318                           | 47 | 28,60 |
|              | 16 | Voirons   | 16                                   | 47 | 57,31 | -4,69           | 52,62          | 335                           | 35 | 21,22 |
|              | 17 | Colonné   | 56                                   | 9  | 58,71 | -7,84           | 50,87          | 14                            | 57 | 19,47 |
|              | 18 | Colombier | 307                                  | 1  | 31,36 | +8,15           | 39,51          | 265                           | 49 | 8,11  |
|              | 19 | Piton     | 359                                  | 35 | 14,99 | +0,12           | 15,11          | 318                           | 22 | 43,71 |
| 4. Colonné   | 20 | Dôle      | 0                                    | 0  | 0,00  |                 | 0,00           | 281                           | 44 | 20,88 |
|              | 21 | Voirons   | 0                                    | 0  | 1,57  | -0,00           | 1,57           | 281                           | 44 | 22,40 |
|              | 22 | Naye      | 65                                   | 4  | 28,47 | -4,48           | 23,99          | 346                           | 48 | 44,82 |
|              | 23 | Trélod    | 273                                  | 12 | 58,01 | +0,66           | 58,67          | 194                           | 57 | 19,50 |
| 5. Naye      | 24 | Dôle      | 0                                    | 0  | 0,00  |                 | 0,00           | 233                           | 8  | 35,17 |
|              | 25 | Chalet    | 29                                   | 56 | 13,59 | -4,97           | 8,62           | 263                           | 4  | 43,79 |
|              | 26 | Suchet    | 44                                   | 34 | 41,79 | -5,75           | 36,04          | 277                           | 43 | 11,21 |
|              | 27 | Berra     | 120                                  | 38 | 57,88 | +5,04           | 62,92          | 353                           | 47 | 38,09 |
|              | 28 | Colonné   | 293                                  | 40 | 4,86  | +4,23           | 9,09           | 166                           | 48 | 44,26 |
| 6. Suchet    | 29 | Dôle      | 0                                    | 0  | 0,00  |                 | 0,00           | 180                           | 0  | 0,00  |
|              | 30 | Chasseral | 191                                  | 58 | 47,65 | -1,17           | 46,48          | 11                            | 58 | 46,48 |
|              | 31 | Röthi     | 199                                  | 38 | 28,33 | -1,83           | 26,50          | 19                            | 38 | 26,50 |
|              | 32 | Berra     | 244                                  | 35 | 20,22 | -2,24           | 17,98          | 64                            | 35 | 17,98 |
|              | 33 | Naye      | 277                                  | 43 | 12,70 | +0,77           | 13,47          | 97                            | 43 | 13,47 |
|              | 34 | Chalet    | 293                                  | 10 | 28,11 | +2,09           | 30,20          | 113                           | 10 | 30,20 |
|              | 35 | Voirons*) | 331                                  | 53 | 57,58 | +2,40           | 59,98          | 151                           | 53 | 59,98 |
|              | 36 | Piton     | 342                                  | 22 | 38,84 | +1,67           | 40,51          | 162                           | 22 | 40,51 |
| 7. Piton     | 37 | Dôle      | 0                                    | 0  | 0,00  |                 | 0,00           | 319                           | 17 | 39,77 |
|              | 38 | St. Peter | 8                                    | 15 | 43,86 | -0,49           | 43,37          | 327                           | 33 | 23,14 |
|              | 39 | Genf M.C. | 9                                    | 44 | 44,75 | -0,57           | 44,18          | 329                           | 2  | 23,95 |
|              | 40 | Suchet    | 23                                   | 5  | 2,07  | -1,24           | 0,83           | 342                           | 22 | 40,60 |
|              | 41 | Voirons   | 52                                   | 36 | 2,90  | -1,66           | 1,24           | 11                            | 53 | 41,01 |
|              | 42 | Trélod    | 179                                  | 5  | 4,93  | +0,05           | 4,98           | 138                           | 22 | 44,75 |
|              | 43 | Colombier | 236                                  | 14 | 35,07 | -1,59           | 33,48          | 195                           | 32 | 13,25 |

\*) Im I. Bande, Seite 59 des „schweizerischen Dreiecknetzes“ ist ein Druckfehler; es steht dort in den Resultaten bei Voirons 43' statt richtig 53'.

| Station       | Nº | Richtung  | Gemessene sphärische Winkel $A$ |    |       | $\Delta A$ | Ebene Secunden | Gemessene Azimuthe $\alpha_g$ |     |        |
|---------------|----|-----------|---------------------------------|----|-------|------------|----------------|-------------------------------|-----|--------|
| 8. Voirons    | 44 | Dôle      | 0°                              | 0' | 0",00 |            | 0",00          | 281°                          | 44' | 19",14 |
|               | 45 | Suchet    | 50                              | 9  | 42,75 | -1",07     | 41,68          | 331                           | 54  | 0,82   |
|               | 46 | Chalet    | 73                              | 39 | 36,82 | -0,59      | 36,23          | 355                           | 23  | 55,37  |
|               | 47 | Colonné   | 180                             | 0  | 2,38  | -0,00      | 2,38           | 101                           | 44  | 21,52  |
|               | 48 | Trélo&gt; | 233                             | 51 | 2,88  | -1,03      | 1,85           | 155                           | 35  | 20,99  |
|               | 49 | Piton     | 270                             | 9  | 22,15 | +0,01      | 22,16          | 191                           | 53  | 41,30  |
|               | 50 | Colombier | 272                             | 26 | 36,18 | +0,09      | 36,27          | 194                           | 10  | 55,41  |
|               | 51 | Genf M.C. | 299                             | 55 | 39,77 | +0,94      | 40,71          | 221                           | 39  | 59,85  |
| 9. Chalet     | 52 | St. Peter | 300                             | 35 | 12,75 | +0,95      | 13,70          | 222                           | 19  | 32,84  |
|               | 53 | Dôle      | 0                               | 0  | 0,00  |            | 0,00           | 214                           | 19  | 9,18   |
|               | 54 | Suchet    | 78                              | 51 | 25,87 | -0,96      | 24,91          | 293                           | 10  | 34,09  |
|               | 55 | Naye      | 228                             | 45 | 41,15 | -2,51      | 38,64          | 83                            | 4   | 47,82  |
| 10. Genf M.C. | 56 | Voirons   | 321                             | 4  | 44,96 | +2,48      | 47,44          | 175                           | 23  | 56,62  |
|               | 57 | Dôle      | 0                               | 0  | 0,00  |            | 0,00           | 314                           | 49  | 46,95  |
|               | 58 | Nordmire  | 9                               | 12 | 28,38 | -0,26      | 28,12          | 324                           | 2   | 15,07  |
|               | 59 | Voirons   | 86                              | 50 | 13,73 | -0,09      | 13,64          | 41                            | 40  | 0,59   |
|               | 60 | Stüdmire  | 189                             | 12 | 3,82  | -0,26      | 3,56           | 144                           | 1   | 50,51  |
|               | 61 | Piton     | 194                             | 12 | 41,02 | -0,39      | 40,63          | 149                           | 2   | 27,58  |
|               | 62 | St. Peter | 302                             | 24 | 50,65 | +0,74      | 51,39          | 257                           | 14  | 38,84  |

### Zusammenstellung der wahren Winkel des Hauptnetzes.

| Station      | Nº | Richtung  | Sphärische Winkel $A$ |    |       | $\Delta A$ | Ebene " | Wahre Azimuthe $\alpha_w$ |    |       |
|--------------|----|-----------|-----------------------|----|-------|------------|---------|---------------------------|----|-------|
| 1. Dôle      | 1  | Suchet    | 0°                    | 0' | 0",00 |            | 0",00   | 0°                        | 0' | 0",00 |
|              | 3  | Naye      | 53                    | 8  | 35,91 |            | 35,91   | 53                        | 8  | 35,91 |
|              | 5  | Colonné   | 101                   | 44 | 21,24 |            | 21,24   | 101                       | 44 | 21,24 |
|              | 8  | Trélo&gt; | 138                   | 47 | 29,10 |            | 29,10   | 138                       | 47 | 29,10 |
|              | 10 | Colombier | 167                   | 51 | 0,56  |            | 0,56    | 167                       | 51 | 0,56  |
| 2. Colombier | 11 | Dôle      | 0                     | 0  | 0,00  |            | 0",00   | 347                       | 51 | 0,56  |
|              | 14 | Trélo&gt; | 97                    | 58 | 6,85  | +1",51     | 8,36    | 85                        | 49 | 8,92  |
| 3. Trélo&gt; | 15 | Dôle      | 0                     | 0  | 0,00  |            | 0,00    | 318                       | 47 | 29,10 |
|              | 17 | Colonné   | 56                    | 9  | 58,97 | -7,84      | 51,13   | 14                        | 57 | 20,23 |
|              | 18 | Colombier | 307                   | 1  | 31,67 | +8,15      | 39,82   | 265                       | 49 | 8,92  |
| 4. Colonné   | 20 | Dôle      | 0                     | 0  | 0,00  |            | 0,00    | 281                       | 44 | 21,24 |
|              | 22 | Naye      | 65                    | 4  | 29,00 | -4,48      | 24,52   | 346                       | 48 | 45,76 |
|              | 23 | Trélo&gt; | 273                   | 12 | 58,33 | +0,66      | 58,99   | 194                       | 57 | 20,23 |
| 5. Naye      | 24 | Dôle      | 0                     | 0  | 0,00  |            | 0,00    | 233                       | 8  | 35,91 |
|              | 26 | Suchet    | 44                    | 34 | 42,81 | -5,75      | 37,06   | 277                       | 43 | 12,97 |
|              | 27 | Berra     | 120                   | 38 | 59,12 | +5,04      | 64,16   | 353                       | 47 | 40,07 |
|              | 28 | Colonné   | 293                   | 40 | 5,62  | +4,23      | 9,85    | 166                       | 48 | 45,76 |
| 6. Suchet    | 29 | Dôle      | 0                     | 0  | 0,00  |            | 0,00    | 180                       | 0  | 0,00  |
|              | 30 | Chasseral | 191                   | 58 | 47,05 | -1,17      | 45,88   | 11                        | 58 | 45,88 |
|              | 31 | Röthi     | 199                   | 38 | 26,77 | -1,83      | 24,94   | 19                        | 38 | 24,94 |
|              | 32 | Berra     | 244                   | 85 | 19,89 | -2,24      | 17,65   | 64                        | 35 | 17,65 |
|              | 33 | Naye      | 277                   | 43 | 12,20 | +0,77      | 12,97   | 97                        | 43 | 12,97 |

Als Grundlänge für die Längenberechnungen im ebenen Netze wird die Länge der sphärischen Linie Dôle—Colombier, deren Logarithmus = 4,8190605, angenommen.

Feste Coordinaten der Hauptnetzpunkte.

|              |                    |                    |
|--------------|--------------------|--------------------|
| 1. Dôle      | $X_1 = 0$          | $Y_1 = 0$          |
| 2. Colombier | $X_2 = - 64449,86$ | $Y_2 = + 13875,50$ |
| 3. Trélod    | $X_3 = - 61525,70$ | $Y_3 = + 53877,96$ |
| 4. Colonné   | $X_4 = - 13842,87$ | $Y_4 = + 66614,98$ |
| 5. Naye      | $X_5 = + 40408,03$ | $Y_5 = + 53903,26$ |
| 6. Suchet    | $X_6 = + 47715,45$ | $Y_6 = 0$          |

Coordinaten der einzuschaltenden Punkte.

|                  |                        |            |                        |            |
|------------------|------------------------|------------|------------------------|------------|
| 7. Piton         | $X_7 = - 27930,2$      | $+ x_7$    | $Y_7 = + 24028,4$      | $+ y_7$    |
| 8. Voirons       | $X_8 = - 5954,8$       | $+ x_8$    | $Y_8 = + 28657,2$      | $+ y_8$    |
| 9. Chalet        | $X_9 = + 36924,6$      | $+ x_9$    | $Y_9 = + 25206,4$      | $+ y_9$    |
| 10. Genf M.C.    | $X_{10} = - 17910,6$   | $+ x_{10}$ | $Y_{10} = + 18017,4$   | $+ y_{10}$ |
| 11. St. Peter *) | $X_{11} = - 17981,578$ | $+ x_{11}$ | $Y_{11} = + 17703,874$ | $+ y_{11}$ |
| 12. Südmire      | $X_{12} = - 26762,3$   | $+ x_{12}$ | $Y_{12} = + 24441,3$   | $+ y_{12}$ |
| 13. Nordmire **) | $X_{13} = + 1474,8$    |            | $Y_{13} = + 3952,5$    | $+ y_{13}$ |

\*) Da St. Peter sehr nahe an Genf liegt, so bringt eine sehr kleine Veränderung der Coordinatenunterschiede eine bedeutende Änderung des Azimuths dieser Linie hervor. Es ist daher nothwendig, die Coordinatenunterschiede so anzunehmen, dass das aus ihnen gerechnete genäherte Azimuth dem gemessenen möglichst nahe kommt, was dadurch erreicht wird, dass die Coordinatenunterschiede zwischen St. Peter und Genf aus der sehr nahe genau bekannten Entfernung und dem gemessenen Azimuth gerechnet werden. — Dadurch erklärt sich das befremdende Auftreten von Millimetern in den Näherungswerten der Coordinaten und der Umstand, dass das genäherte Azimuth gleich dem gemessenen wird.

\*\*) Nordmire ist nur von Genf anvisirt. Diese Richtung wird daher festgelegt durch die Coordinaten irgend eines in ihr liegenden Punktes; zu deren Bestimmung wurde die Entfernung Genf—Nordmire aus der Karte entnommen. Die Veränderung dieser Richtung kann daher durch die Veränderung einer der Coordinaten von Nordmire ausgedrückt werden.

Die Verbesserungen der Coordinaten sind in Metern verstanden.

## Zusammenstellung der Azimuth-Fehlergleichungen.

| Azimuthe $a_w$  | $f =$                                                                         | $x_7 + y_7 + x_8 + y_8 + x_9 + y_9 + x_{10} + y_{10} + x_{11} + y_{11} + x_{12} + y_{12} + y_{13} + (n = a_w - q)$ |
|-----------------|-------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 0° 0' 0'' 00    | $i=10$                                                                        | $1 - 2,601 + 3,810 \dots$                                                                                          |
| 34 19 9,16 2    |                                                                               | $- 6,900 - 1,434 \dots$                                                                                            |
| 53 8 35,91 3    |                                                                               | $\dots - 5,758 - 5,724 \dots$                                                                                      |
| 101 44 19,27 4  |                                                                               | $\dots - 3,838 - 4,202 \dots$                                                                                      |
| 101 44 21,24 5  |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 134 49 46,84 6  |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 137 35 43,37 7  |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 138 47 29,10 8  |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 139 17 40,32 9  |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 167 50 60,56 10 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
|                 | $(f) = - 3,651 - 4,244 - 6,900 - 1,434 - 2,601 + 3,810 - 5,758 - 5,724 \dots$ | $- 3,838 - 4,202 \dots$                                                                                            |
|                 | $i=10 + 0,365 + 0,424 + 0,690 + 0,43 + 0,260 - 0,381 + 0,576 + 0,572 \dots$   | $+ 0,384 + 0,420 \dots$                                                                                            |
| 347 50 60,56 11 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 14 10 54,29 12  |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 15 32 11,63 13  |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 85 49 8,92 14   |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
|                 | $(f) = - 1,458 + 5,243 - 0,838 + 3,315 \dots$                                 | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
|                 | $i=4 + 0,365 - 1,311 + 0,210 - 0,829 \dots$                                   | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 318 47 29,10 15 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 335 35 20,97 16 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 14 57 20,23 17  |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 265 49 8,92 18  |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 318 22 44,22 19 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
|                 | $(f) = + 3,049 + 3,431 - 1,397 + 3,078 \dots$                                 | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
|                 | $i=5 - 0,610 - 0,686 - 0,279 - 0,616 \dots$                                   | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 281 44 21,24 20 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 281 44 22,72 21 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 346 48 45,76 22 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 194 57 20,23 23 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
|                 | $(f) = \dots \dots \dots$                                                     | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
|                 | $i=4 \dots \dots \dots$                                                       | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 233 8 35,91 24  |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 263 4 44,01 25  |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 277 43 12,97 26 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 353 47 40,07 27 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
| 166 48 45,76 28 |                                                                               | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
|                 | $(f) = \dots \dots \dots$                                                     | $\dots \dots \dots$                                                                                                |
|                 | $i=5 \dots \dots \dots$                                                       | $\dots \dots \dots$                                                                                                |



Zusammenstellung der für die Auflösung geordneten Normalgleichungen.

|          | $x_{10}$   | $+ x_{11}$ | $+ y_{10}$ | $+ y_{11}$ | $+ x_7$  | $+ y_7$  | $+ x_8$ | $+ y_8$  | $+ x_9$  | $+ y_9$  | $+ y_{10}$ | $+ x_{12}$ | $+ y_{12}$ | $+ x_{13}$ | $+ y_{13}$ | $+ (AN)=0$ |           |           |           |          |          |       |          |         |
|----------|------------|------------|------------|------------|----------|----------|---------|----------|----------|----------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|-----------|-----------|-----------|----------|----------|-------|----------|---------|
| $x_{10}$ | +330554,84 | -328257,37 | -73123,78  | +74298,41  | -1063,78 | -1754,64 | -       | 995,34   | +1102,92 | -        | 1,87       | -          | 2,36       | -1717,92   | -1247,19   | + 671,00   | - 636,938 |           |           |          |          |       |          |         |
| $x_{11}$ | -328257,37 | +326509,28 | +73032,03  | -73838,08  | + 883,35 | +1498,42 | +       | 844,28   | - 961,12 | -        | 0,36       | -          | 4,58       | +1592,04   | +1155,37   | - 727,08   | + 560,298 |           |           |          |          |       |          |         |
| $y_{10}$ | -73123,78  | +73032,03  | +117278,89 | -16578,01  | -        | 6,35     | -       | 12,65    | + 355,31 | - 417,85 | -          | 1,08       | +          | 7,29       | + 145,58   | + 105,20   | - 222,57  | + 43,653  |           |          |          |       |          |         |
| $y_{11}$ | +74298,41  | -73838,08  | -16578,01  | +16991,88  | -        | 310,12   | -       | 506,92   | - 141,31 | + 147,86 | +          | 0,40       | +          | 4,98       | - 360,42   | - 261,56   | + 164,60  | - 180,104 |           |          |          |       |          |         |
| $x_7$    | -1063,78   | +          | 883,35     | -          | 6,35     | -        | 310,12  | + 239,13 | + 294,60 | - 24,57  | +          | 66,53      | -          | 1,71       | + 0,09     | - 24,63    | - 18,17   | + 10,55   | + 76,608  |          |          |       |          |         |
| $y_7$    | -1754,64   | +          | 1498,42    | -          | 12,65    | -        | 506,92  | + 204,60 | + 710,82 | - 22,95  | -          | 71,60      | -          | 2,86       | + 5,47     | - 40,29    | - 29,58   | + 17,59   | + 117,672 |          |          |       |          |         |
| $x_8$    | -995,34    | +          | 844,28     | +          | 355,31   | -        | 141,31  | - 24,57  | -        | 22,95    | +          | 307,52     | - 154,62   | -          | 2,73       | + 10,56    | - 24,69   | - 18,47   | + 9,95    | - 1,280  |          |       |          |         |
| $y_8$    | +1102,92   | -          | 961,12     | -          | 417,85   | +        | 147,86  | +        | 66,53    | -        | 71,60      | -          | 154,62     | + 430,16   | -          | 10,21      | - 54,49   | + 23,89   | + 17,22   | - 11,19  | - 3,096  |       |          |         |
| $x_9$    | -1,87      | -          | 0,36       | -          | 1,08     | +        | 0,40    | -        | 1,71     | -        | 2,86       | -          | 2,73       | - 10,21    | + 192,08   | +          | 14,51     | - 1,09    | - 1,00    | .        | - 44,675 |       |          |         |
| $y_9$    | -2,36      | -          | 4,58       | +          | 7,29     | +        | 4,98    | +        | 0,09     | +        | 5,47       | +          | 10,56      | -          | 54,49      | +          | 14,51     | + 82,82   | +         | 1,60     | +        | 1,46  | .        | + 8,332 |
| $y_{12}$ | -1717,92   | +          | 1592,04    | +          | 145,58   | -        | 360,42  | -        | 24,63    | -        | 40,29      | -          | 24,69      | +          | 23,89      | -          | 1,09      | + 1,60    | + 210,03  | + 155,41 | +        | 17,73 | - 10,927 |         |
| $x_{12}$ | -1247,19   | +          | 1155,37    | +          | 105,20   | -        | 261,56  | -        | 18,17    | -        | 29,58      | -          | 18,47      | +          | 17,22      | -          | 1,00      | + 1,46    | + 155,41  | + 115,51 | +        | 12,87 | - 7,547  |         |
| $y_{13}$ | +671,00    | -          | 727,08     | -          | 222,57   | +        | 164,60  | +        | 10,55    | +        | 17,59      | +          | 9,95       | -          | 11,19      | .          | .         | + 17,73   | + 12,87   | + 40,49  | +        | 8,365 |          |         |

Coordinateverbesserungen.

$x_7 = - 0,1508$  Meter  
 $y_7 = + 0,1176$  " "  
 $x_8 = - 0,0774$  "  
 $y_8 = + 0,1705$  "  
 $x_9 = + 0,2461$  "  
 $y_9 = - 0,0699$  "  
 $x_{10} = - 0,0328$  "  
 $y_{10} = + 0,2461$  "  
 $x_{11} = - 0,0215$  "  
 $y_{11} = + 0,3062$  "  
 $x_{12} = - 2,1085$  "  
 $y_{12} = + 1,8425$  "  
 $y_{13} = - 0,0269$  "

Winkelfehler (Verbesserungen) der gemessenen Winkel.

|     |        |     |        |     |        |     |        |     |        |
|-----|--------|-----|--------|-----|--------|-----|--------|-----|--------|
| 1.  | 0      | 15. | 0      | 29. | 0      | 44. | 0      | 57. | 0      |
| 2.  | - 0,93 | 16. | - 0,33 | 30. | - 0,60 | 45. | - 1,49 | 58. | - 0,15 |
| 3.  | + 0,54 | 17. | + 0,26 | 31. | - 1,56 | 46. | - 0,66 | 59. | + 0,79 |
| 4.  | + 0,42 | 18. | + 0,31 | 32. | - 0,33 | 47. | + 0,56 | 60. | - 0,15 |
| 5.  | + 0,41 | 19. | - 0,05 | 33. | - 0,50 | 48. | - 0,02 | 61. | - 1,24 |
| 6.  | - 1,33 |     |        | 34. | + 1,02 | 49. | - 0,63 | 62. | - 0,12 |
| 7.  | + 0,03 | 20. | 0      | 35. | - 0,23 | 50. | - 0,91 |     |        |
| 8.  | + 0,50 | 21. | - 0,31 | 36. | - 0,40 | 51. | - 0,22 |     |        |
| 9.  | + 0,60 | 22. | + 0,53 |     |        | 52. | - 2,17 |     |        |
| 10. | - 0,03 | 23. | + 0,32 | 37. | 0      |     |        |     |        |
|     |        |     |        | 38. | - 1,32 | 53. | 0      |     |        |
| 11. | 0      | 24. | 0      | 39. | + 0,46 | 54. | - 1,94 |     |        |
| 12. | - 0,04 | 25. | + 1,28 | 40. | - 1,09 | 55. | - 1,08 |     |        |
| 13. | + 0,58 | 26. | + 1,02 | 41. | - 0,52 | 56. | - 0,56 |     |        |
| 14. | - 0,35 | 27. | + 1,24 | 42. | - 1,19 |     |        |     |        |
|     |        | 28. | + 0,76 | 43. | - 1,38 |     |        |     |        |

## Ausgeglichene Winkel und Logarithmen der Seitenlängen.

Den Seitenlängen liegt die provisorische Länge von Chasseral-Röthi, deren Logarithmus = 4,5812516 ist, zu Grunde.

| Nº                        | Richtung.  | Winkel.      | Logarithmen<br>der Entfernung. | Nº | Richtung. | Winkel.      | Logarithmen<br>der Entfernung. |
|---------------------------|------------|--------------|--------------------------------|----|-----------|--------------|--------------------------------|
| <b>Station Dôle.</b>      |            |              |                                |    |           |              |                                |
| 1                         | Suchet     | 0° 0' 0",00  | 4,6786590                      | 29 | Dôle      | 0° 0' 0",00  | 4,6786590                      |
| 2                         | Chalet     | 34 19 8,25   | 4,6503860                      | 30 | Chasseral | 191 58 47,05 | 4,7808772                      |
| 3                         | Naye       | 53 8 35,91   | 4,8284418                      | 31 | Röthi     | 199 38 26,77 | 4,9872564                      |
| 4                         | Voirons    | 101 44 19,56 | 4,4664211                      | 32 | Berra     | 244 35 19,89 | 4,7474550                      |
| 5                         | Colonné    | 101 44 21,24 | 4,8327438                      | 33 | Naye      | 277 43 12,20 | 4,7355583                      |
| 6                         | Genf M. C. | 134 49 45,62 | 4,4049293                      | 34 | Chalet    | 293 10 29,13 | 4,4380469                      |
| 7                         | Süd-Mire   | 137 35 43,70 | 4,5592686                      | 35 | Voirons   | 331 53 57,85 | 4,7842041                      |
| 8                         | Trélod     | 138 47 29,10 | 4,9126407                      | 36 | Piton     | 342 22 38,44 | 4,8996595                      |
| 9                         | Piton      | 139 17 40,37 | 4,5663693                      |    |           |              |                                |
| 10                        | Colombier  | 167 51 0,56  | 4,8190534                      |    |           |              |                                |
| <b>Station Suchet.</b>    |            |              |                                |    |           |              |                                |
| 37                        | Dôle       | 0 0 0,00     | 4,5663693                      |    |           |              |                                |
| 38                        | St. Peter  | 8 15 42,54   | 4,0714660                      |    |           |              |                                |
| 39                        | Genf M. C. | 9 44 45,21   | 4,0676045                      |    |           |              |                                |
| 40                        | Suchet     | 23 5 0,98    | 4,8996595                      |    |           |              |                                |
| 41                        | Voirons    | 52 36 2,38   | 4,3513669                      |    |           |              |                                |
| 42                        | Trélod     | 179 5 3,74   | 4,6526055                      |    |           |              |                                |
| 43                        | Colombier  | 236 14 33,69 | 4,5786771                      |    |           |              |                                |
| <b>Station Piton.</b>     |            |              |                                |    |           |              |                                |
| 44                        | Dôle       | 0 0 0,00     | 4,4664211                      |    |           |              |                                |
| 45                        | Suchet     | 50 9 41,26   | 4,7842041                      |    |           |              |                                |
| 46                        | Chalet     | 73 39 36,16  | 4,6336543                      |    |           |              |                                |
| 47                        | Colonné    | 180 0 2,94   | 4,5884610                      |    |           |              |                                |
| 48                        | Trélod     | 233 51 2,86  | 4,7854937                      |    |           |              |                                |
| 49                        | Piton      | 270 9 21,52  | 4,3513669                      |    |           |              |                                |
| 50                        | Colombier  | 272 26 35,27 | 4,7805521                      |    |           |              |                                |
| 51                        | Genf M. C. | 299 55 39,55 | 4,2042460                      |    |           |              |                                |
| 52                        | St. Peter  | 300 35 10,58 | 4,2113108                      |    |           |              |                                |
| <b>Station Voirons.</b>   |            |              |                                |    |           |              |                                |
| 20                        | Dôle       | 0 0 0,00     | 4,8327438                      |    |           |              |                                |
| 21                        | Voirons    | 0 0 1,26     | 4,5884610                      |    |           |              |                                |
| 22                        | Naye       | 65 4 29,00   | 4,7459982                      |    |           |              |                                |
| 23                        | Trélod     | 273 12 58,33 | 4,6933051                      |    |           |              |                                |
| <b>Station Chalet.</b>    |            |              |                                |    |           |              |                                |
| 53                        | Dôle       | 0 0 0,00     | 4,6503860                      |    |           |              |                                |
| 54                        | Suchet     | 78 51 23,93  | 4,4380469                      |    |           |              |                                |
| 55                        | Naye       | 228 45 40,07 | 4,4609918                      |    |           |              |                                |
| 56                        | Voirons    | 321 4 44,40  | 4,6336543                      |    |           |              |                                |
| <b>Station Naye.</b>      |            |              |                                |    |           |              |                                |
| 24                        | Dôle       | 0 0 0,00     | 4,8284418                      |    |           |              |                                |
| 25                        | Chalet     | 29 56 14,87  | 4,4609918                      |    |           |              |                                |
| 26                        | Suchet     | 44 34 42,81  | 4,7355583                      |    |           |              |                                |
| 27                        | Berra      | 120 38 59,12 | 4,4980491                      |    |           |              |                                |
| 28                        | Colonné    | 293 40 5,62  | 4,7459982                      |    |           |              |                                |
| <b>Station Genf M. C.</b> |            |              |                                |    |           |              |                                |
| 57                        | Dôle       | 0 0 0,00     | 4,4049293                      |    |           |              |                                |
| 58                        | Nordmire   | 9 12 28,23   | unbestimmt                     |    |           |              |                                |
| 59                        | Voirons    | 86 50 14,52  | 4,2042460                      |    |           |              |                                |
| 60                        | Südmire    | 189 12 3,67  | 4,0390035                      |    |           |              |                                |
| 61                        | Piton      | 194 12 39,78 | 4,0676045                      |    |           |              |                                |
| 62                        | St. Peter  | 302 24 50,53 | 2,5070465                      |    |           |              |                                |

### Mittlerer Fehler der Gewichtseinheit.

Die Summen der Quadrate der Richtungsfehler ist ( $vv$ ) = 22,183.

|                                          |    |
|------------------------------------------|----|
| Die Zahl der beobachteten Richtungen ist | 62 |
| hievon sind nothwendig                   | 23 |

|                                                             |    |
|-------------------------------------------------------------|----|
| Daher ist die Zahl der überschüssig beobachteten Richtungen | 39 |
|-------------------------------------------------------------|----|

Hieraus folgt der mittlere Fehler der Gewichtseinheit, d. i. hier der mittlere Fehler an der Richtungsangabe in den Resultaten der Stationsausgleichung

$$m = \pm \sqrt{\frac{22,183}{39}} = \pm 0'',76.$$

### Genauigkeitsbestimmungen.

Es interessirt in erster Linie die Genauigkeit der Lage von Genf gegen das Hauptnetz, und die Genauigkeit des Meridianschlusses.

Alle Berechnungen lassen sich ausführen mit den Coefficienten der partiellen Gewichtsgleichungen:

| Meter      | [ $x_{10}$ ] | + | [ $y_{10}$ ] | + | [ $x_{12}$ ] | + | [ $y_{12}$ ] | + | [ $y_{18}$ ] |
|------------|--------------|---|--------------|---|--------------|---|--------------|---|--------------|
| $x_{10} =$ | + 0,01022    |   | - 0,00426    |   | - 0,00617    |   | + 0,00806    |   | + 0,00225    |
| $y_{10} =$ | - 0,00426    |   | + 0,00821    |   | - 0,02872    |   | + 0,02666    |   | + 0,00355    |
| $x_{12} =$ | - 0,00617    |   | - 0,02872    |   | + 2,12765    |   | - 1,61450    |   | .            |
| $y_{12} =$ | + 0,00806    |   | + 0,02666    |   | - 1,61450    |   | + 1,23850    |   | + 0,00164    |
| $y_{18} =$ | + 0,00225    |   | + 0,00355    |   | .            |   | + 0,00164    |   | + 0,03340    |

### Mittlere Fehlerellipse von Genf

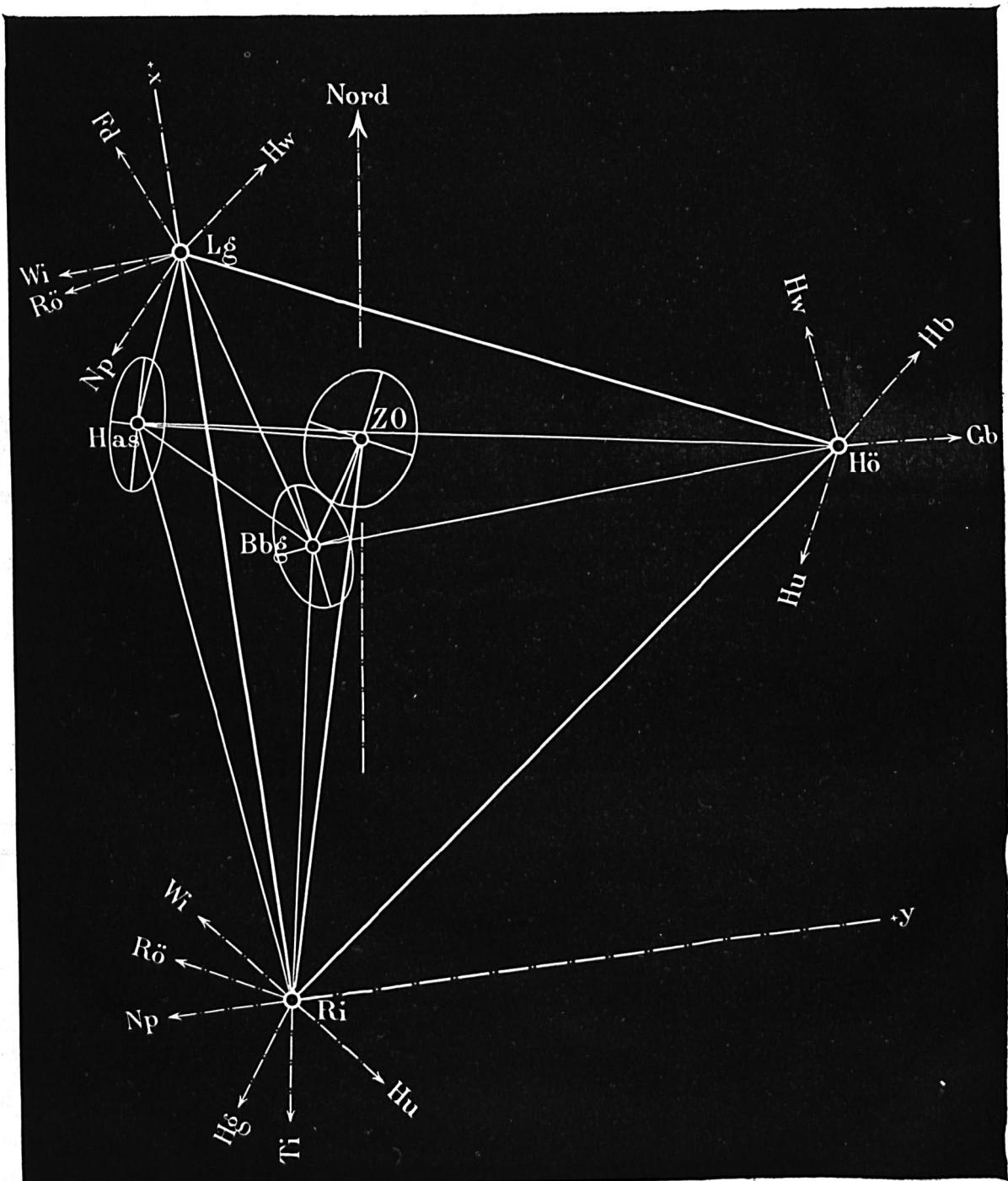
in Bezug auf das als unveränderlich betrachtete Hauptnetz

$$A_1 = 0,053 \text{ Meter} \quad v_1 = 51^\circ 39',6$$

$$A_2 = 0,083 \text{ "} \quad v_2 = 141^\circ 39',6$$

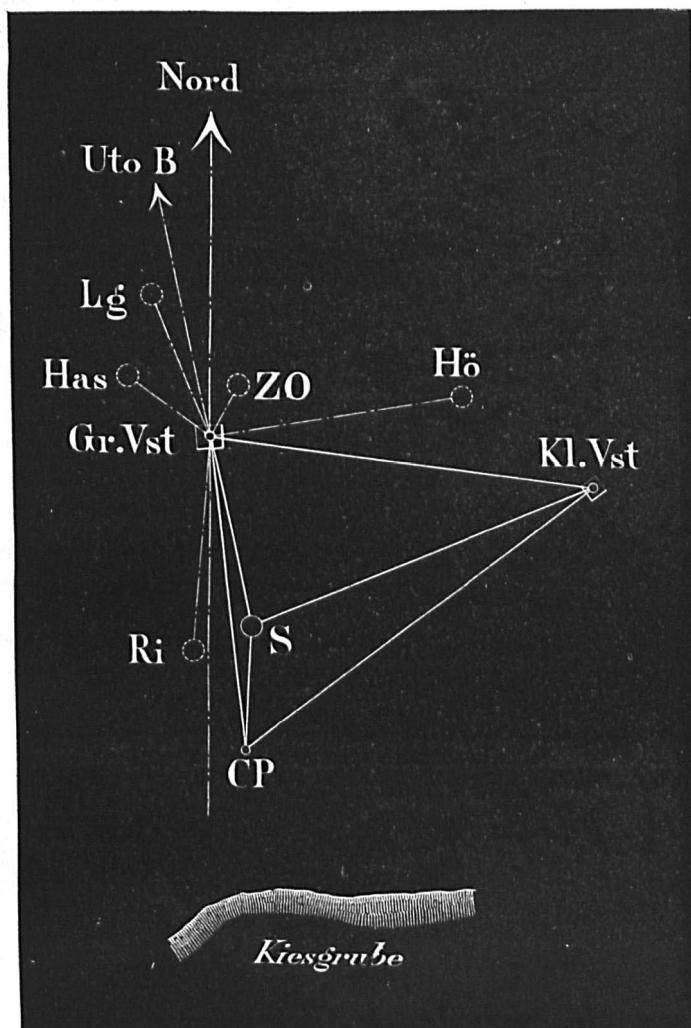
Die durch diese Fehlerellipse angezeigte verhältnismässig grosse Genauigkeit in der Bestimmung der Lage von Genf gegen das Hauptnetz gestattet die Annahme, dass Genf gegen alle Punkte des Hauptnetzes nahe genug ebenso genau bestimmt ist, wie z. B. Trélo d bestimmt ist. Es kann daher zu keiner wesentlich falschen Ansicht führen, wenn die bereits berechnete Fehlerellipse von Trélo d in Bezug auf Chasseral-Röthi auch für Genf geltend angenommen wird. Auf Seite 119 sind die beiden Ellipsen dargestellt.

## Anschluss der Sternwarte Zürich.



Als astronomisch bestimmter Punkt gilt der Mittelpunkt des östl. Meridianfernrohrs.  
Der Anschluss erfolgt durch Vermittlung der 3 Stationen des Hauptnetzes: Rigi,  
Lägern und Hörnli, und der Stationen Baldernburg und Hasenberg.

## Station Baldernburg.



Masstab:

1 : 100 für die Station.

1 : 1000000 für die entfernten Signale.

Genäherte Coordinaten:

Breite  $47^{\circ} 18'',9$ ; Länge (Ost v. Paris) =  $6^{\circ} 10',2$ ; Höhe 813 Meter.

Ungefähr in der Mitte zwischen dem Uetliberg und dem Hauptübergange des Albis von Zürich nach Zug liegt der von Fussgängern stark begangene Baldernweg, der von Bädlikon, Kilchberg, Langnau und Adlischweil in  $2\frac{1}{2}$  Stunden nach Bonstetten führt. Etwa 10 Minuten südlich von diesem Uebergange, auf dem höchsten Punkte des Grates, liegt unsere Signalstelle, die sogenannte Baldernburg, durch Reste alten Gemäuers noch erkennbar.

Als Centrum dient der von Herrn Gelpke im Jahre 1878 gesetzte Versicherungsstein. In der Figur ist *CP* der als früheres Centrum und Heliotropenstation dienende Pfahl, *S* die excentrische Theodolitstation, *Gr. Vst* der grosse als definitives Centrum dienende Versicherungsstein, *Kl. Vst* ein kleinerer Versicherungsstein.

Die Entferungen zwischen den einzelnen Punkten sind folgende:

$$\begin{array}{ll} \text{Gr. Vst} - \text{Kl. Vst} = 5,084 \text{ Meter} & \text{Kl. Vst} - \text{S} = 4,897 \text{ Meter} \\ \text{Gr. Vst} - \text{S} = 2,568 " & \text{Kl. Vst} - \text{CP} = 5,836 " \\ \text{Gr. Vst} - \text{CP} = 4,178 " & \text{S} - \text{CP} = 1,655 " \end{array}$$

Die Beobachtungen fanden statt vom 7.—18. Oktober 1878 durch Herrn Gelpke auf der excentrischen Theodolitstation *S*.

Die genäherte Entfernung vom Stationsmittelpunkte beträgt für

|                 |      |       |       |
|-----------------|------|-------|-------|
| Zürich          | (ZO) | 7818  | Meter |
| Hörnli          | (Hö) | 33556 | "     |
| Rigi            | (Ri) | 28724 | "     |
| Hasenberg (Has) |      | 13322 | "     |
| Lägern (Lg)     |      | 20164 | "     |

Vom Standpunkte *S* des Theodoliten aus sind die genäherten Richtungen und Centrirungen folgende:

|         | Richtung: |      | Centrirung: |
|---------|-----------|------|-------------|
| Gr. Vst | 0°        | 0",0 | .           |
| ZO      | 39        | 14,7 | + 42",86    |
| Hö      | 92        | 26,4 | + 15,77     |
| Ri      | 196       | 24,0 | - 2,06      |
| Has     | 319       | 29,0 | - 25,83     |
| Lg      | 350       | 14,7 | - 4,45      |

$d = 2^m,568$

Vom Standpunkte des Heliotropen  $CP$  aus sind die genäherten Richtungen und darnach die Centrirungswerte folgende:

| Gr. Vst | Richtung: |      | Centrirung: |
|---------|-----------|------|-------------|
|         | 0°        | 0'   |             |
| ZO      | 32        | 53,1 | + 59'',85   |
| Hö      | 86        | 4,8  | + 25,62     |
| Ri      | 190       | 2,5  | — 5,23      |
| Has     | 313       | 7,5  | — 47,21     |
| Lg      | 343       | 53,1 | — 11,86     |

$$d = 4^m,178$$

Die im I. Bande bei Hörnli, Rigi, Lägern erscheinende Richtung Baldernburg ist auf das alte Centrum (Heliotropenstation)  $CP$  bezogen, daher obige Correctionen vor der weitern Verwendung anzubringen sind.

Die Reductionen der excentrisch stehenden Heliotropen auf die Stationsmittelpunkte sind für die Richtungen:

|                                      |            |
|--------------------------------------|------------|
| Zürcher Sternwarte Oststein auf M.C. | — 131'',02 |
| Hörnli (I. Band, Seite 162)          | — 13,80    |
| Rigi (I. Band, Seite 190)            | — 17,66    |

## Beobachtungen auf Station Baldernburg.

Beobachter: Gelpke, 8" Starke. Excentrischer Standpunkt S.

7. Oktober 1878.

| Nro. | Kreislage | Marke    | Zürich Oststein | Hörnli (H) | Rigi (H) | Hasenberg | Lägern   |
|------|-----------|----------|-----------------|------------|----------|-----------|----------|
|      |           |          | 40° 44'         | 98° 55'    | 197° 53' | 320° 58'  | 351° 44' |
| 1    | 0°        | 0° 0' 0" | .               | .          | .        | .         | 36,3     |
| 2    | 60        | 0 0 0    | .               | 77,5       | .        | .         | 32,5     |
| 3    | 120       | 0 0 0    | .               | 75,0       | .        | .         | 42,5     |
| 4    | 180       | 0 0 0    | .               | 66,2       | 54,2     | .         | 36,2     |
| 5    | 60        | 0 0 0    | .               | 70,6       | 58,5     | .         | 31,2     |
| 6    | 60        | 0 0 0    | .               | 80,0       | 69,2     | .         | 33,0     |
|      |           |          |                 | 78,7       | 60,5     | .         | 47,5     |
|      |           |          |                 | 78,8       | .        | 58,2      | 41,3     |
|      |           |          |                 | 73,8       | .        | 62,5      | 41,3     |
|      |           |          |                 | .          | .        | .         | 36,2     |
|      |           |          |                 | .          | .        | .         | 36,3     |
|      |           |          |                 | .          | .        | .         | 37,4     |

8. Oktober 1878.

|    |     |       |      |      |   |      |      |
|----|-----|-------|------|------|---|------|------|
| 7  | 120 | 0 0 0 | .    | 77,6 | . | 58,8 | .    |
| 8  | 0   | 0 0 0 | 48,8 | 77,5 | . | 66,3 | .    |
| 9  | 30  | 0 0 0 | 45,0 | 77,0 | . | .    | 42,6 |
| 10 | 90  | 0 0 0 | 40,0 | 80,0 | . | .    | 40,0 |
| 11 | 150 | 0 0 0 | 46,3 | 79,3 | . | .    | 42,5 |
| 12 | 30  | 0 0 0 | 31,2 | 73,8 | . | 57,5 | 37,6 |
| 13 | 90  | 0 0 0 | 43,8 | .    | . | 57,6 | 43,8 |
| 14 | 150 | 0 0 0 | 25,0 | .    | . | 51,2 | 41,3 |
|    |     |       | 31,8 | .    | . | 46,8 | .    |
|    |     |       | 38,7 | .    | . | 59,4 | .    |
|    |     |       | 41,2 | .    | . | 53,7 | .    |
|    |     |       | 26,9 | .    | . | 53,1 | .    |
|    |     |       | 39,4 | .    | . | 60,6 | .    |
|    |     |       | .    | .    | . | .    | 32,6 |
|    |     |       | .    | .    | . | .    | 40,0 |

9. Oktober 1878.

|    |     |       |      |      |      |      |      |
|----|-----|-------|------|------|------|------|------|
| 15 | 0   | 0 0 0 | 33,8 | .    | .    | 53,8 | 25,0 |
| 16 | 60  | 0 0 0 | 30,0 | .    | .    | 53,7 | 25,0 |
| 17 | 120 | 0 0 0 | 30,0 | .    | .    | 50,0 | 36,3 |
| 18 | 180 | 0 0 0 | 41,8 | .    | .    | 58,8 | 36,2 |
| 19 | 60  | 0 0 0 | 36,2 | .    | .    | 56,2 | 25,6 |
| 20 | 120 | 0 0 0 | 40,0 | .    | .    | 57,5 | 31,2 |
| 21 | 30  | 0 0 0 | 40,0 | .    | .    | 60,0 | 37,5 |
| 22 | 150 | 0 0 0 | 48,2 | .    | .    | 60,0 | 44,4 |
| 23 | 15  | 0 0 0 | 35,7 | .    | .    | 55,7 | 35,7 |
| 24 | 75  | 0 0 0 | 41,8 | .    | .    | 58,0 | 34,3 |
| 25 | 135 | 0 0 0 | 36,3 | .    | .    | 53,7 | 32,5 |
|    |     |       | 41,3 | .    | .    | 61,9 | 41,3 |
|    |     |       | 33,8 | 75,1 | .    | .    | 37,6 |
|    |     |       | 55,0 | 85,0 | .    | .    | 46,2 |
|    |     |       | 33,7 | .    | .    | .    | 35,0 |
|    |     |       | 45,0 | .    | .    | .    | 37,5 |
|    |     |       | .    | 65,1 | 55,5 | .    | 31,3 |
|    |     |       | .    | 79,4 | 58,6 | .    | 41,9 |
|    |     |       | .    | 66,4 | 46,8 | 51,3 | 26,3 |
|    |     |       | .    | 66,9 | 44,8 | 46,2 | 23,1 |
|    |     |       | .    | .    | .    | .    | 33,7 |
|    |     |       | .    | .    | .    | .    | 31,2 |

| 10. Oktober 1878. |           |          |                 |            |          |           |          |
|-------------------|-----------|----------|-----------------|------------|----------|-----------|----------|
| Nro.              | Kreislage | Marke    | Zürich Oststein | Hörnli (H) | Rigi (H) | Hasenberg | Lägern   |
|                   |           |          | 40° 44'         | 93° 55'    | 197° 53' | 320° 58'  | 351° 44' |
| 26                | 30°       | 0° 0' 0" | .               | 75,6       | .        | 54,3      | 34,3     |
| 27                | 150       | 0 0 0    | .               | 80,0       | .        | 56,2      | 32,4     |
| 28                | 90        | 0 0 0    | .               | 65,1       | .        | 43,8      | 25,6     |
| 29                | 30        | 0 0 0    | .               | 66,3       | .        | 46,3      | 30,0     |
| 30                | 90        | 0 0 0    | .               | 65,1       | .        | .         | 28,2     |
| 31                | 150       | 0 0 0    | .               | 71,3       | .        | .         | 30,0     |
| 32                | 15        | 0 0 0    | 33,7            | 71,3       | 48,1     | 53,8      | 36,3     |
|                   |           |          | 42,5            | 72,5       | 43,8     | 56,2      | 36,2     |
| 33                | 75        | 0 0 0    | 20,0            | 70,0       | 50,0     | 49,4      | 28,7     |
|                   |           |          | 31,2            | .          | 54,4     | 54,4      | 28,8     |
| 34                | 135       | 0 0 0    | 27,6            | 76,3       | 52,5     | 53,7      | .        |
|                   |           |          | 45,0            | 72,0       | 48,2     | 51,3      | .        |
| 35                | 15        | 0 0 0    | .               | 77,5       | 53,7     | 57,5      | .        |
| 36                | 75        | 0 0 0    | .               | 76,3       | 50,0     | 52,5      | .        |
| 37                | 135       | 0 0 0    | .               | 73,7       | .        | .         | .        |
|                   |           |          | .               | 75,0       | .        | .         | 32,5     |
|                   |           |          | .               | 81,3       | .        | .         | 36,2     |
|                   |           |          | .               | 82,6       | .        | .         | 37,5     |
|                   |           |          |                 |            | .        | .         | 41,2     |
| 11. Oktober 1878. |           |          |                 |            |          |           |          |
| 38                | 6         | 0 0 0    | .               | 76,3       | .        | 56,2      | 32,5     |
| 39                | 76        | 0 0 0    | .               | 71,9       | .        | 69,4      | 38,1     |
| 40                | 136       | 0 0 0    | 35,0            | 77,6       | .        | 53,8      | 38,8     |
|                   |           |          | 48,8            | 85,0       | .        | 65,0      | 48,8     |
| 41                | 45        | 0 0 0    | 28,8            | .          | .        | 51,2      | 30,0     |
|                   |           |          | 36,9            | 72,6       | .        | 62,6      | 36,3     |
| 42                | 105       | 0 0 0    | 38,7            | 75,7       | .        | 58,8      | 36,2     |
|                   |           |          | 45,0            | 76,3       | .        | 56,9      | 34,4     |
| 43                | 15        | 0 0 0    | 30,0            | 78,2       | .        | 65,0      | 37,5     |
|                   |           |          | 41,2            | .          | .        | 63,7      | 41,2     |
| 44                | 75        | 0 0 0    | 31,3            | .          | .        | .         | 38,7     |
|                   |           |          | 29,4            | .          | .        | .         | 33,7     |
| 45                | 165       | 0 0 0    | 36,3            | 78,8       | .        | 55,0      | 37,6     |
|                   |           |          | 44,3            | 78,0       | .        | 58,0      | 30,0     |
| 46                | 45        | 0 0 0    | 35,0            | 83,0       | .        | 58,7      | 49,3     |
|                   |           |          | 42,4            | 78,7       | .        | 53,7      | 31,2     |
| 47                | 105       | 0 0 0    | 35,0            | 76,3       | .        | 67,6      | 33,7     |
|                   |           |          | 36,8            | 73,8       | .        | 62,5      | 26,8     |
| 48                | 166       | 0 0 0    | 36,2            | 78,7       | .        | 56,2      | 40,6     |
|                   |           |          | 41,3            | 71,3       | .        | 58,8      | 33,8     |
| 49                | 10        | 0 0 0    | .               | .          | .        | 50,0      | .        |
|                   |           |          | .               | .          | .        | 55,0      | .        |
| 12. Oktober 1878. |           |          |                 |            |          |           |          |
| 50                | 70        | 0 0 0    | .               | 85,7       | .        | 65,7      | .        |
| 51                | 130       | 0 0 0    | 27,5            | 68,8       | .        | 51,2      | .        |
|                   |           |          | 31,2            | .          | .        | 51,2      | .        |
| 52                | 10        | 0 0 0    | 32,4            | 71,2       | .        | 51,2      | .        |
|                   |           |          | 29,3            | 67,5       | .        | 57,4      | .        |
|                   |           |          |                 |            | .        | 52,5      | .        |

| Nro. | Kreislage | Marke    | Zürich Oststein      | Hörnli (H)           | Rigi (H) | Hasenberg            | Lägern               |
|------|-----------|----------|----------------------|----------------------|----------|----------------------|----------------------|
|      |           |          | 40° 44'              | 93° 55'              | 197° 53' | 320° 58'             | 351° 44'             |
| 53   | 70°       | 0° 0' 0" | 35,0<br>47,6         | .                    | .        | 57,5<br>58,8         | .                    |
| 54   | 130       | 0 0 0    | 37,6<br>38,8<br>38,2 | 80,0<br>76,2<br>71,9 | .        | 60,0<br>56,2<br>60,6 | 35,0<br>30,0<br>35,6 |
| 55   | 10        | 0 0 0    | 41,3                 | 77,5                 | .        | 62,5                 | 31,8                 |
| 56   | 50        | 0 0 0    | 32,5<br>42,5         | 70,0<br>80,0         | .        | 50,0<br>53,7<br>55,0 | 36,3<br>36,3<br>32,4 |
| 57   | 110       | 0 0 0    | .                    | .                    | .        | 58,8                 | 36,2                 |
| 58   | 170       | 0 0 0    | 28,7<br>41,3         | .                    | .        | .                    | 30,0<br>38,8         |

15. Oktober 1878.

|    |     |       |              |   |                      |                      |              |
|----|-----|-------|--------------|---|----------------------|----------------------|--------------|
| 59 | 0   | 0 0 0 | 32,5<br>37,5 | . | 59,2                 | 57,5                 | .            |
| 60 | 60  | 0 0 0 | 31,3<br>28,8 | . | 57,9<br>55,5<br>48,0 | 57,5<br>56,3<br>52,6 | .            |
| 61 | 120 | 0 0 0 | 38,8<br>45,0 | . | 62,4<br>61,7         | 57,5<br>57,5         | .            |
| 62 | 60  | 0 0 0 | 36,2<br>37,5 | . | 60,4<br>54,2         | .                    | .            |
| 63 | 120 | 0 0 0 | 33,8<br>44,4 | . | 60,5<br>56,8         | 57,6<br>61,9         | .            |
| 64 | 30  | 0 0 0 | 28,7<br>37,4 | . | 61,7<br>52,2         | 51,3<br>58,7         | .            |
| 65 | 70  | 0 0 0 | 40,0<br>37,5 | . | .                    | 57,0<br>55,0         | .            |
| 66 | 90  | 0 0 0 | 30,0<br>30,0 | . | 48,6<br>45,5         | 55,0<br>56,3         | .            |
| 67 | 150 | 0 0 0 | 36,3<br>38,7 | . | .                    | 55,0<br>56,3         | .            |
| 68 | 110 | 0 0 0 | 36,2<br>39,3 | . | .                    | 57,5<br>58,1         | 28,8<br>31,3 |

16. Oktober 1878.

|    |     |       |              |   |              |              |   |
|----|-----|-------|--------------|---|--------------|--------------|---|
| 69 | 150 | 0 0 0 | .            | . | 58,1         | 58,7         | . |
| 70 | 30  | 0 0 0 | .            | . | 51,8         | 53,7         | . |
| 71 | 135 | 0 0 0 | .            | . | 58,7<br>53,1 | 58,7<br>58,3 | . |
| 72 | 15  | 0 0 0 | .            | . | 60,0<br>56,9 | 56,3<br>56,3 | . |
| 73 | 75  | 0 0 0 | .            | . | 61,3<br>52,6 | 62,6<br>58,8 | . |
| 74 | 135 | 0 0 0 | .            | . | 57,6<br>51,3 | 50,7<br>50,0 | . |
| 75 | 0   | 0 0 0 | .            | . | 67,6<br>61,3 | 60,0<br>60,0 | . |
| 76 | 60  | 0 0 0 | .            | . | 61,3<br>51,3 | 57,6<br>55,0 | . |
| 77 | 120 | 0 0 0 | .            | . | 52,5<br>63,8 | 56,2<br>57,6 | . |
| 78 | 180 | 0 0 0 | .            | . | 49,4<br>54,3 | 58,8<br>53,7 | . |
| 79 | 60  | 0 0 0 | .            | . | 47,5<br>60,0 | 59,3<br>51,8 | . |
| 80 | 120 | 0 0 0 | 40,0<br>46,2 | . | 59,3<br>58,8 | 61,8<br>64,4 | . |
| 81 | 30  | 0 0 0 | 37,5<br>42,5 | . | 62,5<br>58,7 | 62,5<br>.    | . |

| Nro.                                             | Kreislage | Marke    | Zürich Oststein              | Hörnli (H)                  | Rigi (H)                   | Hasenberg    | Lägern       |
|--------------------------------------------------|-----------|----------|------------------------------|-----------------------------|----------------------------|--------------|--------------|
|                                                  |           |          | 40° 44'                      | 93° 55'                     | 197° 53'                   | 320° 58'     | 351° 44'     |
| 82                                               | 90°       | 0° 0' 0" | 28,7<br>36,9                 | .                           | 53,7<br>51,9               | .            | .            |
| 83                                               | 45        | 0 0 0    | 45,0<br>53,7                 | .                           | 68,8<br>62,5               | 65,0<br>62,5 | .            |
| 84                                               | 105       | 0 0 0    | 37,5<br>43,0                 | .                           | 60,0<br>50,0               | 60,0<br>58,7 | .            |
| 85                                               | 165       | 0 0 0    | 43,1<br>46,3                 | .                           | 67,5<br>58,7               | 62,5<br>58,7 | .            |
| 86                                               | 45        | 0 0 0    | 42,6<br>50,0                 | .                           | 66,3<br>58,8               | 60,6<br>60,0 | .            |
| 87                                               | 105       | 0 0 0    | 33,7<br>31,2                 | .                           | 56,3<br>46,2               | 60,0<br>57,5 | .            |
| 88                                               | 165       | 0 0 0    | 37,5<br>38,7                 | .                           | 61,3<br>50,0               | 52,5<br>51,8 | .            |
| 89                                               | 10        | 0 0 0    | 45,0<br>45,7                 | .                           | 65,0<br>62,0               | 65,0<br>62,0 | .            |
| 90                                               | 70        | 0 0 0    | 34,4<br>35,0                 | .                           | 62,5<br>45,0               | .            | 40,0<br>35,0 |
| 91                                               | 130       | 0 0 0    | 31,2<br>33,7                 | .                           | 60,0<br>48,1               | 55,0<br>56,3 | 31,2<br>22,5 |
| 92                                               | 10        | 0 0 0    | 42,5<br>45,6                 | .                           | 58,7<br>54,4               | 53,7<br>59,4 | 39,3<br>41,9 |
| 93                                               | 70        | 0 0 0    | 35,6<br>29,4                 | .                           | 61,2<br>50,0               | .            | 37,5<br>33,8 |
| 94                                               | 130       | 0 0 0    | .                            | .                           | 57,4<br>54,4               | .            | 28,7<br>32,6 |
| Reduction auf neues Centrum<br>„ der Heliotropen |           |          | $r=+42'',86$<br>$r'=-131,02$ | $r=+15'',77$<br>$r'=-13,80$ | $r=-2'',05$<br>$r'=-17,66$ | $r=-25'',83$ | $r=-4'',45$  |
|                                                  |           |          | $r+r'=-1'28'',16$            | + 1'',97                    | - 19'',71                  |              |              |

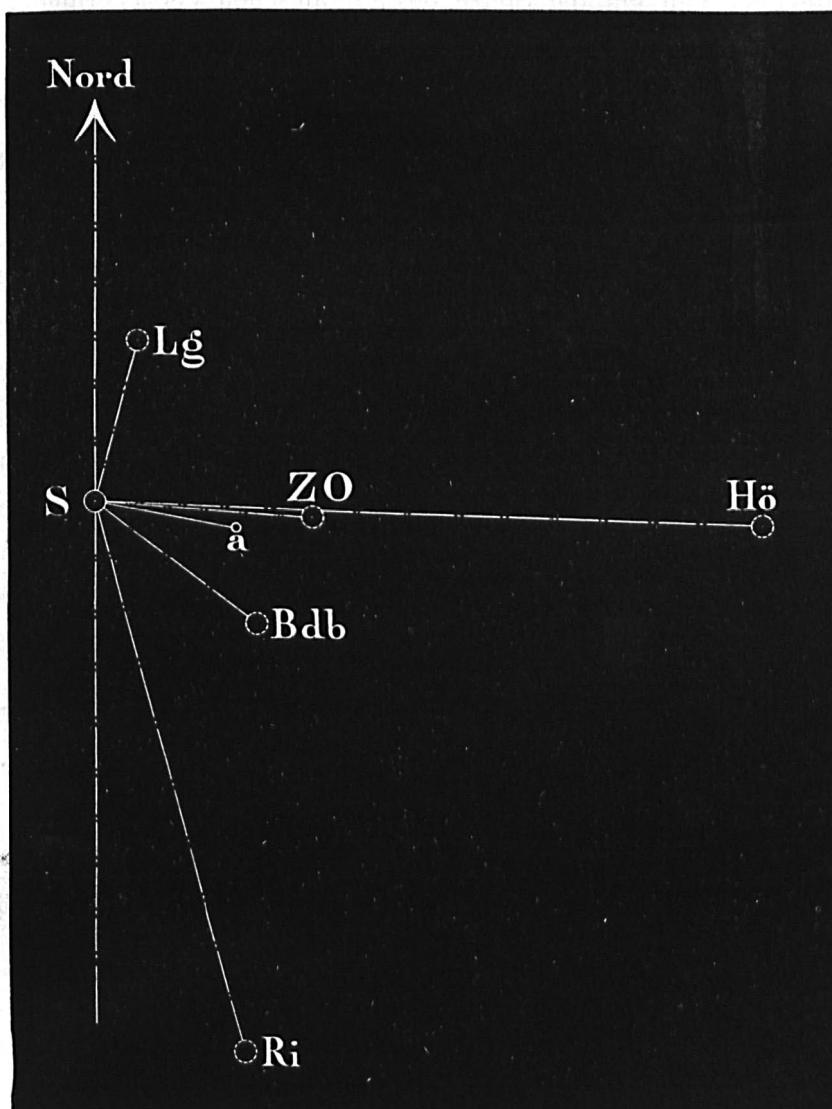
### Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº | aus Nº d. Beob.              | n  | Marke | Zürich M.C. |             | Hörnli      |              | Rigi         |              | Hasenberg |  | Lägern |   |
|----|------------------------------|----|-------|-------------|-------------|-------------|--------------|--------------|--------------|-----------|--|--------|---|
|    |                              |    |       | 0° 0' 0"    | 40° 43' 10" | 93° 56' 17" | 197° 53' 37" | 320° 58' 32" | 351° 44' 31" |           |  |        |   |
| 1  | 32                           | 1  | 0 0 0 | 9,94        |             | 13,87       |              | 32,14        |              | 29,17     |  | .      | . |
| 2  | 52                           | 1  | 0 0 0 | 2,69        |             | 11,32       |              | .            |              | 29,12     |  | .      | . |
| 3  | 34, 41, 42, 45—48, 54—56     | 10 | 0 0 0 | 9,85        |             | 18,57       |              | .            |              | 32,70     |  | 31,89  | . |
| 4  | 8, 9, 21                     | 3  | 0 0 0 | 16,66       |             | 20,34       |              | .            |              | .         |  | 36,63  | . |
| 5  | 33, 62, 81, 82               | 4  | 0 0 0 | 5,65        |             | .           |              | 34,22        |              | .         |  | .      | . |
| 6  | 59—61, 63, 64, 66, 80, 83—89 | 14 | 0 0 0 | 11,03       |             | .           |              | 38,32        |              | 32,86     |  | .      | . |
| 7  | 91, 92                       | 2  | 0 0 0 | 10,09       |             | .           |              | 35,59        |              | 30,27     |  | 29,28  | . |
| 8  | 90, 93                       | 2  | 0 0 0 | 5,44        |             | .           |              | 34,97        |              | .         |  | 32,13  | . |
| 9  | 11—13, 51, 53, 65, 67        | 7  | 0 0 0 | 7,33        |             | .           |              | .            |              | 28,94     |  | .      | . |
| 10 | 10, 15—20, 40, 68            | 9  | 0 0 0 | 10,14       |             | .           |              | .            |              | 31,05     |  | 29,80  | . |
| 11 | 22, 43, 44, 58               | 4  | 0 0 0 | 6,92        |             | .           |              | .            |              | .         |  | 30,71  | . |
| 12 | 31                           | 1  | 0 0 0 | .           |             | 16,12       |              | 30,64        |              | 26,67     |  | .      | . |
| 13 | 24, 30                       | 2  | 0 0 0 | .           |             | 9,35        |              | 26,17        |              | 24,50     |  | 22,28  | . |
| 14 | 3, 4, 23                     | 3  | 0 0 0 | .           |             | 15,30       |              | 39,71        |              | .         |  | 33,25  | . |
| 15 | 7, 50                        | 2  | 0 0 0 | .           |             | 19,37       |              | .            |              | 34,67     |  | .      | . |
| 16 | 5, 26, 27, 29, 38, 39        | 6  | 0 0 0 | .           |             | 16,06       |              | .            |              | 30,48     |  | 31,43  | . |
| 17 | 2, 28, 35—37                 | 5  | 0 0 0 | .           |             | 17,50       |              | .            |              | .         |  | 31,92  | . |
| 18 | 69—79                        | 11 | 0 0 0 | .           |             | .           |              | 36,98        |              | 31,00     |  | .      | . |
| 19 | 94                           | 1  | 0 0 0 | .           |             | .           |              | 36,19        |              | .         |  | 26,20  | . |
| 20 | 49                           | 1  | 0 0 0 | .           |             | .           |              | .            |              | 26,67     |  | .      | . |
| 21 | 57                           | 1  | 0 0 0 | .           |             | .           |              | .            |              | 31,07     |  | 29,85  | . |
| 22 | 1, 6, 14, 25                 | 4  | 0 0 0 | .           |             | .           |              | .            |              | .         |  | 30,55  | . |

### Resultate der Stationsausgleichung.

|             |     |    |       |
|-------------|-----|----|-------|
| Marke       | 0°  | 0' | 0",00 |
| Zürich M.C. | 40  | 43 | 9,28  |
| Hörnli      | 93  | 56 | 16,59 |
| Rigi        | 197 | 53 | 36,58 |
| Hasenberg   | 320 | 58 | 31,14 |
| Lägern      | 351 | 44 | 30,94 |

## Station Hasenberg.



Massstab:

1 : 100 für die Station.

1 : 500000 für die entfernten Signale.

Die genäherten Coordinate sind:

Breite  $47^{\circ} 23', 2$ ; Länge (Ost v. Paris)  $6^{\circ} 1', 7$ ; Höhe 785 Meter.

Die Station liegt circa 500 Meter südlich der Culmination des Heitersberges in der aarg. Gemeinde Bellikon-Hausen.

Als Stationscentrum gilt die Spitze des aargauischen Versicherungssteines  $S$ .  $a$  bezeichnet die Lage des nunmehr verschwundenen 14<sup>m</sup>,5 hohen Gerüsts signales. Die Entfernung  $aS$  betrug 1<sup>m</sup>,895 und der Winkel  $Kth$  Villmergen  $S = 36^\circ 19',3$ .

Die Beobachtungen geschahen vom 25. Oktober bis 1. November 1878 durch Herrn Gelpke auf centrischem Standpunkte.

Die Reduction der excentrisch stehenden Heliotropen auf die Stationsmittelpunkte beträgt für die Richtung

Zürcher Sternwarte Oststein auf M.C. — 163",46

Hörnli — 14,24

Baldernburg — 47,21

Rigi — 3,35

### Beobachtungen auf Station Hasenberg.

| Beobachter: Gelpke, 8" Starke. Centrischer Standpunkt. |           |          |              |              |                 |                 |              |
|--------------------------------------------------------|-----------|----------|--------------|--------------|-----------------|-----------------|--------------|
| 25. Oktober 1878.                                      |           |          |              |              |                 |                 |              |
| Nro.                                                   | Kreislage | Marke    | Lägern       | Hörnli (H)   | Zürich Oststein | Baldernburg (H) | Rigi (H)     |
|                                                        |           |          | 112° 51'     | 189° 55'     | 191° 18'        | 224° 5'         | 263° 45'     |
| 1                                                      | 0°        | 0° 0' 0" | 70,0<br>65,0 | .            | .               | .               | .            |
| 2                                                      | 60        | 0 0 0    | 67,5<br>67,5 | .            | 25,0<br>27,5    | .               | .            |
| 3                                                      | 120       | 0 0 0    | .            | 47,5<br>42,5 | 40,0<br>30,0    | .               | .            |
| 4                                                      | 180       | 0 0 0    | .            | 37,4<br>32,5 | 33,7<br>26,2    | .               | 77,4<br>67,5 |
| 5                                                      | 60        | 0 0 0    | .            | 40,0<br>37,6 | 33,1<br>26,3    | .               | 77,5<br>65,6 |
| 6                                                      | 120       | 0 0 0    | 75,0<br>62,5 | .            | .               | .               | .            |
| 7                                                      | 180       | 0 0 0    | 75,0<br>58,8 | .            | .               | .               | .            |
| 8                                                      | 0         | 0 0 0    | 75,6<br>65,0 | .            | .               | .               | .            |
| 9                                                      | 120       | 0 0 0    | 79,4<br>72,5 | .            | .               | .               | .            |

26. Oktober 1878.

| Nro. | Kreislage | Marke    | Lägern | Hörnli (H) | Zürich Oststein | Baldernburg (H) | Rigi (H) |
|------|-----------|----------|--------|------------|-----------------|-----------------|----------|
|      |           |          |        | 112° 51'   | 189° 55'        | 191° 18'        | 224° 5'  |
| 10   | 120       | 0° 0' 0" | .      | .          | 35,0            | 40,0            | 82,6     |
| 11   | 120       | 0 0 0    | 71,3   | 36,7       | 23,7            | 27,4            | 60,8     |
| 12   | 90        | 0 0 0    | 73,7   | 28,7       | 31,3            | 26,9            | 66,3     |
| 13   | 150       | 0 0 0    | 66,2   | 29,4       | 27,4            | 33,7            | 65,3     |
| 14   | 30        | 0 0 0    | 65,0   | 33,8       | 25,0            | 30,0            | 77,4     |
| 15   | 90        | 0 0 0    | 58,8   | 33,8       | 32,6            | 37,0            | 85,0     |
| 16   | 150       | 0 0 0    | 63,8   | 35,0       | 35,0            | 37,6            | 77,6     |
| 17   | 30        | 0 0 0    | 81,2   | 41,8       | 36,2            | 51,2            | 82,4     |
| 18   | 90        | 0 0 0    | 70,0   | 25,0       | 20,0            | 38,7            | 67,5     |
| 19   | 120       | 0 0 0    | 72,5   | 38,7       | 30,0            | 41,3            | 77,5     |
| 20   | 180       | 0 0 0    | 67,5   | 28,7       | 29,3            | 32,5            | 66,3     |
| 21   | 60        | 0 0 0    | 62,6   | 33,8       | 32,0            | 30,0            | 84,4     |
| 22   | 120       | 0 0 0    | 65,0   | 34,4       | 32,5            | 44,4            | 78,8     |
| 23   | 0         | 0 0 0    | .      | 32,5       | 26,2            | 32,5            | 72,5     |
| 24   | 15        | 0 0 0    | .      | 23,2       | 20,0            | 24,4            | 60,0     |
| 25   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | 35,6            | 83,8     |
| 26   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | 22,6            | 65,0     |
| 27   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | 28,7            | 74,4     |
| 28   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | 20,0            | 62,0     |
| 29   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | 28,2            | 67,6     |
| 30   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | 20,0            | 55,0     |
| 31   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | 30,0            | 70,0     |
| 32   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | 27,5            | 70,7     |
| 33   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | 66,9     |
| 34   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | 61,2     |
| 35   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 36   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 37   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 38   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 39   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 40   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 41   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 42   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 43   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 44   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 45   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 46   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 47   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 48   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 49   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 50   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 51   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 52   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 53   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 54   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 55   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 56   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 57   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 58   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 59   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 60   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 61   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 62   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 63   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 64   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 65   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 66   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 67   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 68   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 69   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 70   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 71   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 72   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 73   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 74   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 75   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 76   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 77   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 78   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 79   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 80   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 81   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 82   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 83   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 84   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 85   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 86   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 87   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 88   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 89   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 90   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 91   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 92   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 93   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 94   | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 95   | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 96   | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 97   | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 98   | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 99   | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 100  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 101  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 102  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 103  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 104  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 105  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 106  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 107  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 108  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 109  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 110  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 111  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 112  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 113  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 114  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 115  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 116  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 117  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 118  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 119  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 120  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 121  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 122  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 123  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 124  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 125  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 126  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 127  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 128  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 129  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 130  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 131  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 132  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 133  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 134  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 135  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 136  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 137  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 138  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 139  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 140  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 141  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 142  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 143  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 144  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 145  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 146  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 147  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 148  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 149  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 150  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 151  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 152  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 153  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 154  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 155  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 156  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 157  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 158  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 159  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 160  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 161  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 162  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 163  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 164  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 165  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 166  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 167  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 168  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 169  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 170  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 171  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 172  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 173  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 174  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 175  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 176  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 177  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 178  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 179  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 180  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 181  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 182  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 183  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 184  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 185  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 186  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 187  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 188  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 189  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 190  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 191  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 192  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 193  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 194  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 195  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 196  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 197  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 198  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 199  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 200  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 201  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 202  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 203  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 204  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 205  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 206  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 207  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 208  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 209  | 135       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 210  | 15        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 211  | 75        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 212  | 180       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 213  | 60        | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 214  | 120       | 0 0 0    | .      | .          | .               | .               | .        |
| 215  | 135       | 0 0 0    | .      |            |                 |                 |          |

| No.               | Kreislage | Marke    | Lägern       | Hörnli (H)    | Zürich Oststein | Baldernburg (H) | Rigi (H)     |
|-------------------|-----------|----------|--------------|---------------|-----------------|-----------------|--------------|
|                   |           |          | 112° 51'     | 189° 55'      | 191° 18'        | 224° 5'         | 263° 45'     |
| 37                | 45°       | 0° 0' 0" | 70,0<br>61,2 | .             | .               | 28,2<br>35,0    | .            |
| 38                | 105       | 0 0 0    | 60,0<br>65,0 | .             | .               | .               | .            |
| 39                | 165       | 0 0 0    | 61,9<br>56,8 | .             | .               | .               | .            |
| 40                | 10        | 0 0 0    | 52,5<br>61,9 | .             | .               | .               | .            |
| 41                | 120       | 0 0 0    | 65,6<br>68,8 | .             | .               | .               | .            |
| 42                | 70        | 0 0 0    | 59,4<br>66,3 | .             | .               | .               | 75,6<br>68,2 |
| 43                | 135       | 0 0 0    | 66,8<br>64,3 | .             | .               | .               | 68,7<br>60,0 |
| 44                | 15        | 0 0 0    | .            | .             | .               | .               | 64,4<br>63,8 |
| 45                | 75        | 0 0 0    | .            | .             | .               | .               | 67,6<br>67,4 |
| 46                | 45        | 0 0 0    | .            | .             | .               | .               | 61,8<br>58,8 |
| 1. November 1878. |           |          |              |               |                 |                 |              |
| 47                | 105°      | 0 0 0    | 79,3<br>66,2 | .             | .               | .               | 88,1         |
| 48                | 165       | 0 0 0    | 70,0<br>66,2 | .             | .               | .               | 84,4<br>69,4 |
| 49                | 45        | 0 0 0    | .            | .             | .               | .               | 69,4<br>75,6 |
| 50                | 105       | 0 0 0    | 61,8<br>61,3 | .             | .               | 27,5<br>27,5    | 75,0         |
| 51                | 165       | 0 0 0    | 70,6<br>65,0 | 40,6<br>23,8  | 28,8<br>20,0    | 32,5<br>32,5    | .            |
| 52                | 45        | 0 0 0    | .            | 49,4<br>33,8  | .               | 41,9<br>37,5    | 85,6<br>68,8 |
| 53                | 105       | 0 0 0    | .            | 35,6<br>26,3  | .               | 42,5<br>36,3    | 82,5<br>66,3 |
| 54                | 165       | 0 0 0    | .            | 41,3<br>26,3  | .               | 35,6<br>35,0    | 81,3<br>68,7 |
| 55                | 45        | 0 0 0    | .            | 40,0<br>25,0  | .               | 35,0<br>25,0    | .            |
| 56                | 105       | 0 0 0    | .            | 31,8<br>26,3  | .               | 36,8<br>38,7    | .            |
| 57                | 105       | 0 0 0    | .            | .             | 18,8<br>18,7    | .               | .            |
| 58                | 165       | 0 0 0    | .            | .             | 25,0<br>26,2    | .               | .            |
| 59                | 45        | 0 0 0    | .            | .             | 31,3<br>18,7    | .               | .            |
| 60                | 105       | 0 0 0    | .            | .             | 17,6<br>28,1    | .               | 68,2<br>70,6 |
| 61                | 165       | 0 0 0    | .            | .             | 16,3<br>31,2    | .               | 61,3<br>63,0 |
| 62                | 45        | 0 0 0    | 65,0<br>65,0 | .             | .               | .               | .            |
| 63                | 45        | 0 0 0    | 77,5<br>70,6 | .             | .               | .               | .            |
|                   |           |          |              | r' = - 14",24 | r' = - 2'43",46 | r' = - 47",21   | r' = - 3",35 |

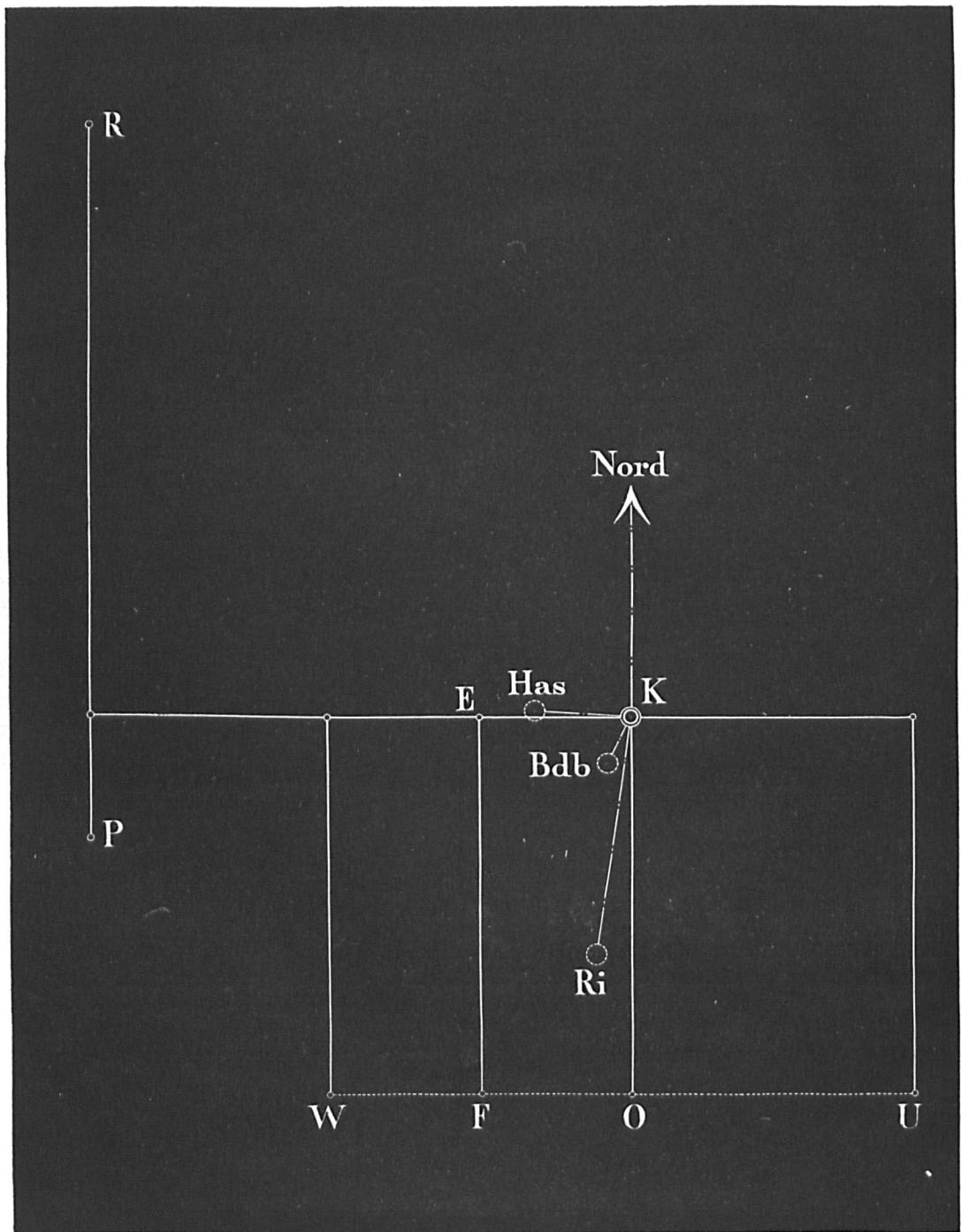
### Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº | aus Nº d. Beob.                | n  | Marke    | Lägern      | Hörnli       | Zürich M.C.  | Baldernburg | Rigi        |
|----|--------------------------------|----|----------|-------------|--------------|--------------|-------------|-------------|
|    | 1, 6-9, 26, 27, 35, 36, 38-41, |    | 0° 0' 0" | 112° 52' 7" | 189° 55' 18" | 191° 15' 44" | 224° 4' 32" | 263° 46' 8" |
| 1  | 62, 63                         | 15 | 0 0 0    | 5,84        | .            | .            | .           | .           |
| 2  | 24, 25, 51                     | 3  | 0 0 0    | 7,60        | 13,66        | 39,56        | 43,94       | .           |
| 3  | 11-16, 33                      | 7  | 0 0 0    | 7,51        | 18,02        | 46,19        | 49,28       | 11,19       |
| 4  | 2                              | 1  | 0 0 0    | 7,50        | .            | 42,79        | .           | .           |
| 5  | 34                             | 1  | 0 0 0    | 14,30       | .            | 46,49        | 49,59       | .           |
| 6  | 37, 50                         | 2  | 0 0 0    | 3,58        | .            | .            | 42,34       | .           |
| 7  | 38, 42, 43, 47, 48             | 5  | 0 0 0    | 5,85        | .            | .            | .           | 9,47        |
| 8  | 3                              | 1  | 0 0 0    | .           | 30,76        | 51,54        | .           | .           |
| 9  | 23, 32                         | 2  | 0 0 0    | .           | 12,21        | 42,64        | 37,32       | .           |
| 10 | 17                             | 1  | 0 0 0    | .           | 13,61        | 39,64        | 41,24       | 2,90        |
| 11 | 4, 5                           | 2  | 0 0 0    | .           | 22,64        | 46,37        | .           | 8,65        |
| 12 | 55, 56                         | 2  | 0 0 0    | .           | 16,54        | .            | 46,67       | .           |
| 13 | 18, 52-54                      | 4  | 0 0 0    | .           | 21,02        | .            | 48,67       | 11,90       |
| 14 | 22, 29                         | 2  | 0 0 0    | .           | 14,31        | .            | .           | 4,00        |
| 15 | 30, 57-59                      | 4  | 0 0 0    | .           | .            | 40,13        | .           | .           |
| 16 | 31                             | 1  | 0 0 0    | .           | .            | 48,14        | 56,59       | .           |
| 17 | 10                             | 1  | 0 0 0    | .           | .            | 45,89        | 46,49       | 8,35        |
| 18 | 60, 61                         | 2  | 0 0 0    | .           | .            | 39,84        | .           | 2,43        |
| 19 | 19-21                          | 3  | 0 0 0    | .           | .            | .            | 38,52       | 3,27        |
| 20 | 44-46, 49                      | 4  | 0 0 0    | .           | .            | .            | .           | 3,45        |

### Resultate der Stationsausgleichung.

| Marke       | 0°  | 0' | 0",00 |
|-------------|-----|----|-------|
| Lägern      | 112 | 52 | 6,13  |
| Hörnli      | 189 | 55 | 16,83 |
| Zürich M.C. | 191 | 15 | 43,11 |
| Baldernburg | 224 | 4  | 45,31 |
| Rigi        | 263 | 46 | 7,54  |

## Station Zürich.



Masstab:

1 : 200 für die Station.

1 : 1000000 für die entfernten Signale.

Genäherte Coordinaten:

Breite  $47^{\circ} 22',7$ ; Länge (Ost v. Paris) =  $6^{\circ} 12',8$ ; Höhe 491 Meter.

Als Stationsmittelpunkt ist das Centrum des östlichen Meridiankreises zu nehmen.  
Die Lage der Instrumente und Beobachtungspfeiler ist folgende:

|                                                            |                              |                              |
|------------------------------------------------------------|------------------------------|------------------------------|
| <i>K</i> Meridianinstrument von Kern (Stationsmittelpunkt) | 0                            | 0                            |
| <i>R</i> Mitte der Kuppel                                  | westlich 16 <sup>m</sup> ,05 | nördlich 17 <sup>m</sup> ,70 |
| <i>P</i> Südliche Portalmitte                              | 16,05                        | südlich 3,60                 |
| <i>E</i> Meridianinstrument von Ertel                      | 4,50                         | 0                            |
| <i>W</i> Westlicher Beobachtungspfeiler                    | 9,00                         | „ 11,25                      |
| <i>F</i> Äquatorialinstrument                              | 4,50                         | „ 11,25                      |
| <i>O</i> Östlicher Beobachtungspfeiler (Oststein)          | 0                            | „ 11,272                     |
| <i>U</i> Universalinstrument                               | östlich 8,465                | „ 11,25                      |

Die Beobachtungen wurden von Herrn Gelpke in der Zeit vom 2. bis 6. Oktober 1878 ausgeführt, und zwar auf dem im Meridian liegenden Beobachtungspfeiler (Oststein), auf welchem auch der Heliotrop stand.

Für die Reduction der Beobachtungen vom Oststeinen auf das Centrum des östlichen Mittagsrohres hat man folgende Angaben :

|                   | Richtung: | genäherte Entfernung: | Centrirung: |
|-------------------|-----------|-----------------------|-------------|
| M.C. = K          | 0° 0',0   | 11,272 Meter          | .           |
| Rigi (Ri)         | 188 7,6   | 36059 „               | — 9",12     |
| Baldernburg (Bdb) | 206 8,4   | 7818 „                | — 131,02    |
| Hasenberg (Has)   | 273 36,3  | 14195 „               | — 163,46    |

Die Reduction des Heliotropen Baldernburg auf Centrum beträgt + 59",85 und jene für Rigi — 16",84.

## **Beobachtungen auf Station Zürich.**

| Beobachter: Gelpke, 8" Starke. |           |       |           |          |                 | Excentrischer Standpunkt am Oststein. |           |       |                     |                |                  |          |
|--------------------------------|-----------|-------|-----------|----------|-----------------|---------------------------------------|-----------|-------|---------------------|----------------|------------------|----------|
| 2. Oktober 1878.               |           |       |           |          |                 | 4. Oktober 1878.                      |           |       |                     |                |                  |          |
| Nº                             | Kreislage | Marke | Hasenberg | Rigi (H) | Baldernburg (H) | Nº                                    | Kreislage | Marke | Hasenberg           | Rigi (H)       | Baldernburg (H)  |          |
| 1                              | 0°        | 0 0 0 | 0° 0' 0"  | 47° 5'   | 321° 37'        | 339° 38'                              | 29        | 135°  | 0 0 0               | 47° 5'         | 321° 37'         | 339° 38' |
| 2                              | 60        | 0 0 0 | 75,0      | .        | .               | 75,0                                  | .         | .     | 71,3                | .              | 19,3             |          |
| 3                              | 120       | 0 0 0 | 63,2      | .        | .               | 66,3                                  | .         | .     | 67,6                | .              | 13,8             |          |
| 4                              | 180       | 0 0 0 | 72,6      | .        | .               | 72,4                                  | .         | .     | 76,3                | .              | 22,5             |          |
| 5                              | 60        | 0 0 0 | 68,8      | .        | .               | 71,2                                  | .         | .     | 73,7                | .              | 11,2             |          |
| 6                              | 120       | 0 0 0 | 71,2      | .        | .               | 70,7                                  | .         | .     | 68,2                | .              | 15,0             |          |
| 7                              | 30        | 0 0 0 | 73,8      | .        | .               | 75,7                                  | .         | .     | 72,5                | .              | 18,7             |          |
| 8                              | 90        | 0 0 0 | 75,7      | .        | .               | 63,7                                  | .         | .     | 72,5                | .              | 22,4             |          |
| 9                              | 150       | 0 0 0 | 67,6      | .        | .               | 72,5                                  | .         | .     | 67,4                | .              | 19,4             |          |
|                                |           |       | 78,2      | .        | .               | 70,7                                  | .         | .     | 70,7                | .              |                  |          |
| 3. Oktober 1878.               |           |       |           |          |                 | 5. Oktober 1878.                      |           |       |                     |                |                  |          |
| 10                             | 0         | 0 0 0 | .         | .        | .               | 30,0                                  | 45        | 0 0 0 | 66,9                | 31,3           | 15,0             |          |
| 11                             | 60        | 0 0 0 | .         | .        | .               | 15,0                                  | .         | .     | 72,5                | 31,2           | 16,2             |          |
| 12                             | 30        | 0 0 0 | 72,5      | .        | .               | 8,8                                   | .         | .     | 72,5                | 30,0           | 22,5             |          |
| 13                             | 90        | 0 0 0 | 71,3      | .        | .               | 18,7                                  | .         | .     | 71,2                | 25,0           | 11,8             |          |
| 14                             | 120       | 0 0 0 | 68,8      | .        | .               | 23,8                                  | .         | .     | 65,0                | 24,4           | 21,2             |          |
| 15                             | 150       | 0 0 0 | 65,6      | .        | .               | 26,2                                  | .         | .     | 57,5                | 17,5           | 7,5              |          |
| 16                             | 15        | 0 0 0 | 75,0      | 33,7     | .               | .                                     | .         | .     | 67,5                | 26,2           | 12,5             |          |
| 17                             | 70        | 0 0 0 | 73,7      | 33,1     | .               | .                                     | .         | .     | 67,5                | 30,0           | 16,2             |          |
| 18                             | 135       | 0 0 0 | 71,8      | 22,4     | 15,0            | .                                     | .         | .     | 66,8                | 28,6           | 14,3             |          |
| 19                             | 15        | 0 0 0 | 73,8      | 22,6     | 15,0            | .                                     | .         | .     | 70,6                | 21,3           | 5,0              |          |
| 20                             | 75        | 0 0 0 | 70,6      | 31,3     | 20,0            | .                                     | .         | .     | 68,8                | 25,0           | 21,2             |          |
|                                |           |       | 68,7      | 22,4     | 12,4            | .                                     | .         | .     | 65,0                | 19,4           | 7,6              |          |
|                                |           |       | 65,7      | 12,6     | 7,6             | .                                     | .         | .     | 67,4                | 26,2           | 11,2             |          |
|                                |           |       | 68,7      | 32,5     | 20,0            | .                                     | .         | .     | 67,5                | 27,5           | 11,3             |          |
|                                |           |       | 64,4      | 18,1     | 3,1             | .                                     | .         | .     | 69,4                | 28,2           | 23,2             |          |
|                                |           |       | .         | 36,3     | 18,8            | .                                     | .         | .     | 63,1                | 23,7           | 11,9             |          |
|                                |           |       | .         | 35,0     | 16,3            | .                                     | .         | .     | 73,0                | 28,7           | 20,0             |          |
|                                |           |       | .         | .        | 20,0            | .                                     | .         | .     | 71,2                | 31,8           | 11,8             |          |
|                                |           |       | .         | .        | 17,5            | .                                     | .         | .     | 65,0                | 25,0           | 12,5             |          |
| 4. Oktober 1878.               |           |       |           |          |                 | 6. Oktober 1878.                      |           |       |                     |                |                  |          |
| 21                             | 120       | 0 0 0 | 73,2      | .        | .               | 21,3                                  | 45        | 0 0 0 | .                   | 27,5           | 16,2             |          |
| 22                             | 180       | 0 0 0 | 76,3      | .        | .               | 18,8                                  | .         | .     | 63,7                | 21,3           | 1,9              |          |
| 23                             | 60        | 0 0 0 | 79,4      | .        | .               | 22,6                                  | .         | .     | 65,6                | 25,0           | 16,3             |          |
| 24                             | 120       | 0 0 0 | 63,7      | .        | .               | 21,8                                  | .         | .     | 73,8                | 23,2           | 12,4             |          |
| 25                             | 30        | 0 0 0 | 63,0      | .        | .               | 20,0                                  | .         | .     | 80,6                | 26,2           | 21,2             |          |
| 26                             | 90        | 0 0 0 | 80,0      | 43,8     | 28,8            | .                                     | .         | .     | 75,0                | 33,7           | 22,5             |          |
| 27                             | 150       | 0 0 0 | 77,0      | 35,0     | 18,8            | .                                     | .         | .     | 70,0                | 30,0           | 21,3             |          |
| 28                             | 75        | 0 0 0 | 76,3      | .        | .               | 27,5                                  | .         | .     | 65,0                | 26,2           | 23,7             |          |
|                                |           |       | 70,7      | .        | .               | 20,0                                  | .         | .     | 65,0                | 26,3           | 15,0             |          |
|                                |           |       | 68,7      | 30,0     | 23,7            | .                                     | .         | .     | 70,0                | 26,3           | 20,0             |          |
|                                |           |       | 68,7      | 22,4     | 17,4            | .                                     | .         | .     | 62,6                | 29,4           | 13,8             |          |
|                                |           |       | 66,3      | 27,6     | 20,0            | .                                     | .         | .     | 69,3                | 29,3           | 20,6             |          |
|                                |           |       | 66,3      | 23,7     | 15,7            | .                                     | .         | .     | 80,0                | 37,4           | 23,0             |          |
|                                |           |       | 68,7      | .        | 21,2            | .                                     | .         | .     | 71,2                | 25,0           | 20,0             |          |
|                                |           |       | 66,2      | .        | 12,5            | .                                     | .         | .     | 67,5                | 27,5           | 17,5             |          |
|                                |           |       | .         | .        | .               | .                                     | .         | .     | 63,8                | 30,0           | 18,8             |          |
|                                |           |       | .         | .        | .               | .                                     | .         | .     | 61,2                | 27,4           | 15,0             |          |
|                                |           |       | .         | .        | .               | .                                     | .         | .     | r = - 2° 43' .46    | r = - 9° ,12   | r = - 131° ,02   |          |
|                                |           |       | .         | .        | .               | .                                     | .         | .     | r' = - 16° ,84      | r' = + 59° ,85 | r+r' = - 25° ,96 |          |
|                                |           |       | .         | .        | .               | .                                     | .         | .     | r+r' = - 1° 11' ,17 | .              | .                |          |

### Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº | aus Nº d. Beob.                 | n  | Marke    | Hasenberg  | Rigi        | Baldernburg |
|----|---------------------------------|----|----------|------------|-------------|-------------|
|    |                                 |    | 0° 0' 0" | 47° 3' 27" | 321° 37' 2" | 339° 37' 7" |
| 1  | 1—9                             | 9  | 0 0 0    | 28,40      | .           | .           |
| 2  | 14, 44                          | 2  | 0 0 0    | 29,64      | 6,99        | .           |
| 3  | 15—18, 24, 26, 27, 33—43, 47—54 | 26 | 0 0 0    | 25,67      | 1,87        | 5,21        |
| 4  | 12, 13, 21—23, 25, 28—32, 45    | 12 | 0 0 0    | 28,01      | .           | 8,96        |
| 5  | 19, 46                          | 2  | 0 0 0    | .          | 4,07        | 2,13        |
| 6  | 10, 11, 20                      | 3  | 0 0 0    | .          | .           | 7,08        |

### Resultate der Stationsausgleichung.

|             |     |    |       |
|-------------|-----|----|-------|
| Marke       | 0°  | 0' | 0,“00 |
| Hasenberg   | 47  | 3  | 26,88 |
| Rigi        | 321 | 37 | 2,66  |
| Baldernburg | 339 | 37 | 6,51  |

## Die Netzausgleichung.

Das sphärische Netz wird auf eine Ebene projicirt, die tangirend durch Rigi gelegt wird.

Die Netzpunkte werden durch ein Coordinatensystem festgelegt, dessen Ursprung in Rigi ist, desen positive *X*-Axe nach Lägern gerichtet ist und dessen Azimuthe von da an rechts herum gezählt werden.

### Vorläufige Entfernung:

|                 |                    |
|-----------------|--------------------|
| Rigi—Lägern     | $\log s = 4,67815$ |
| „ — Hörnli      | 4,69155            |
| „ — Baldernburg | 4,45825            |
| „ — Hasenberg   | 4,57621            |
| „ — Zürich      | 4,55702            |

### Sphärische Excesse:

|                              |       |
|------------------------------|-------|
| Hasenberg—Rigi—Lägern        | 0",51 |
| Hasenberg—Lägern—Hörnli      | 1,20  |
| Hasenberg—Hörnli—Rigi        | 4,01  |
| Baldernburg—Rigi—Lägern      | 0,65  |
| Baldernburg—Lägern—Hörnli    | 1,68  |
| Baldernburg—Hörnli—Rigi      | 2,37  |
| Hasenberg—Baldernburg—Rigi   | 0,81  |
| Hasenberg—Baldernburg—Lägern | 0,35  |
| Hasenberg—Baldernburg—Hörnli | 0,83  |
| Hasenberg—Baldernberg—Zürich | 0,26  |
| Hasenberg—Zürich—Rigi        | 1,29  |
| Baldernburg—Zürich—Rigi      | 0,22  |
| Rigi—Lägern—Hörnli           | 4,70  |

### Zusammenstellung der gemessenen Winkel.

| Station        | Nº | Richtung    | Gemessene sphärische<br>Winkel $A$ |    |       | $\Delta A$ | Ebene<br>Secunden | Gemessene Azimuthe $\alpha_g$ |    |       |
|----------------|----|-------------|------------------------------------|----|-------|------------|-------------------|-------------------------------|----|-------|
| 1. Rigi        | 1  | Lägern      | 0°                                 | 0' | 0",00 |            | 0,"00             | 0°                            | 0' | 0",00 |
|                | 2  | Baldernburg | 10                                 | 44 | 47,73 |            | 47,73             | 10                            | 44 | 47,73 |
|                | 3  | Zürich M.C. | 15                                 | 34 | 18,03 |            | 18,03             | 15                            | 34 | 18,03 |
|                | 4  | Hörnli      | 52                                 | 14 | 25,55 |            | 25,55             | 52                            | 14 | 25,55 |
|                | 5  | Hundstock   | 142                                | 59 | 1,96  |            | 1,96              | 142                           | 59 | 1,96  |
|                | 6  | Titlis      | 194                                | 15 | 5,67  | 0          | 5,67              | 194                           | 15 | 5,67  |
|                | 7  | Hangendhorn | 213                                | 44 | 18,88 |            | 18,88             | 213                           | 44 | 18,88 |
|                | 8  | Napf        | 269                                | 47 | 31,81 |            | 31,81             | 269                           | 47 | 31,81 |
|                | 9  | Röthi       | 295                                | 10 | 33,82 |            | 33,82             | 295                           | 10 | 33,82 |
|                | 10 | Wiesen      | 317                                | 59 | 5,83  |            | 5,83              | 317                           | 59 | 5,83  |
|                | 11 | Hasenberg   | 353                                | 31 | 4,97  |            | 4,97              | 353                           | 31 | 4,97  |
| 2. Lägern      | 12 | Rigi        | 0                                  | 0  | 0,00  |            | 0,00              | 180                           | 0  | 0,00  |
|                | 13 | Hasenberg   | 22                                 | 37 | 4,17  | - 2",04    | 2,13              | 202                           | 36 | 62,13 |
|                | 14 | Napf        | 41                                 | 12 | 28,28 | - 2,85     | 25,43             | 221                           | 12 | 25,43 |
|                | 15 | Röthi       | 77                                 | 25 | 19,68 | - 1,22     | 18,46             | 257                           | 25 | 18,46 |
|                | 16 | Wiesen      | 85                                 | 17 | 14,83 | - 0,47     | 14,36             | 265                           | 17 | 14,36 |
|                | 17 | Feldberg    | 153                                | 35 | 9,07  | + 2,29     | 11,36             | 333                           | 35 | 11,36 |
|                | 18 | Hohentwiel  | 232                                | 34 | 17,42 | - 2,78     | 14,64             | 52                            | 34 | 14,64 |
|                | 19 | Hörnli      | 294                                | 19 | 4,34  | + 2,16     | 6,50              | 114                           | 19 | 6,50  |
|                | 20 | Baldernburg | 344                                | 35 | 45,54 | + 1,47     | 47,01             | 164                           | 35 | 47,01 |
|                | 21 | Rigi        | 0                                  | 0  | 0,00  | .          | 0,00              | 232                           | 14 | 25,55 |
| 3. Hörnli      | 22 | Baldernburg | 34                                 | 33 | 4,88  | - 2,86     | 2,02              | 266                           | 47 | 27,57 |
|                | 23 | Hasenberg   | 47                                 | 25 | 53,28 | - 3,05     | 50,23             | 279                           | 40 | 15,78 |
|                | 24 | Lägern      | 62                                 | 4  | 43,43 | - 2,53     | 40,90             | 294                           | 19 | 6,45  |
|                | 25 | Hohentwiel  | 123                                | 14 | 36,05 | + 2,81     | 38,86             | 355                           | 29 | 4,41  |
|                | 26 | Hersberg    | 177                                | 51 | 33,83 | + 0,23     | 34,06             | 50                            | 5  | 59,61 |
|                | 27 | Gäbris      | 223                                | 15 | 33,18 | - 3,06     | 30,12             | 95                            | 29 | 55,67 |
|                | 28 | Hundstock   | 336                                | 32 | 16,92 | + 2,24     | 19,16             | 208                           | 46 | 44,71 |
|                | 29 | Rigi        | 0                                  | 0  | 0,00  | .          | 0,00              | 190                           | 44 | 47,73 |
| 4. Baldernburg | 30 | Hasenberg   | 123                                | 4  | 54,56 | + 0,96     | 55,52             | 313                           | 49 | 43,25 |
|                | 31 | Lägern      | 153                                | 50 | 54,36 | + 0,83     | 55,19             | 344                           | 35 | 42,92 |
|                | 32 | Zürich M.C. | 202                                | 49 | 32,70 | - 0,75     | 31,95             | 33                            | 34 | 19,68 |
|                | 33 | Hörnli      | 256                                | 2  | 40,01 | - 0,49     | 39,52             | 86                            | 47 | 27,25 |
| 5. Hasenberg   | 34 | Rigi        | 0                                  | 0  | 0,00  | .          | 0,00              | 173                           | 31 | 4,97  |
|                | 35 | Lägern      | 209                                | 5  | 58,59 | - 1,53     | 57,06             | 22                            | 36 | 62,03 |
|                | 36 | Hörnli      | 286                                | 9  | 9,29  | + 0,96     | 10,25             | 99                            | 40 | 15,22 |
|                | 37 | Zürich M.C. | 287                                | 29 | 53,57 | + 1,03     | 36,60             | 101                           | 0  | 41,57 |
|                | 38 | Baldernburg | 320                                | 18 | 37,77 | + 1,77     | 39,54             | 133                           | 49 | 44,51 |
| 6. Zürich M.C. | 39 | Rigi        | 0                                  | 0  | 0,00  | .          | 0,00              | 195                           | 34 | 18,03 |
|                | 40 | Baldernburg | 18                                 | 0  | 3,85  | - 0,97     | 2,88              | 213                           | 34 | 20,91 |
|                | 41 | Hasenberg   | 85                                 | 26 | 24,22 | - 0,26     | 23,96             | 281                           | 0  | 41,99 |

### Zusammenstellung der wahren Winkel des Hauptnetzes.

| Station   | Nº | Richtung    | Sphärische Winkel A |    |       | $\Delta A$ | Ebene " | Wahre Azimuthe $\alpha_w$ |     |       |
|-----------|----|-------------|---------------------|----|-------|------------|---------|---------------------------|-----|-------|
| 1. Rigi   | 1  | Lägern      | 0°                  | 0' | 0",00 | 0          | 0",00   | 0°                        | 0'  | 0",00 |
|           | 4  | Hörnli      | 52                  | 14 | 25,43 |            | 25,43   | 52                        | 14  | 25,43 |
|           | 5  | Hundstock   | 142                 | 59 | 1,29  |            | 1,29    | 142                       | 59  | 1,29  |
|           | 6  | Titlis      | 194                 | 15 | 5,63  |            | 5,63    | 194                       | 15  | 5,63  |
|           | 7  | Hangendhorn | 213                 | 44 | 17,10 |            | 17,10   | 213                       | 44  | 17,10 |
|           | 8  | Napf        | 269                 | 47 | 31,31 |            | 31,31   | 269                       | 47  | 31,31 |
|           | 9  | Röthi       | 295                 | 10 | 33,63 |            | 33,63   | 295                       | 10  | 33,63 |
|           | 10 | Wiesen      | 317                 | 59 | 6,93  |            | 6,93    | 317                       | 59  | 6,93  |
| 2. Lägern | 12 | Rigi        | 0                   | 0  | 0,00  | -          | 0,00    | 180                       | 0   | 0,00  |
|           | 14 | Napf        | 41                  | 12 | 29,72 |            | 26,87   | 221                       | 12  | 26,87 |
|           | 15 | Röthi       | 77                  | 25 | 20,82 |            | - 1,22  | 19,60                     | 257 | 25    |
|           | 16 | Wiesen      | 85                  | 17 | 15,17 |            | - 0,47  | 14,70                     | 265 | 17    |
|           | 17 | Feldberg    | 153                 | 35 | 8,83  |            | + 2,29  | 11,12                     | 333 | 35    |
|           | 18 | Hohentwiel  | 232                 | 34 | 16,78 |            | - 2,78  | 14,00                     | 52  | 34    |
|           | 19 | Hörnli      | 294                 | 19 | 4,61  |            | + 2,16  | 6,77                      | 114 | 19    |
|           | 21 | Rigi        | 0                   | 0  | 0,00  |            | 0,00    | 232                       | 14  | 25,43 |
| 3. Hörnli | 24 | Lägern      | 62                  | 4  | 43,87 | -          | 2,53    | 41,34                     | 19  | 6,77  |
|           | 25 | Hohentwiel  | 123                 | 14 | 37,21 |            | + 2,81  | 40,02                     | 355 | 29    |
|           | 26 | Hersberg    | 177                 | 51 | 34,42 |            | + 0,23  | 34,65                     | 50  | 5     |
|           | 27 | Gäbris      | 223                 | 15 | 33,79 |            | - 3,06  | 30,73                     | 95  | 29    |
|           | 28 | Hundstock   | 336                 | 32 | 18,06 |            | + 2,24  | 20,30                     | 208 | 46    |
|           |    |             |                     |    |       |            |         |                           |     |       |
|           |    |             |                     |    |       |            |         |                           |     |       |

Als Grundlänge für die Längenberechnung im ebenen Netze wird die sphärische Länge von Rigi—Lägern, deren Logarithmus = 4,6781487 ist, angenommen.

#### Feste Coordinate der Hauptnetzpunkte.

|           |                    |                    |
|-----------|--------------------|--------------------|
| 1. Rigi   | $X_1 = 0$          | $Y_1 = 0$          |
| 2. Lägern | $X_2 = + 47659,42$ | $Y_2 = 0$          |
| 3. Hörnli | $X_3 = + 30098,58$ | $Y_3 = + 38859,41$ |

#### Coordinate der einzuschaltenden Punkte.

|                 |                          |                         |
|-----------------|--------------------------|-------------------------|
| 4. Baldernburg  | $X_4 = + 28219,80 + x_4$ | $Y_4 = + 5356,14 + y_4$ |
| 5. Hasenberg    | $X_5 = + 37446,40 + x_5$ | $Y_5 = - 4254,52 + y_5$ |
| 6. Zürich M. C. | $X_6 = + 34734,40 + x_6$ | $Y_6 = + 9679,76 + y_6$ |

## Zusammenstellung der Azimuth-Fehlergleichungen.

| Genäherte Azimutthe $\alpha_w$ |    |       | $f =$ | $x_4$    | +        | $y_4$    | +        | $x_5$    | +        | $y_5$    | +        | $x_6$    | +        | $y_6$    | +      | ( $n = \alpha_w - \alpha_g$ ) |
|--------------------------------|----|-------|-------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|----------|--------|-------------------------------|
| 0°                             | 0' | 0",00 | 1     |          |          |          |          |          |          |          |          |          |          |          |        | 0                             |
| 10                             | 44 | 49,02 | 2     | — 1,339  | +        | 7,055    |          | .        |          | .        |          | .        |          | .        |        | +1,29                         |
| 15                             | 34 | 19,08 | 3     | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +1,05  |                               |
| 52                             | 14 | 25,43 | 4     | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -0,12  |                               |
| 142                            | 59 | 1,29  | 5     | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -0,67  |                               |
| 194                            | 15 | 5,63  | 6     | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -0,04  |                               |
| 213                            | 44 | 17,10 | 7     | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -1,78  |                               |
| 269                            | 47 | 31,31 | 8     | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -0,50  |                               |
| 295                            | 10 | 33,63 | 9     | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -0,19  |                               |
| 317                            | 59 | 6,93  | 10    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +1,10  |                               |
| 353                            | 31 | 5,03  | 11    | .        | .        | .        | .        | + 0,618  | + 5,438  | .        | .        | .        | .        | .        | +0,06  |                               |
|                                |    |       |       | (f) =    | — 1,339  | +        | 7,055    | + 0,618  | + 5,438  | — 1,536  | +        | 5,510    | +        | 0,20     |        |                               |
|                                |    |       |       | i=11     | + 0,122  | — 0,641  | — 0,056  | — 0,494  | + 0,140  | + 0,140  | — 0,501  | — 0,501  | — 0,02   |          |        |                               |
| 180                            | 0  | 0,00  | 12    | .        | .        | .        | .        | + 7,169  | — 17,210 | .        | .        | .        | .        | .        | 0      |                               |
| 202                            | 36 | 55,92 | 13    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -6,21  |                               |
| 221                            | 12 | 26,87 | 14    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +1,44  |                               |
| 257                            | 25 | 19,60 | 15    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +1,14  |                               |
| 265                            | 17 | 14,70 | 16    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +0,34  |                               |
| 333                            | 35 | 11,12 | 17    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -0,24  |                               |
| 52                             | 34 | 14,00 | 18    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -0,64  |                               |
| 114                            | 19 | 6,77  | 19    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +0,27  |                               |
| 164                            | 35 | 44,45 | 20    | — 2,717  | — 9,862  | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -2,56  |                               |
|                                |    |       |       | (f) =    | — 2,717  | — 9,862  | + 7,169  | — 17,210 | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -6,46  |                               |
|                                |    |       |       | i=9      | + 0,302  | + 1,096  | — 0,797  | + 1,912  | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +0,72  |                               |
| 232                            | 14 | 25,43 | 21    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -0,12  |                               |
| 266                            | 47 | 25,28 | 22    | + 6,137  | — 0,344  | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -2,29  |                               |
| 279                            | 40 | 18,77 | 23    | .        | .        | .        | .        | + 4,649  | + 0,792  | .        | .        | .        | .        | .        | +2,99  |                               |
| 294                            | 19 | 6,77  | 24    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +0,32  |                               |
| 355                            | 29 | 5,45  | 25    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +1,04  |                               |
| 50                             | 5  | 60,08 | 26    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +0,47  |                               |
| 95                             | 29 | 56,16 | 27    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +0,49  |                               |
| 208                            | 46 | 45,73 | 28    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +1,02  |                               |
|                                |    |       |       | (f) =    | + 6,137  | — 0,344  | + 4,649  | + 0,792  | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +3,92  |                               |
|                                |    |       |       | i=8      | — 0,768  | + 0,043  | — 0,581  | — 0,099  | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -0,49  |                               |
| 190                            | 44 | 49,02 | 29    | — 1,339  | +        | 7,055    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +1,29  |                               |
| 313                            | 49 | 55,21 | 30    | — 11,169 | — 10,722 | + 11,169 | +        | 10,722   | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +11,96 |                               |
| 344                            | 35 | 44,45 | 31    | — 2,717  | — 9,862  | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +1,53  |                               |
| 33                             | 34 | 16,06 | 32    | + 14,588 | — 21,981 | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -3,62  |                               |
| 86                             | 47 | 25,28 | 33    | + 6,137  | — 0,344  | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | .        | -1,97  |                               |
|                                |    |       |       | (f) =    | + 5,500  | — 35,854 | + 11,169 | + 10,722 | — 14,588 | +        | 21,981   | — 4,396  | — 4,396  | — 1,84   |        |                               |
|                                |    |       |       | i=5      | — 1,100  | + 7,171  | — 2,234  | — 2,144  | + 2,918  | — 2,918  | — 4,396  | — 4,396  | — 1,84   |          |        |                               |
| 173                            | 31 | 5,03  | 34    | .        | .        | .        | .        | + 0,618  | + 5,438  | .        | .        | .        | .        | .        | +0,06  |                               |
| 22                             | 36 | 55,92 | 35    | .        | .        | .        | .        | + 7,169  | — 17,210 | .        | .        | .        | .        | .        | -6,11  |                               |
| 99                             | 40 | 18,77 | 36    | .        | .        | .        | .        | + 4,649  | + 0,792  | .        | .        | .        | .        | .        | +3,55  |                               |
| 101                            | 0  | 49,38 | 37    | .        | .        | .        | .        | + 14,263 | + 2,776  | — 14,263 | — 2,776  | — 2,776  | — 2,776  | — 2,776  | +7,81  |                               |
| 133                            | 49 | 55,21 | 38    | — 11,169 | — 10,722 | + 11,169 | +        | 10,722   | .        | .        | .        | .        | .        | .        | +10,70 |                               |
|                                |    |       |       | (f) =    | — 11,169 | — 10,722 | + 37,867 | + 2,518  | — 14,263 | — 2,776  | — 2,776  | — 2,776  | — 2,776  | — 2,776  | +16,01 |                               |
|                                |    |       |       | i=5      | + 2,234  | + 2,144  | — 7,773  | — 0,504  | + 2,853  | + 0,555  | + 0,555  | + 0,555  | + 0,555  | + 0,555  | -3,20  |                               |
| 195                            | 34 | 19,08 | 39    | .        | .        | .        | .        | .        | .        | — 1,536  | +        | 5,510    | +        | 5,510    | +1,05  |                               |
| 213                            | 34 | 16,06 | 40    | + 14,588 | — 21,981 | .        | .        | .        | .        | — 14,588 | +        | 21,981   | +        | 21,981   | -4,85  |                               |
| 281                            | 0  | 49,38 | 41    | .        | .        | .        | .        | + 14,263 | + 2,776  | — 14,263 | — 2,776  | — 2,776  | — 2,776  | — 2,776  | +7,39  |                               |
|                                |    |       |       | (f) =    | + 14,588 | — 21,981 | + 14,263 | + 2,776  | — 30,387 | + 24,715 | + 24,715 | + 24,715 | + 24,715 | + 24,715 | +3,59  |                               |
|                                |    |       |       | i=3      | — 4,863  | + 7,327  | — 4,754  | — 0,925  | + 10,129 | — 8,238  | — 8,238  | — 8,238  | — 8,238  | — 8,238  | -1,20  |                               |

### Normalgleichungen.

|         | $x_4$    | + | $y_4$     | + | $x_5$    | + | $y_5$    | + | $x_6$    | + | $y_6$    | + | (A N) = 0 |
|---------|----------|---|-----------|---|----------|---|----------|---|----------|---|----------|---|-----------|
| Meter   |          |   |           |   |          |   |          |   |          |   |          |   |           |
| $x_4$ = | + 661,13 |   | - 250,81  |   | - 247,86 |   | - 264,32 |   | - 293,84 |   | + 491,41 |   | - 400,17  |
| $y_4$ = | - 250,81 |   | + 1034,06 |   | + 33,96  |   | - 149,63 |   | + 284,44 |   | - 637,08 |   | + 92,53   |
| $x_5$ = | - 247,86 |   | + 33,96   |   | + 415,13 |   | + 42,72  |   | - 121,67 |   | - 225,07 |   | + 256,03  |
| $y_5$ = | - 264,32 |   | - 149,63  |   | + 42,72  |   | + 835,61 |   | - 11,84  |   | - 86,75  |   | + 459,09  |
| $x_6$ = | - 293,84 |   | + 284,44  |   | - 121,67 |   | - 11,84  |   | + 445,91 |   | - 271,72 |   | + 12,42   |
| $y_6$ = | + 491,41 |   | - 637,08  |   | - 225,07 |   | - 86,75  |   | - 271,72 |   | + 737,92 |   | - 277,98  |

### Coordinateverbesserungen.

$$\begin{aligned}
 x_4 &= + 0,4163 \text{ Meter} \\
 y_4 &= - 0,1826 \quad " \\
 x_5 &= - 0,3443 \quad " \\
 y_5 &= - 0,4467 \quad " \\
 x_6 &= + 0,1621 \quad " \\
 y_6 &= - 0,1560 \quad "
 \end{aligned}$$

### Winkelfehler (Verbesserungen) der gemessenen Winkel.

|     |        |     |        |     |        |     |        |
|-----|--------|-----|--------|-----|--------|-----|--------|
| 1.  | 0      | 12. | 0      | 21. | 0      | 34. | 0      |
| 2.  | - 0,55 | 13. | - 0,99 | 22. | + 0,45 | 35. | + 1,69 |
| 3.  | - 0,06 | 14. | + 1,44 | 23. | + 1,16 | 36. | + 4,18 |
| 4.  | - 0,12 | 15. | + 1,14 | 24. | + 0,44 | 37. | + 2,36 |
| 5.  | - 0,67 | 16. | + 0,34 | 25. | + 1,16 | 38. | + 1,95 |
| 6.  | - 0,04 | 17. | - 0,24 | 26. | + 0,59 |     |        |
| 7.  | - 1,78 | 18. | - 0,64 | 27. | + 0,61 | 39. | 0      |
| 8.  | - 0,50 | 19. | + 0,27 | 28. | + 1,14 | 40. | - 0,50 |
| 9.  | - 0,19 | 20. | - 1,89 | 29. | 0      | 41. | - 0,58 |
| 10. | + 1,10 |     |        | 30. | + 1,18 |     |        |
| 11. | - 2,58 |     |        | 31. | + 2,75 |     |        |
|     |        |     |        | 32. | + 1,22 |     |        |
|     |        |     |        | 33. | + 1,20 |     |        |

## Ausgeglichene Winkel und Logarithmen der Seitenlängen.

Den Seitenlängen liegt die provisorische Länge von Chasseral-Röthi, deren Logarithmus = 4,5812516 ist, zu Grunde.

| Nº                         | Richtung.   | Winkel.      | Logarithmen<br>der Entfernung. | Nº                          | Richtung.   | Winkel.      | Logarithmen<br>der Entfernung. |  |  |  |  |
|----------------------------|-------------|--------------|--------------------------------|-----------------------------|-------------|--------------|--------------------------------|--|--|--|--|
| <b>Station Rigi.</b>       |             |              |                                |                             |             |              |                                |  |  |  |  |
| 1                          | Lägern      | 0° 0' 0",00  | 4,6781487                      | 21                          | Rigi        | 0° 0' 0",00  | 4,6915458                      |  |  |  |  |
| 2                          | Baldernburg | 10 44 47,18  | 4,4582497                      | 22                          | Baldernburg | 34 33 5,33   | 4,5257677                      |  |  |  |  |
| 3                          | Zürich M.C. | 15 34 17,97  | 4,5570057 <sub>5</sub>         | 23                          | Hasenberg   | 47 25 54,44  | 4,6408365                      |  |  |  |  |
| 4                          | Hörnli      | 52 14 25,43  | 4,6915458                      | 24                          | Lägern      | 62 4 48,87   | 4,6298453                      |  |  |  |  |
| 5                          | Hundstock   | 142 59 1,29  | 4,3815351                      | 25                          | Hohentwiel  | 123 14 37,21 | 4,6507215                      |  |  |  |  |
| 6                          | Titlis      | 194 15 5,63  | 4,5031362                      | 26                          | Hersberg    | 177 51 34,42 | 4,6545619                      |  |  |  |  |
| 7                          | Hangendhorn | 213 44 17,10 | 4,7227541                      | 27                          | Gäbris      | 223 15 32,79 | 4,5991985                      |  |  |  |  |
| 8                          | Napf        | 269 47 31,31 | 4,6218735                      | 28                          | Hundstock   | 336 32 18,06 | 4,7314723                      |  |  |  |  |
| 9                          | Röthi       | 295 10 33,63 | 4,8806427                      | <b>Station Baldernburg.</b> |             |              |                                |  |  |  |  |
| 10                         | Wiesen      | 317 59 6,93  | 4,7760601                      | 29                          | Rigi        | 0 0 0,00     | 4,4582497                      |  |  |  |  |
| 11                         | Hasenberg   | 353 31 2,39  | 4,5761948                      | 30                          | Hasenberg   | 123 4 55,74  | 4,1245815                      |  |  |  |  |
| <b>Station Lägern.</b>     |             |              |                                |                             |             |              |                                |  |  |  |  |
| 12                         | Rigi        | 0 0 0,00     | 4,6781487                      | 31                          | Lägern      | 153 50 57,11 | 4,3045602                      |  |  |  |  |
| 13                         | Hasenberg   | 22 37 3,18   | 4,0439122                      | 32                          | Zürich M.C. | 202 49 38,92 | 3,8931252                      |  |  |  |  |
| 14                         | Napf        | 41 12 29,72  | 4,8031224                      | 33                          | Hörnli      | 256 2 41,21  | 4,5257677                      |  |  |  |  |
| 15                         | Röthi       | 77 25 20,82  | 4,8478416                      | <b>Station Hasenberg.</b>   |             |              |                                |  |  |  |  |
| 16                         | Wiesen      | 85 17 15,17  | 4,6031622                      | 34                          | Rigi        | 0 0 0,00     | 4,5761948                      |  |  |  |  |
| 17                         | Feldberg    | 153 35 8,83  | 4,7226965                      | 35                          | Lägern      | 209 6 0,28   | 4,0439122                      |  |  |  |  |
| 18                         | Hohentwiel  | 232 34 16,78 | 4,6483225                      | 36                          | Hörnli      | 286 9 18,47  | 4,6408365                      |  |  |  |  |
| 19                         | Hörnli      | 294 19 4,61  | 4,6298453                      | 37                          | Zürich M.C. | 287 29 37,93 | 4,1521628 <sub>5</sub>         |  |  |  |  |
| 20                         | Baldernburg | 344 35 43,65 | 4,3045602                      | 38                          | Baldernburg | 320 18 39,72 | 4,1245815                      |  |  |  |  |
| <b>Station Zürich M.C.</b> |             |              |                                |                             |             |              |                                |  |  |  |  |
| 39                         | Rigi        | 0 0 0,00     | 4,5570057 <sub>5</sub>         | 40                          | Baldernburg | 18 0 3,35    | 3,8931252                      |  |  |  |  |
| 41                         | Hasenberg   | 85 26 23,64  | 4,1521628 <sub>5</sub>         |                             |             |              |                                |  |  |  |  |

Der mittlere Fehler der Gewichtseinheit, d. i. hier der mittlere Fehler an der Richtungsangabe in den Resultaten der Stationsausgleichung ist:

$$m = \pm \sqrt{\frac{32,256}{29}} = \pm 1'',05.$$

### Gewichtsgleichungen.

| Meter   | [ $x_4$ ] | + | [ $y_4$ ] | + | [ $x_5$ ] | + | [ $y_5$ ] | + | [ $x_6$ ] | + | [ $y_6$ ] |
|---------|-----------|---|-----------|---|-----------|---|-----------|---|-----------|---|-----------|
| $x_4 =$ | + 0,0090  |   | - 0,0009  |   | + 0,0062  |   | + 0,0023  |   | + 0,0071  |   | - 0,0020  |
| $y_4 =$ | - 0,0009  |   | + 0,0030  |   | + 0,0012  |   | + 0,0006  |   | + 0,0000  |   | + 0,0036  |
| $x_5 =$ | + 0,0062  |   | + 0,0012  |   | + 0,0097  |   | + 0,0021  |   | + 0,0079  |   | + 0,0030  |
| $y_5 =$ | + 0,0023  |   | + 0,0006  |   | + 0,0021  |   | + 0,0020  |   | + 0,0021  |   | + 0,0007  |
| $x_6 =$ | + 0,0071  |   | + 0,0000  |   | + 0,0079  |   | + 0,0021  |   | + 0,0101  |   | + 0,0017  |
| $y_6 =$ | - 0,0020  |   | + 0,0036  |   | + 0,0030  |   | + 0,0007  |   | + 0,0017  |   | + 0,0074  |

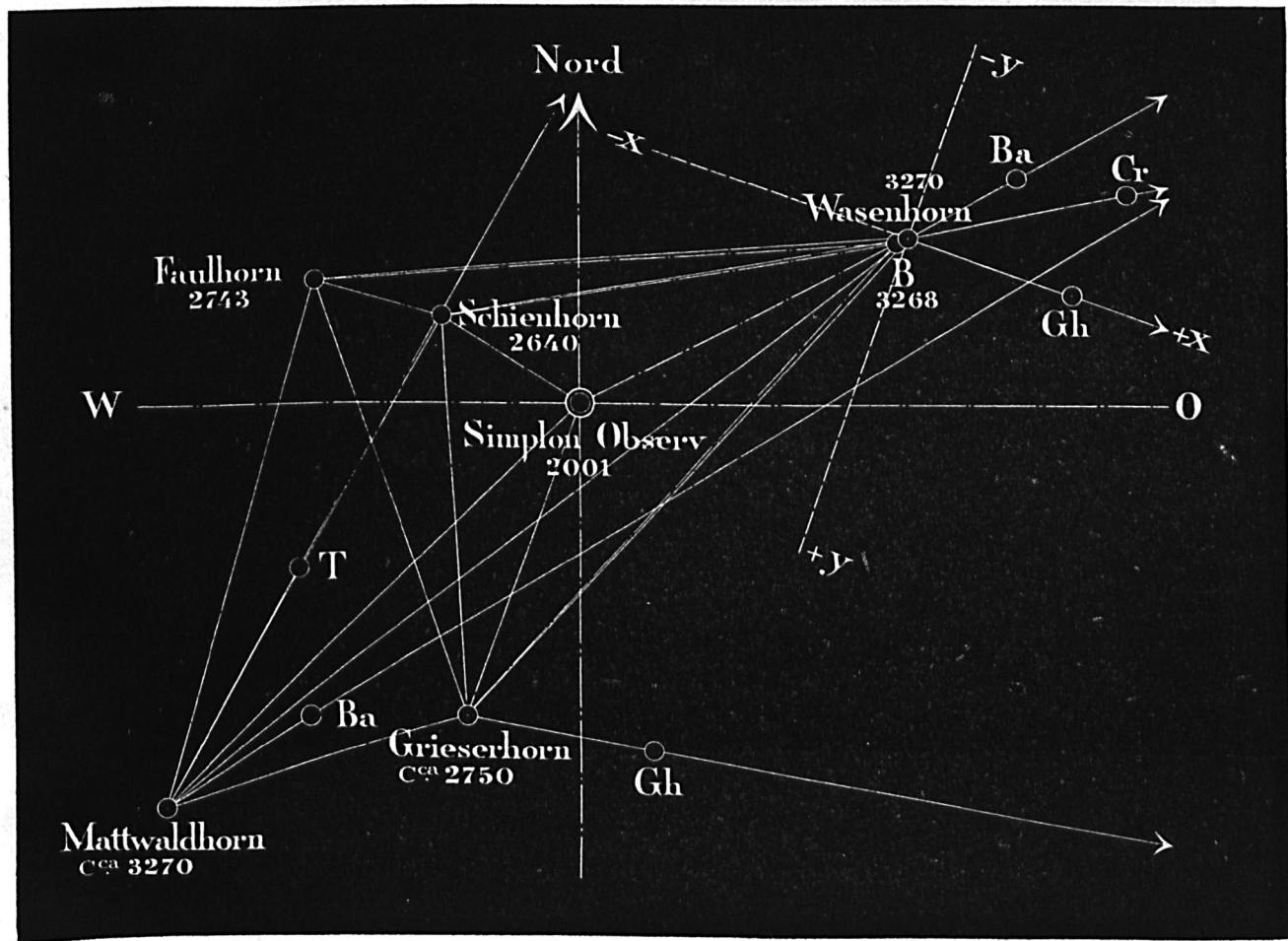
### Mittlere Fehlerellipsen

in Bezug auf das als unveränderlich betrachtete Hauptnetz.

|             | Halbe grosse Axe | halbe kleine Axe | Azimuth der grossen Axe |
|-------------|------------------|------------------|-------------------------|
| Baldernburg | = 0,10 Meter     | = 0,06 Meter     | = 171° 39'              |
| Hasenberg   | = 0,11 ,         | = 0,04 ,         | = 14° 18'               |
| Zürich M.C. | = 0,11 ,         | = 0,08 ,         | = 25° 47'               |

wo unter den Azimutten die Winkel mit Rigi-Lägern verstanden sind.

## Anschluss der astronomischen Station Simplon.



Masstab:

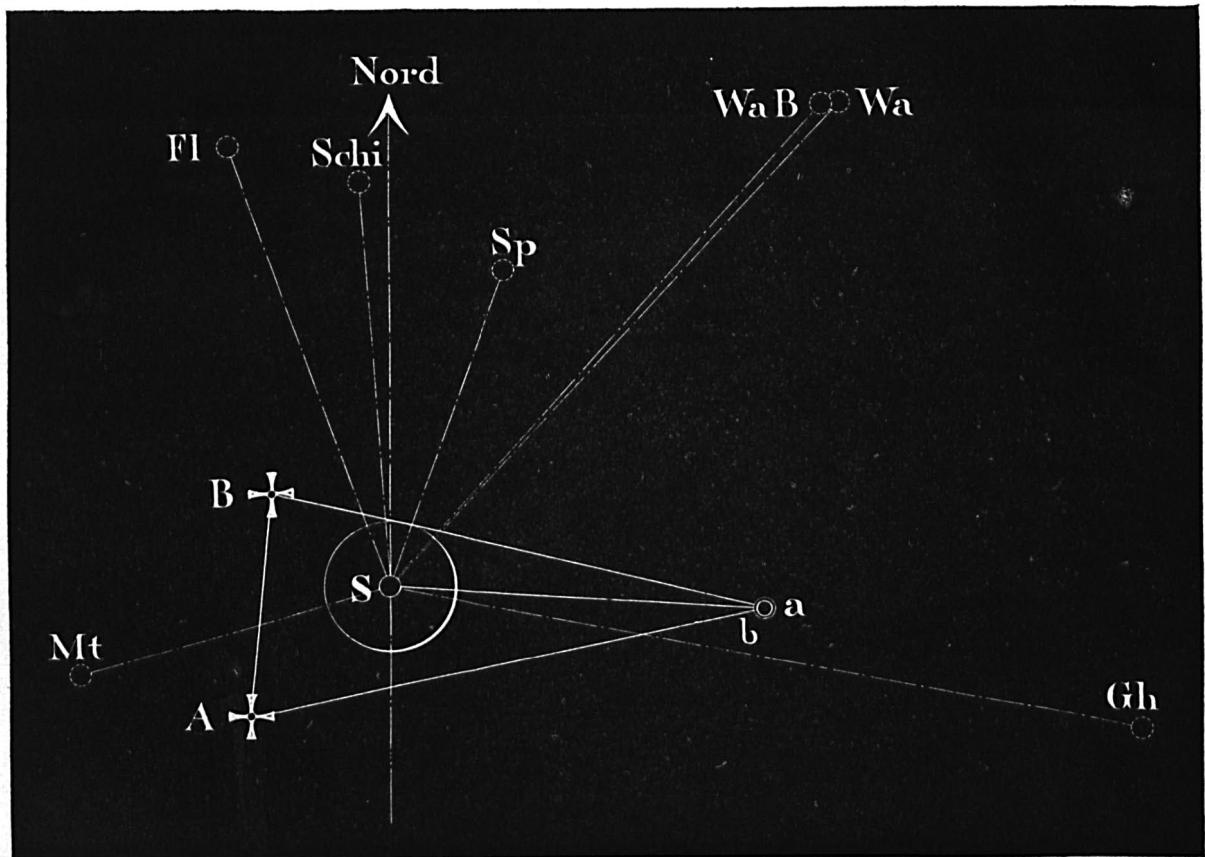
1 : 100000 für die näheren Punkte.

1 : 2000000 für die entfernteren Signale Titlis, Basodine, Cramosino und Ghiridone.

Der astronomisch bestimmte Punkt ist der Mittelpunkt des Beobachtungspfeilers vor dem Hospizgebäude am Simplonpassee.

Der Anschluss an das Hauptnetz wird hergestellt durch Messungen auf den Stationen Wasenhorn und Ghiridone, und durch Visuren nach den Stationen Basodine und Titlis des Hauptnetzes. Als Punkte II. Ordnung treten noch die Stationen Grieserhorn, Mattwaldhorn, Faulhorn, Schienhorn und der Zielpunkt Wasenhorn *B* auf.

## Station Grieserhorn.



Masstab:

1 : 100 für die Station.

1 : 100000 für die nähern Signale.

1 : 500000 für Ghiridone.

Die genäherten Coordinaten sind:

Breite  $46^{\circ} 12', 6$ ; Länge (Ost v. Paris)  $5^{\circ} 40', 4$ ; Höhe 2750 Meter.

Die Station liegt auf dem vorletzten NO Ausläufer des Grieserhorns, SW ob dem Weissbodenhäli. Vom Signalpunkt aus erstreckt sich ein nach Norden felsig abfallender Grat zuerst in OSO, dann in südlicher Richtung nach den westlich Simpeln gelegenen Rossbodenhütten.

Als Centrum der Station ist die Axe  $S$  des kegelförmigen Steinsignales zu betrachten, dessen unterer Durchmesser =  $1^m, 74$  und dessen Höhe = 3 Meter.

Die excentrische Versicherung der Station besteht aus zwei in den Fels eingeschlagenen Kreuzen  $A$  und  $B$ , deren Lage sowohl als die des Centrums von der exzentrischen Theodolitstation  $\alpha$  aus, durch folgende Messung bestimmt wurde:

Richtung: Entfernung:

|                   |    |      |                    |  |
|-------------------|----|------|--------------------|--|
| Mattwaldhorn      | 0° | 0',0 | .                  |  |
| Kreuz A           | 4  | 9,2  | 6 <sup>m</sup> ,93 |  |
| Centrum           | 18 | 30,1 | 4,92               |  |
| Kreuz B           | 29 | 8,0  | 6,66               |  |
| Kreuz A — Kreuz B |    |      | = 2,97             |  |

Die Beobachtungen wurden ausgeführt von Herrn Lechner am 27. VI. 1870 auf excentrischem Standpunkte *a* und am 7. VII. 1870 auf excentrischem Standpunkte *b*, welcher in der Figur mit (a) zusammenfällt.

Die genäherten Entfernungen der anvisirten Objecte sind vom Centrum aus:

|                    |        |        |       |  |
|--------------------|--------|--------|-------|--|
| Faulhorn           | (Fl)   | 6197   | Meter |  |
| Schienhorn         | (Schi) | 5355,6 | "     |  |
| Simplon            | (Sp)   | 4446,6 | "     |  |
| Wasenhorn B (Wa B) |        | 8552,2 | "     |  |
| Wasenhorn (Wa)     |        | 8712,4 | "     |  |
| Ghiridone (Gh)     |        | 50318  | "     |  |
| Mattwaldhorn (Mt)  |        | 4233   | "     |  |

Vom Standpunkte *a* aus sind die genäherten Richtungen und darnach die Centrirungswerte derselben folgende:

|      | Richtung: | Centrirung: |           |
|------|-----------|-------------|-----------|
| S    | 0°        | 0'          | .         |
| Fl   | 68        | 58,6        | + 152",86 |
| Schi | 84        | 39,2        | + 188,66  |
| Sp   | 108       | 19,2        | + 216,66  |
| Wa B | 130       | 9,1         | + 90,70   |
| Wa   | 130       | 39,6        | + 88,36   |
| Gh   | 188       | 14,3        | - 2,89    |
| Mt   | 341       | 29,9        | - 76,08   |

Vom Standpunkte *b* gelten folgende Daten und Resultate:

|      | Richtung: | Centrirung: |          |
|------|-----------|-------------|----------|
| S    | 0°        | 0'          | .        |
| Wa B | 130       | 50,2        | + 89",50 |
| Wa   | 131       | 20,7        | + 87,18  |
| Gh   | 188       | 55,3        | - 3,12   |
| Mt   | 342       | 10,9        | - 73,14  |

Beobachtungen auf Station Grieserhorn.

| Nº 1 Mattwaldhorn-Faulhorn   |      |                   |              |                              |   |                   | Nº 4 Faulhorn-Wasenhorn            |                              |       |                   |      |                              |       | Nº 7 Ghiridone-Mattwaldhorn |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|------------------------------|------|-------------------|--------------|------------------------------|---|-------------------|------------------------------------|------------------------------|-------|-------------------|------|------------------------------|-------|-----------------------------|---|----------------|--------------|----------------|-------|--|--|--|--|--|--|--|--|--|
| Standp. a                    |      |                   | 1870. VI. 27 |                              |   |                   | Standp. a                          |                              |       | 1870. VI. 27      |      |                              |       | Standp. b                   |   |                | 1870. VII. 7 |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Beob.: Lechner               |      | 8" Reichenbach    |              | Beob.: Lechner               |   | 8" Reichenbach    |                                    | Beob.: Lechner               |       | 8" Reichenbach    |      | Beob.: Lechner               |       | 8" Reichenbach              |   | Beob.: Lechner |              | 8" Reichenbach |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0                            | 346° | 0'                | 23",7        | +2",9                        | 0 | 273°              | 14'                                | 30",0                        | +1",7 | 0                 | 213° | 25'                          | 37",5 | +3",0                       | 0 | 213°           | 25'          | 37",5          | +3",0 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1                            | 73   | 28                | 65,0         | +2,7                         | 1 | 334               | 54                                 | 92,5                         | -0,1  | 1                 | 6    | 40                           | 77,5  | -1,4                        | 1 | 6              | 40           | 77,5           | -1,4  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2                            | 160  | 56                | 105,0        | +3,85                        | 2 | 36                | 34                                 | 150,0                        | +3,1  | 2                 | 159  | 55                           | 115,0 | -3,2                        | 2 | 159            | 55           | 115,0          | -3,2  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 3                            | 248  | 24                | 152,5        | -2,5                         | 3 | 98                | 14                                 | 217,5                        | -3,65 | 3                 | 313  | 10                           | 147,5 | 0,0                         | 3 | 313            | 10           | 147,5          | 0,0   |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 4                            | 335  | 52                | 193,7        | -2,6                         | 4 | 159               | 54                                 | 277,5                        | -2,9  | 4                 | 106  | 25                           | 181,2 | +2,0                        | 4 | 106            | 25           | 181,2          | +2,0  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 5                            | 63   | 20                | 235,0        | -2,8                         | 5 | 221               | 34                                 | 336,2                        | -0,9  | 5                 | 259  | 40                           | 220,0 | -1,1                        | 5 | 259            | 40           | 220,0          | -1,1  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 6                            | 150  | 48                | 270,0        | +3,3                         | 6 | 283               | 14                                 | 395,0                        | +1,0  | 6                 | 52   | 55                           | 253,7 | +0,8                        | 6 | 52             | 55           | 253,7          | +0,8  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 7                            | 238  | 16                | 313,7        | +0,75                        | 7 | 344               | 54                                 | 457,5                        | -0,7  | 7                 | 206  | 10                           | 291,2 | -1,0                        | 7 | 206            | 10           | 291,2          | -1,0  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 8                            | 325  | 44                | 361,2        | -5,6                         | 8 | 46                | 34                                 | 515,0                        | +2,5  | 8                 | 359  | 25                           | 325,0 | +0,9                        | 8 | 359            | 25           | 325,0          | +0,9  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| <b>Nº 4</b>                  |      | <b>M = 191,09</b> |              | <b>Nº 4</b>                  |   | <b>M = 274,58</b> |                                    | <b>Nº 4</b>                  |       | <b>M = 183,18</b> |      | <b>Nº 4</b>                  |       | <b>M = 183,18</b>           |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| $x = 87^\circ$               |      | $28' 41",12$      |              | $x = 61^\circ$               |   | $0" 73$           |                                    | $x = 153^\circ$              |       | $15' 35",68$      |      | $x = 153^\circ$              |       | $15' 25",66$                |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| $r = +$                      |      | $3' 48",94$       |              | $r = -$                      |   | $1' 4",50$        |                                    | $r = -$                      |       | $10" 02$          |      | $Nº 7 = 153^\circ$           |       | $14' 25",66$                |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| <b>Nº 1 = 87°</b>            |      | <b>32' 30",06</b> |              | <b>Nº 4 = 61° 39' 56",23</b> |   |                   |                                    |                              |       |                   |      |                              |       |                             |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Nº 2 Faulhorn-Schienhorn     |      |                   |              |                              |   |                   | Nº 5 Mattwaldhorn-Simplon (links)  |                              |       |                   |      |                              |       | Nº 8 Wasenhorn-Ghiridone    |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Standp. a                    |      |                   | 1870. VI. 27 |                              |   |                   | Standp. a                          |                              |       | 1870. VI. 27      |      |                              |       | Standp. b                   |   |                | 1870. VII. 7 |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Beob.: Lechner               |      | 8" Reichenbach    |              | Beob.: Lechner               |   | 8" Reichenbach    |                                    | Beob.: Lechner               |       | 8" Reichenbach    |      | Beob.: Lechner               |       | 8" Reichenbach              |   | Beob.: Lechner |              | 8" Reichenbach |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0                            | 325° | 50'               | 2",5         | -0",05                       | 0 | 163°              | 46'                                | 50",0                        | +0",6 | 0                 | 359° | 30'                          | 25",0 | +0",2                       | 0 | 359°           | 30'          | 25",0          | +0",2 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1                            | 341  | 30                | 36,2         | +0,6                         | 1 | 290               | 34                                 | 70,0                         | -3,0  | 1                 | 57   | 4                            | 62,5  | -0,2                        | 1 | 57             | 4            | 62,5           | -0,2  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2                            | 357  | 10                | 71,2         | -0,1                         | 2 | 57                | 22                                 | 80,0                         | +3,4  | 2                 | 114  | 38                           | 98,7  | +0,7                        | 2 | 114            | 38           | 98,7           | +0,7  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 3                            | 12   | 50                | 106,2        | -0,8                         | 3 | 184               | 10                                 | 100,0                        | -0,3  | 3                 | 172  | 12                           | 137,5 | -1,0                        | 3 | 172            | 12           | 137,5          | -1,0  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 4                            | 28   | 30                | 140,0        | -0,3                         | 4 | 311               | 58                                 | 115,0                        | +1,1  | 4                 | 229  | 46                           | 173,7 | -0,1                        | 4 | 229            | 46           | 173,7          | -0,1  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 5                            | 44   | 10                | 172,5        | +1,5                         | 5 | 77                | 46                                 | 132,5                        | -0,0  | 5                 | 287  | 20                           | 210,0 | +0,7                        | 5 | 287            | 20           | 210,0          | +0,7  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 6                            | 59   | 50                | 208,7        | -0,4                         | 6 | 204               | 34                                 | 151,2                        | -2,4  | 6                 | 344  | 54                           | 251,2 | -3,4                        | 6 | 344            | 54           | 251,2          | -3,4  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 7                            | 75   | 30                | 243,7        | -1,1                         | 7 | 331               | 22                                 | 167,5                        | -2,3  | 7                 | 42   | 28                           | 278,7 | +6,2                        | 7 | 42             | 28           | 278,7          | +6,2  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 8                            | 91   | 10                | 276,2        | +0,7                         | 8 | 98                | 10                                 | 178,7                        | +2,9  | 8                 | 107  | 2                            | 325,0 | -3,0                        | 8 | 107            | 2            | 325,0          | -3,0  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| <b>Nº 4 = 139,69</b>         |      |                   |              | <b>Nº 4 = 116,10</b>         |   |                   |                                    | <b>Nº 4 = 173,59</b>         |       |                   |      |                              |       |                             |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| $x = 15^\circ$               |      | $40' 34",31$      |              | $x = 126^\circ$              |   | $48' 16",37$      |                                    | $x = 57^\circ$               |       | $34' 37",10$      |      | $x = 57^\circ$               |       | $33' 6",80$                 |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| $r = +$                      |      | $35",80$          |              | $r = -$                      |   | $4' 52",74$       |                                    | $r = -$                      |       | $1' 30",30$       |      | $Nº 8 = 57^\circ$            |       | $33' 6",80$                 |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| <b>Nº 2 = 15°</b>            |      | <b>41' 10",11</b> |              | <b>Nº 5 = 126° 53' 9",11</b> |   |                   |                                    |                              |       |                   |      |                              |       |                             |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Nº 3 Schienhorn-Wasenhorn B. |      |                   |              |                              |   |                   | Nº 6 Mattwaldhorn-Simplon (rechts) |                              |       |                   |      |                              |       | Nº 9 Mattwaldhorn-Wasenhorn |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Standp. a                    |      |                   | 1870. VI. 27 |                              |   |                   | Standp. a                          |                              |       | 1870. VI. 27      |      |                              |       | Standp. b                   |   |                | 1870. VII. 7 |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| Beob.: Lechner               |      | 8" Reichenbach    |              | Beob.: Lechner               |   | 8" Reichenbach    |                                    | Beob.: Lechner               |       | 8" Reichenbach    |      | Beob.: Lechner               |       | 8" Reichenbach              |   | Beob.: Lechner |              | 8" Reichenbach |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 0                            | 91°  | 14'               | 36",2        | +0",8                        | 0 | 98°               | 12'                                | 58",7                        | +3",4 | 0                 | 213° | 25'                          | 40",0 | +1",2                       | 0 | 100°           | 7'           | 25",0          | +0",3 |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 1                            | 136  | 43                | 95,0         | +0,6                         | 1 | 225               | 2                                  | 80,0                         | -1,2  | 1                 | 213  | 55                           | 70,0  | -1,5                        | 1 | 249            | 16           | 73,7           | -1,5  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 2                            | 182  | 12                | 156,2        | -2,0                         | 2 | 351               | 52                                 | 96,2                         | -0,6  | 2                 | 38   | 25                           | 116,2 | +2,9                        | 2 | 182            | 34           | 165,0          | +1,1  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 3                            | 228  | 1                 | 213,7        | -0,85                        | 3 | 118               | 42                                 | 112,5                        | -0,1  | 3                 | 214  | 55                           | 122,5 | +0,5                        | 3 | 228            | 43           | 213,7          | -0,7  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 4                            | 273  | 10                | 270,0        | +1,5                         | 4 | 245               | 32                                 | 132,5                        | -3,4  | 4                 | 215  | 25                           | 150,0 | +0,2                        | 4 | 125            | 52           | 258,7          | +1,3  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| <b>Nº 2 = 154,22</b>         |      |                   |              | <b>Nº 4 = 129,14</b>         |   |                   |                                    | <b>Nº 6 = 126° 55' 9",51</b> |       |                   |      |                              |       |                             |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| $x = 45^\circ$               |      | $29' 58",63$      |              | $x = 126^\circ$              |   | $50' 16",77$      |                                    | $x = 0^\circ$                |       | $30' 27",25$      |      | <b>Nº 2 = 95,74</b>          |       |                             |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| $r = -$                      |      | $1' 37",96$       |              | $r = +$                      |   | $4' 52",74$       |                                    | $r = -$                      |       | $2" 32$           |      | <b>Nº 10 = 0° 30' 24",93</b> |       |                             |   |                |              |                |       |  |  |  |  |  |  |  |  |  |

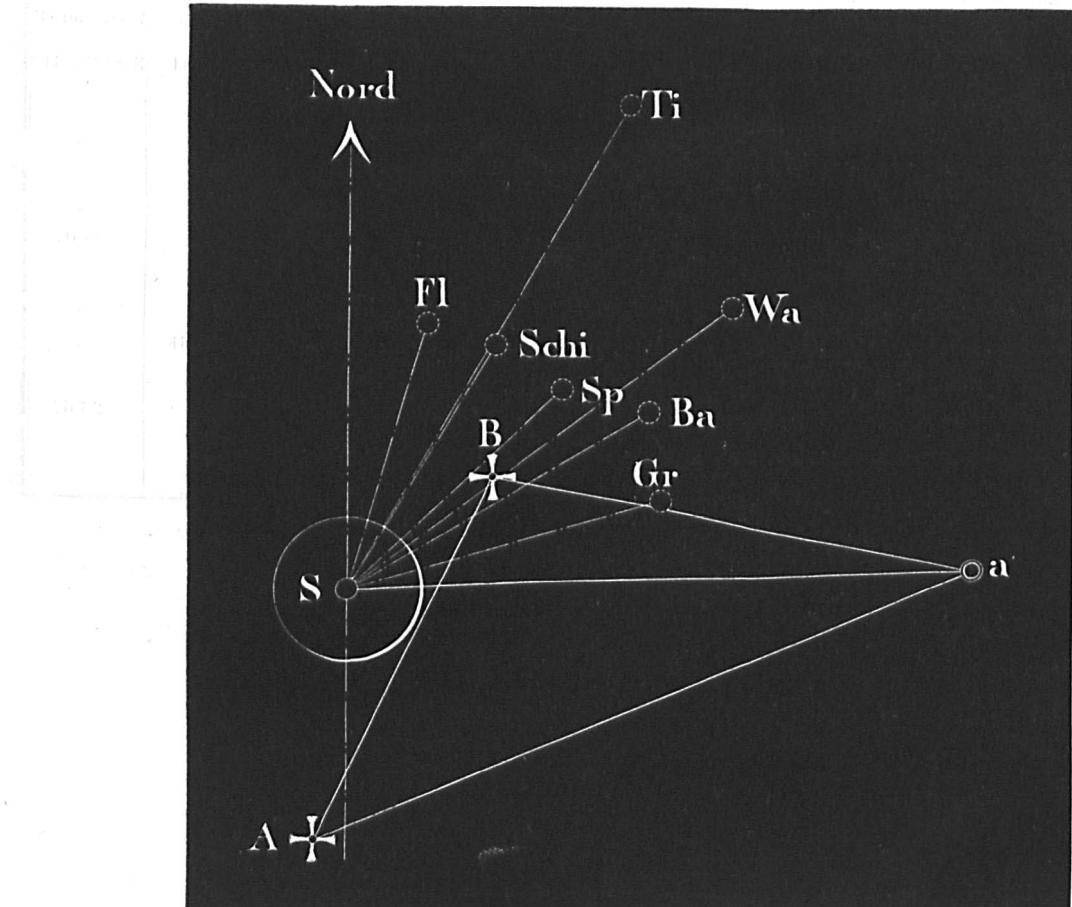
### Zusammenstellung der Satzmittel.

| No. | Beobachter | aus N° | n  | Wasen-horn               | Ghiridone  | Mattwald-horn | Faulhorn    | Schienhorn  | Simplon  | Wasenhorn B  |
|-----|------------|--------|----|--------------------------|------------|---------------|-------------|-------------|----------|--------------|
|     |            |        |    | 0° 0' 0"                 | 57° 33' 7" | 210° 47' 33"  | 298° 20' 3" | 314° 1' 13" | 337° 41' | 359° 29' 34" |
|     |            |        |    | Repetitionsbeobachtungen |            |               |             |             |          |              |
| 1   |            | 8      | 8  | 0 0 0                    | 6,80       | .             | .           | .           | .        | .            |
| 2   |            | 9      | 8  | 0 0 0                    | .          | 32,74         | .           | .           | .        | .            |
| 3   |            | 4      | 8  | 0 0 0                    | .          | .             | .           | .           | .        | .            |
| 4   | Lechner    | 10     | 4  | 0 0 0                    | .          | .             | 3,77        | .           | .        | 35,07        |
| 5   |            | 7      | 8  | .                        | 7,00       | 32,66         | .           | .           | .        | .            |
| 6   | 8" Starke  | 1      | 8  | .                        | .          | 33,00         | 3,06        | .           | .        | .            |
| 7   | 1870.      | 5, 6   | 16 | .                        | .          | 33,00         | .           | .           | 42,31    | .            |
| 8   |            | 2      | 8  | .                        | .          | .             | 3,00        | 13,11       | .        | .            |
| 9   |            | 3      | 4  | .                        | .          | .             | .           | 13,00       | .        | 33,67        |

### Resultate der Stationsausgleichung.

|              |     |    |       |
|--------------|-----|----|-------|
| Wasenhorn    | 0°  | 0' | 0",00 |
| Ghiridone    | 57  | 33 | 7,05  |
| Mattwaldhorn | 210 | 47 | 32,95 |
| Faulhorn     | 298 | 20 | 3,47  |
| Schienhorn   | 314 | 1  | 13,75 |
| Simplon      | 337 | 41 | 42,26 |
| Wasenhorn B  | 359 | 29 | 34,74 |

## Station Mattwaldhorn.



Massstab:

1 : 100 für die Station.

1 : 100000 für die näheren Signale.

1 : 1000000 für die zwei entfernten Punkte Titlis und Basodine.

Die genäherten Coordinaten sind:

Breite  $46^{\circ} 12',0$ ; Länge (Ost v. Paris)  $5^{\circ} 37',2$ ; Höhe 3270 Meter.

Die Station liegt auf der östlichen Culmination des Berges, ober dem östlichen Felsabfall.

Centrum der Station ist die Axe *S* des kegelförmigen Steinsignales, dessen unterer Durchmesser =  $1^m,92$  und dessen Höhe =  $2^m,7$  ist.

Die excentrische Versicherung der Station besteht aus zwei in den Fels gehauenen Kreuzen *A* und *B* von denen letzteres beinahe in der Verbindungsline Centrum—Wasenhorn liegt. Die Lage des Centrums und der zwei Kreuze wurde von der excentrischen Theodolitstation *a* aus durch folgende Messungen bestimmt:

|                                 | Richtung: | Entfernung:        |
|---------------------------------|-----------|--------------------|
| Wasenhorn                       | 0° 0',0   | .                  |
| Kreuz <i>A</i>                  | 193 53,0  | 9 <sup>m</sup> ,39 |
| Centrum                         | 214 15,0  | 8,19               |
| Kreuz <i>B</i>                  | 226 46,0  | 6,36               |
| Kreuz <i>A</i> — Kreuz <i>B</i> |           | = 5,34             |

Die Beobachtungen wurden ausgeführt von Herrn Lechner am 4., 5. und 6. VII. 1870 auf excentrischem Standpunkt *a*.

Vom Centrum der Station aus sind die genäherten Entfernungen der anvisirten Objecte folgende:

|                   |            |
|-------------------|------------|
| Faulhorn (Fl)     | 7353 Meter |
| Titlis (Ti)       | 73700 "    |
| Schienhorn (Schi) | 7548 "     |
| Simplon (Sp)      | 7765 "     |
| Wasenhorn (Wa)    | 12537 "    |
| Basodine (Ba)     | 46049 "    |
| Grieserhorn (Gr)  | 4233 "     |

Vom Standpunkte *a* aus sind die genäherten Richtungen und darnach die Centrirungswerte derselben folgende:

|      | Richtung: | Centrirung: |
|------|-----------|-------------|
| S    | 0° 0',0   | .           |
| Fl   | 109 12,0  | + 216",97   |
| Ti   | 122 40,2  | + 19,30     |
| Schi | 122 52,4  | + 187,97    |
| Sp   | 139 19,0  | + 141,82    |
| Wa   | 145 45,0  | + 75,83     |
| Ba   | 151 35,8  | + 17,47     |
| Schi | 166 35,1  | + 92,59     |

Beobachtungen auf Station Mattwaldhorn.

| Nº 1 Wasenhorner-Basodine |     |                |       | Nº 4 Schienhorn-Simplon (links)  |        |                |       | Nº 7 Wasenhorner-Grieserhorn |        |                |       |
|---------------------------|-----|----------------|-------|----------------------------------|--------|----------------|-------|------------------------------|--------|----------------|-------|
| Standp. a                 |     | 1870. VII. 4   |       | Standp. a                        |        | 1870. VII. 6   |       | Standp. a                    |        | 1870. VII. 6   |       |
| Beob.: Lechner            |     | 8" Reichenbach |       | Beob.: Lechner                   |        | 8" Reichenbach |       | Beob.: Lechner               |        | 8" Reichenbach |       |
| 0 84°                     | 48' | 51",2          | -0",2 | 0 178°                           | 48'    | 31",2          | -1",1 | 0 224°                       | 26'    | 13",7          | +2",5 |
| 1 90                      | 38  | 96,2           | -1,9  | 1 195                            | 14     | 33,7           | +0,7  | 1 245                        | 16     | 18,7           | -1,15 |
| 2 96                      | 28  | 136,2          | +1,35 | 2 211                            | 40     | 35,0           | +3,6  | 2 266                        | 6      | 21,2           | -2,3  |
| 3 102                     | 18  | 185,0          | -4,2  | 3 228                            | 6      | 43,7           | -0,8  | 3 286                        | 56     | 21,1           | -0,9  |
| 4 108                     | 8   | 220,0          | +4,1  | 4 244                            | 32     | 46,2           | +1,0  | 4 307                        | 46     | 20,0           | +1,7  |
| 5 113                     | 58  | 265,0          | +2,4  | 5 260                            | 58     | 56,3           | -4,8  | 5 328                        | 36     | 23,7           | -0,6  |
| 6 119                     | 48  | 308,7          | +2,0  | 6 277                            | 24     | 57,5           | -1,7  | 6 349                        | 26     | 23,7           | +0,75 |
| 7 125                     | 38  | 353,7          | +0,3  | 7 293                            | 50     | 60,0           | +0,0  |                              |        |                |       |
| 8 131                     | 28  | 401,2          | -3,9  | 8 310                            | 16     | 61,2           | +3,1  |                              |        |                |       |
| N = 4                     |     | M = 224",13    |       | N = 4                            |        | M = 47",20     |       | N = 3                        |        | M = 20,31      |       |
| x = 5°                    | 50' | 43",29         |       | x = 16°                          | 26'    | 4",28          |       | x = 20°                      | 50'    | 1",38          |       |
| r = - 58",36              |     |                |       | r = - 46",15                     |        |                |       | r = + 16",76                 |        |                |       |
| Nº 1 = 5°                 | 49' | 44",93         |       | Nº 4 = 16°                       | 25'    | 18",13         |       | Nº 7 = 20°                   | 50'    | 18",14         |       |
| Nº 2 Titlis-Wasenhorner   |     |                |       | Nº 5 Schienhorn-Simplon (rechts) |        |                |       | Nº 8 Schienhorn-Wasenhorner  |        |                |       |
| Standp. a                 |     | 1870. VII. 5   |       | Standp. a                        |        | 1870. VII. 6   |       | Standp. a                    |        | 1870. VII. 6   |       |
| Beob.: Lechner            |     | 8" Reichenbach |       | Beob.: Lechner                   |        | 8" Reichenbach |       | Beob.: Lechner               |        | 8" Reichenbach |       |
| 0 91°                     | 12' | 3",7           | -3",7 | 0 310°                           | 17'    | 1",2           | +2",2 | 0 41°                        | 24'    | 51",2          | +4",0 |
| 1 114                     | 16  | 58,8           | -2,8  | 1 326                            | 44     | 13,7           | +0,9  | 1 64                         | 16     | 98,7           | -4,8  |
| 2 137                     | 20  | 103,7          | -0,9  | 2 343                            | 11     | 27,5           | -1,7  | 2 87                         | 8      | 131,2          | +1,4  |
| 3 160                     | 24  | 157,5          | -4,2  | 3 359                            | 38     | 38,7           | -1,6  | 3 110                        | 0      | 171,2          | +0,1  |
| 4 183                     | 28  | 203,7          | -1,8  | 4 16                             | 5      | 50,0           | -1,7  | 4 132                        | 52     | 211,2          | -1,2  |
| 5 206                     | 32  | 250,0          | +0,5  | 5 32                             | 32     | 60,0           | -0,5  | 5 155                        | 44     | 251,2          | -2,5  |
| 6 229                     | 36  | 297,5          | +1,65 | 6 48                             | 59     | 68,7           | +2,1  | 6 178                        | 36     | 285,0          | +2,4  |
| 7 252                     | 40  | 350,0          | -2,2  | 7 65                             | 26     | 83,7           | -1,7  | 7 201                        | 28     | 325,0          | +1,1  |
| 8 275                     | 44  | 397,5          | --1,1 | 8 81                             | 53     | 91,2           | +2,0  | 8 224                        | 20     | 365,0          | -0,2  |
| 9 298                     | 48  | 442,5          | +2,5  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| 10 321                    | 52  | 488,7          | +5,0  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| 11 344                    | 56  | 538,7          | +3,5  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| 12 8                      | 0   | 591,2          | -0,3  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| 13 31                     | 4   | 641,2          | -1,6  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| 14 54                     | 8   | 688,7          | -0,5  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| 15 77                     | 12  | 740,0          | -3,2  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| N = 7                     |     | M = 347",78    |       | N = 4                            |        | M = 48",30     |       | N = 4                        |        | M = 209",97    |       |
| x = 23°                   | 4'  | 48",63         |       | x = 16°                          | 27'    | 11",23         |       | x = 22°                      | 52'    | 38",70         |       |
| r = + 56",53              |     |                |       | r = - 46",15                     |        |                |       | r = - 1'                     | 52",14 |                |       |
| Nº 2 = 23°                | 5'  | 45",16         |       | Nº 5 = 16°                       | 26'    | 25",08         |       | Nº 8 = 22°                   | 50'    | 46",56         |       |
| Nº 3 Faulhorn-Schienhorn  |     |                |       | Nº 6 Faulhorn-Wasenhorner        |        |                |       | Nº 9 Wasenhorner-Grieserhorn |        |                |       |
| Standp. a                 |     | 1870. VII. 6   |       | Standp. a                        |        | 1870. VII. 6   |       | Standp. a                    |        | 1870. VII. 6   |       |
| Beob.: Lechner            |     | 8" Reichenbach |       | Beob.: Lechner                   |        | 8" Reichenbach |       | Beob.: Lechner               |        | 8" Reichenbach |       |
| 0 1°                      | 3'  | 36",2          | -4",3 | 0 81°                            | 54'    | 31",2          | +1",5 | 0 349°                       | 26'    | 23",7          | -0",2 |
| 1 14                      | 43  | 56,2           | -1,4  | 1 118                            | 26     | 93,7           | -1,1  | 1 10                         | 16     | 26,2           | -0,7  |
| 2 28                      | 23  | 76,2           | +1,6  | 2 154                            | 58     | 152,5          | +0,0  | 2 31                         | 6      | 26,2           | +1,3  |
| 3 42                      | 3   | 97,5           | +3,2  | 3 191                            | 30     | 211,2          | +1,2  | 3 51                         | 56     | 28,7           | +0,8  |
| 4 55                      | 43  | 118,7          | +5,0  | 4 228                            | 2      | 273,7          | -1,4  | 4 72                         | 46     | 32,5           | -1,0  |
| 5 69                      | 23  | 146,2          | +0,4  | 5 264                            | 34     | 333,7          | -1,5  |                              |        |                |       |
| 6 83                      | 3   | 170,0          | -0,4  | 6 301                            | 6      | 392,5          | -0,4  |                              |        |                |       |
| 7 96                      | 43  | 202,5          | -10,0 | 7 337                            | 38     | 452,5          | -0,5  |                              |        |                |       |
| 8 110                     | 23  | 212,5          | +3,0  | 8 14                             | 10     | 510,0          | +1,9  |                              |        |                |       |
| 9 124                     | 3   | 233,7          | +4,7  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| 10 137                    | 43  | 257,5          | +3,9  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| 11 151                    | 23  | 286,2          | -1,9  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| 12 165                    | 3   | 310,0          | -2,7  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| 13 178                    | 43  | 331,2          | -1,0  |                                  |        |                |       |                              |        |                |       |
| N = 6                     |     | M = 169",57    |       | N = 4                            |        | M = 272",33    |       | N = 2                        |        | M = 27,46      |       |
| x = 13°                   | 40' | 22",95         |       | x = 36°                          | 32'    | 59",90         |       | x = 20°                      | 50'    | 2",00          |       |
| r = - 29",00              |     |                |       | r = - 2'                         | 21",14 |                |       | r = + 16",76                 |        |                |       |
| Nº 3 = 13°                | 39' | 53",95         |       | Nº 6 = 36°                       | 30'    | 38",76         |       | Nº 9 = 20°                   | 50'    | 18",76         |       |

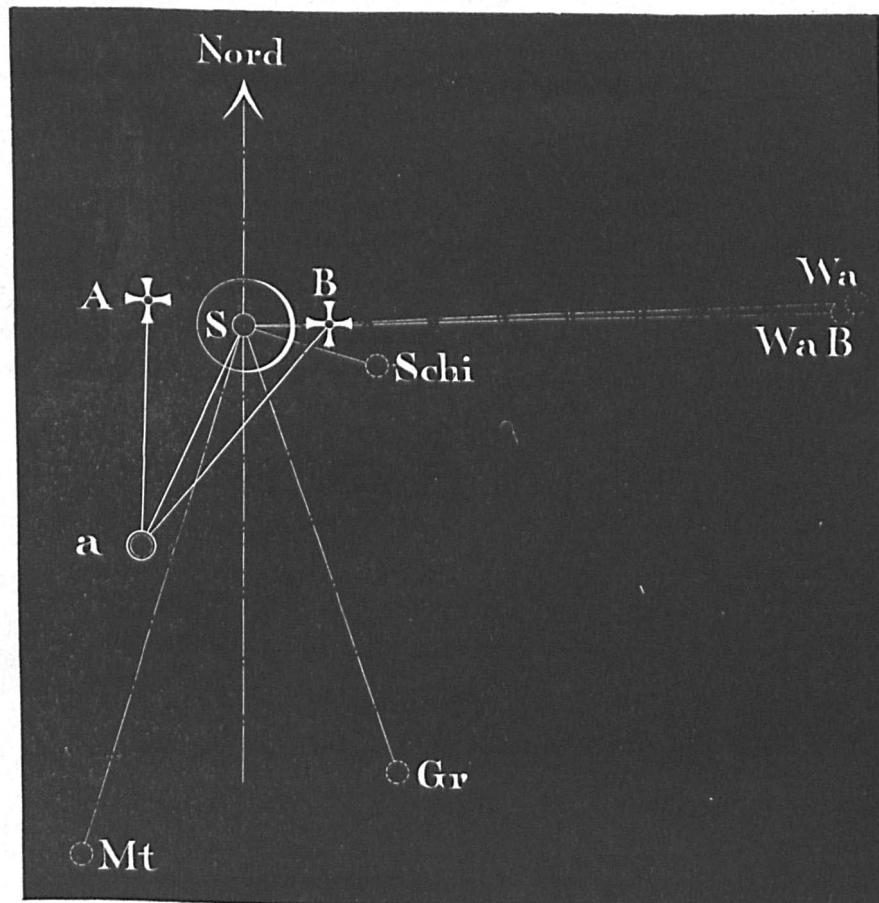
## Zusammenstellung der Satzmittel

| Nº | Beobachter               | aus Nº | n  | Wasen-horn | Basodine | Grieserhorn | Faulhorn | Titlis   | Schienhorn | Simplon  |
|----|--------------------------|--------|----|------------|----------|-------------|----------|----------|------------|----------|
|    |                          |        |    | 0° 0' 0"   | 5° 49'   | 20° 50'     | 323° 29' | 336° 54' | 337° 9'    | 353° 35' |
|    | Repetitionsbeobachtungen |        |    |            |          |             |          |          |            |          |
| 1  |                          | 1      | 8  | 0 0 0      | 44,93    | .           | .        | .        | .          | .        |
| 2  |                          | 7, 9   | 10 | 0 0 0      | .        | 18,39       | .        | .        | .          | .        |
| 3  | Lechner                  | 6      | 8  | 0 0 0      | .        | .           | 21,24    | .        | .          | .        |
| 4  | 8" Reichenbach           | 2      | 15 | 0 0 0      | .        | .           | .        | 14,84    | .          | .        |
| 5  | 1870.                    | 8      | 8  | 0 0 0      | .        | .           | .        | .        | 13,44      | .        |
| 6  |                          | 3      | 13 | .          | .        | .           | 21,24    | .        | 15,19      | .        |
| 7  |                          | 4, 5   | 16 | .          | .        | .           | .        | .        | 15,19      | 6,79     |

## Resultate der Stationsausgleichung.

|             |     |    |       |
|-------------|-----|----|-------|
| Wasenhorn   | 0°  | 0' | 0",00 |
| Basodine    | 5   | 49 | 44,93 |
| Grieserhorn | 20  | 50 | 18,39 |
| Faulhorn    | 323 | 29 | 20,57 |
| Titlis      | 336 | 54 | 14,84 |
| Schienhorn  | 337 | 9  | 14,11 |
| Simplon     | 353 | 35 | 5,71  |

## Station Faulhorn.



Masstab:

1 : 100 für die Station.

1 : 100000 für die entfernten Signale.

Genäherte Coordinaten:

Breite  $46^{\circ} 15',7$ ; Länge (Ost v. Paris) =  $5^{\circ} 38',8$ ; Höhe 2743 Meter.

Die Station liegt  $5/4$  Stunden südlich von Brig, auf der südlichen ziemlich flachen Culmination des Berges.

Centrum der Station ist die Axe  $S$  des kegelförmigen Steinsignales, dessen unterer Durchmesser =  $1^m,26$  und dessen Höhe =  $2^m,4$  ist.

Zwei in den Fels gehauene Kreuze *A* und *B*, deren Verbindungsline etwas nördlich des Centrums fällt, bilden die excentrische Versicherung.

Von der südöstlich vom Signale liegenden excentrischen Theodolitstation *a* wurde die Lage des Centrums und der zwei Kreuze durch folgende Messung bestimmt:

|                | Richtung: | Entfernung:        |
|----------------|-----------|--------------------|
| Wasenhorn      | 0° 0',0   | .                  |
| Kreuz <i>A</i> | 275 25,0  | 3 <sup>m</sup> ,24 |
| Centrum        | 297 2,3   | 3,27               |
| Kreuz <i>B</i> | 312 30,3  | 3,87               |

Die Beobachtungen wurden ausgeführt von Herrn Lechner am 30. VI. 1870 auf excentrischem Standpunkte *a*.

Die genäherten Entfernungen der anvisirten Signale sind folgende:

|                    |            |
|--------------------|------------|
| Wasenhorn (Wa)     | 7941 Meter |
| Wasenhorn B (Wa B) | 7772,3 "   |
| Schienhorn (Schi)  | 1783,2 "   |
| Grieserhorn (Gr)   | 6197 "     |
| Mattwaldhorn (Mt)  | 7353 "     |

Vom Standpunkte *a* aus sind die genäherten Richtungen und darnach die Centrirungswerte folgende:

|      | Richtung: | Entfernung: |              |
|------|-----------|-------------|--------------|
| S    | 0° 0',0   | .           |              |
| Wa   | 62 57,7   | + 75",65    |              |
| Wa B | 63 22,1   | + 77,57     |              |
| Schi | 83 32,0   | + 375,84    |              |
| Gr   | 137 54,8  | + 72,95     |              |
| Mt   | 173 2,4   | + 11,12     |              |
|      |           |             | $d = 3^m,27$ |

Beobachtungen auf Station Faulhorn.

| Nº 1 Schienhorn—Grieserhorn   |              |             |  | Nº 3 Mattwaldhorn—Wasenhorn |              |             |  | Nº 5 Wasenhorn—Wasenhorn (B) |              |             |  |
|-------------------------------|--------------|-------------|--|-----------------------------|--------------|-------------|--|------------------------------|--------------|-------------|--|
| Standp. $\alpha$              | 1870. VI. 30 |             |  | Standp. $\alpha$            | 1870. VI. 30 |             |  | Standp. $\alpha$             | 1870. VI. 30 |             |  |
| Beob.: Lechner                | 8"           | Reichenbach |  | Beob.: Lechner              | 9"           | Reichenbach |  | Beob.: Lechner               | 8"           | Reichenbach |  |
| 0 67° 53'                     | 36",2        | -1",8       |  | 0 63° 56'                   | 25",0        | +1",0       |  | 0 67° 53'                    | 11",2        | -1",2       |  |
| 1 122 15                      | 78,7         | +3,45       |  | 1 313 51                    | 48,7         | -2,5        |  | 1 68 17                      | 36,2         | -0,9        |  |
| 2 176 37                      | 132,5        | -2,6        |  | 2 203 46                    | 67,5         | -1,1        |  | 2 68 41                      | 57,5         | +3,2        |  |
| 3 230 59                      | 177,5        | +0,15       |  | 3 93 41                     | 85,0         | +1,6        |  | 3 69 5                       | 85,0         | +1,1        |  |
| 4 285 21                      | 225,0        | +0,4        |  | 4 343 36                    | 108,7        | -1,9        |  | 4 69 29                      | 113,7        | -2,2        |  |
| 5 339 43                      | 270,0        | +3,15       |  | 5 233 31                    | 122,5        | +4,5        |  |                              |              |             |  |
| 6 34 5                        | 323,7        | -2,8        |  | 6 123 26                    | 147,5        | -0,3        |  |                              |              |             |  |
| 7 88 27                       | 368,7        | +0,05       |  | 7 193 21                    | 165,0        | +2,4        |  |                              |              |             |  |
| 8 142 49                      | 416,3        | +0,1        |  | 8 263 16                    | 191,2        | -3,65       |  |                              |              |             |  |
| N = 4                         | M = 225,40   |             |  | N = 4                       | M = 106,79   |             |  | N = 2                        | M = 60,72    |             |  |
| x = 54° 22' 47",75            |              |             |  | x = 249° 55' 20",19         |              |             |  | x = 0° 24' 25",38            |              |             |  |
| r = - 5' 2",89                |              |             |  | r = + 1' 4",53              |              |             |  | r = + 1",92                  |              |             |  |
| Nº 1 = 54° 17' 44",86         |              |             |  | Nº 3 = 249° 56' 24",72      |              |             |  | Nº 5 = 0° 24' 27",30         |              |             |  |
| Nº 2 Grieserhorn—Mattwaldhorn |              |             |  | Nº 4 Wasenhorn—Schienhorn   |              |             |  |                              |              |             |  |
| Standp. $\alpha$              | 1870. VI. 30 |             |  | Standp. $\alpha$            | 1870. VI. 30 |             |  | Standp. $\alpha$             | 1870. VI. 30 |             |  |
| Beob.: Lechner                | 8"           | Reichenbach |  | Beob.: Lechner              | 8"           | Reichenbach |  | Beob.: Lechner               | 8"           | Reichenbach |  |
| 0 142° 55'                    | 56",3        | +1",45      |  | 0 263° 19'                  | 11",2        | -3",8       |  |                              |              |             |  |
| 1 178 2                       | 91,2         | -0,3        |  | 1 283 53                    | 22,5         | +0,2        |  |                              |              |             |  |
| 2 213 9                       | 123,7        | +0,4        |  | 2 304 27                    | 33,7         | +4,3        |  |                              |              |             |  |
| 3 248 16                      | 161,2        | -4,0        |  | 3 325 1                     | 51,2         | +2,1        |  |                              |              |             |  |
| 4 283 23                      | 191,2        | -0,8        |  | 4 345 35                    | 70,0         | -1,4        |  |                              |              |             |  |
| 5 318 30                      | 221,2        | +2,35       |  | 5 6 9                       | 86,2         | -2,3        |  |                              |              |             |  |
| 6 353 37                      | 255,0        | +1,7        |  | 6 26 43                     | 96,2         | +3,0        |  |                              |              |             |  |
| 7 28 44                       | 288,7        | +1,2        |  | 7 47 17                     | 115,0        | -0,55       |  |                              |              |             |  |
| 8 63 51                       | 325,0        | -2,0        |  | 8 67 51                     | 131,2        | -1,5        |  |                              |              |             |  |
| N = 4                         | M = 190",39  |             |  | N = 4                       | M = 68,58    |             |  | N = 4                        | M = 68,58    |             |  |
| x = 35° 7' 33",16             |              |             |  | x = 20° 34' 15",29          |              |             |  | x = + 5' 0",19               |              |             |  |
| r = - 1' 1",83                |              |             |  | r = +                       |              |             |  | Nº 4 = 20° 39' 15",48        |              |             |  |
| Nº 2 = 35° 6' 31",33          |              |             |  |                             |              |             |  |                              |              |             |  |

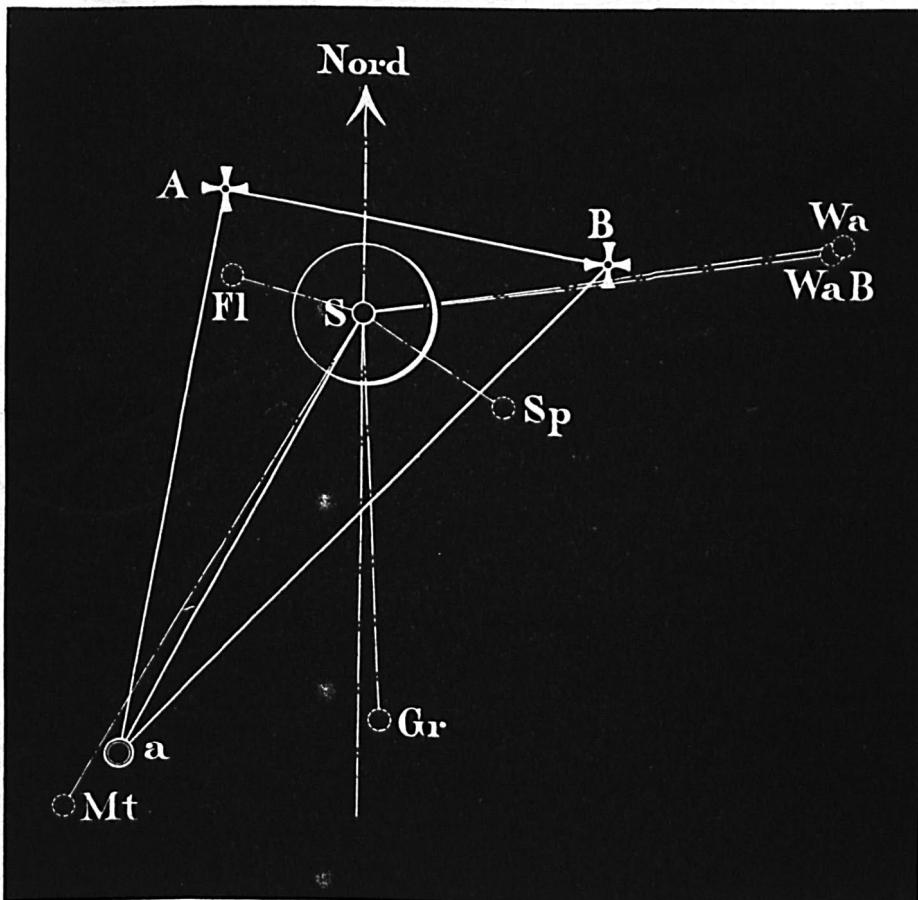
Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº | Beobachter               | Nº der Beob. | n | Wasenhorn | Wasenhorn B | Schienhorn | Grieserhorn | Mattwaldhorn |
|----|--------------------------|--------------|---|-----------|-------------|------------|-------------|--------------|
|    | Repetitionsbeobachtungen |              |   | 0° 0' 0"  | 0° 24'      | 20° 39'    | 74° 57'     | 110° 3'      |
| 1  | Lechner                  | 5            | 4 | 0 0 0     | 27",30      | .          | .           | .            |
| 2  |                          | 4            | 8 | 0 0 0     | .           | 15",48     |             | .            |
| 3  | 8" Reichenbach           | 1            | 8 | .         | .           | 15,48      | 0",34       | 31",67       |
| 4  |                          | 2            | 8 | .         | .           | .          | 0,34        | 35,28        |
| 5  | 1870                     | 3            | 8 | 0 0 0     | .           | .          | .           |              |

Resultate der Stationsausgleichung.

|              |     |    |       |
|--------------|-----|----|-------|
| Wasenhorn    | 0°  | 0' | 0,"00 |
| Wasenhorn B  | 0   | 24 | 27,30 |
| Schienhorn   | 20  | 39 | 16,39 |
| Grieserhorn  | 74  | 57 | 2,15  |
| Mattwaldhorn | 110 | 3  | 34,38 |

## Station Schienhorn.



Masstab:

1 : 100 für die Station selbst.

1 : 100000 für die entfernten Signale.

Genäherte Coordinaten:

Breite  $46^{\circ} 15'',5$ ; Länge (Ost v. Paris) =  $5^{\circ} 40',2$ ; Höhe 2640 Meter.

Die Station liegt auf der südwestlichen Culmination des Berges. Als Centrum derselben ist die Axe  $S$  des kegelförmigen Steinsignales angesehen, dessen unterer Durchmesser =  $1^m,86$  und dessen Höhe =  $2^m,4$  ist.

Zur excentrischen Versicherung dienen zwei in den Fels eingehauene Kreuze *A* und *B*, deren Lage sowohl als die des Centrums von der excentrischen Theodolitstation *a* aus durch folgende Messungen bestimmt wurde:

|                                 | Richtung: | Entfernung:        |
|---------------------------------|-----------|--------------------|
| Grieserhorn                     | 0° 0',0   | .                  |
| Kreuz <i>A</i>                  | 192 35,5  | 7 <sup>m</sup> ,59 |
| Centrum                         | 210 9,7   | 6,66               |
| Kreuz <i>B</i>                  | 225 56,2  | 9,06               |
| Kreuz <i>A</i> — Kreuz <i>B</i> |           | = 4,98             |

Die Beobachtungen wurden ausgeführt von Herrn Lechner am 29. VI. 1870 auf excentrischem Standpunkte *a*.

Die genäherten Entfernungen der anvisirten Objecte vom Centrum sind:

|              |        |            |
|--------------|--------|------------|
| Wasenhorn    | (Wa)   | 6304 Meter |
| Wasenhorn B  | (Wa B) | 6130,6 "   |
| Simplon      | (Sp)   | 2198,7 "   |
| Grieserhorn  | (Gr)   | 5355,6 "   |
| Mattwaldhorn | (Mt)   | 7548 "     |
| Faulhorn     | (Fl)   | 1783,2 "   |

Vom Standpunkte *a* aus sind die genäherten Richtungen und darnach die Centrirungswerte folgende:

|      | Richtung: | Centrirung: |
|------|-----------|-------------|
| S    | 0° 0',0   | .           |
| Wa   | 53 27,6   | + 175",08   |
| Wa B | 53 48,9   | + 180,85    |
| Sp   | 95 24,5   | + 622,00    |
| Gr   | 149 50,3  | + 128,88    |
| Mt   | 182 57,7  | - 9,40      |
| Fl   | 260 6,0   | - 758,88    |

$d = 6^m,66$

## **Beobachtungen auf Station Schienhorn.**

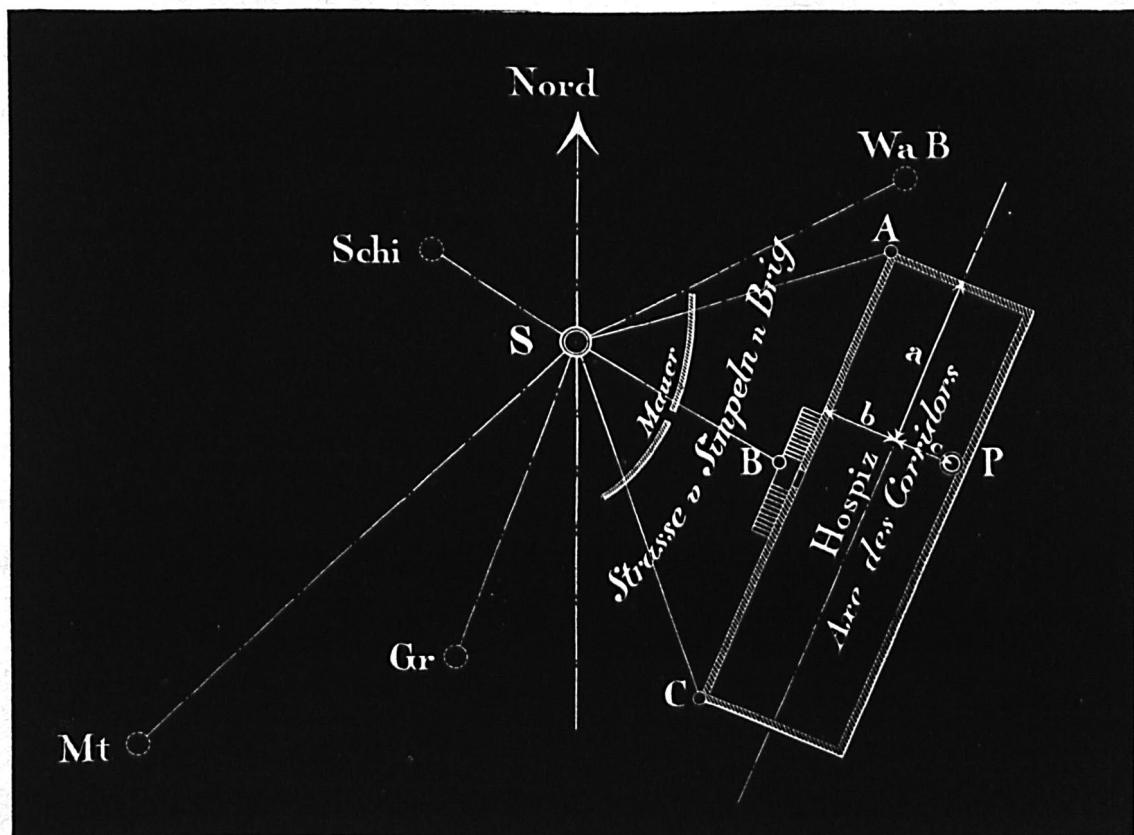
### Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº | Beobachter               | aus Nº | n  | Wasen-horn | Wasenhorn B | Simplon | Grieserhorn | Mattwaldhorn | Faulhorn |
|----|--------------------------|--------|----|------------|-------------|---------|-------------|--------------|----------|
|    | Repetitionsbeobachtungen |        |    | 0° 0' 0"   | 0° 21'      | 42° 4'  | 96° 21'     | 129° 27'     | 206° 22' |
| 1  |                          | 5      | 4  | 0 0 0      | 25,66       | .       | .           | .            | .        |
| 2  | Lechner                  | 4      | 8  | 0 0 0      | .           | .       | 56,11       | .            | .        |
| 3  | 8" Reichenbach           | 1      | 8  | .          | .           | .       | 56,11       | 4,74         | .        |
| 4  | 1870                     | 2      | 8  | .          | .           | .       | .           | 4,74         | 53,34    |
| 5  |                          | 3      | 8  | 0 0 0      | .           | .       | .           | .            | 51,87    |
| 7  |                          | 6, 7   | 16 | .          | .           | 21,99   | 56,11       | .            | .        |

### Resultate der Stationsausgleichung.

|              |     |    |       |
|--------------|-----|----|-------|
| Wasenhorn    | 0°  | 0' | 0",00 |
| Wasenhorn B  | 0   | 21 | 25,66 |
| Simplon      | 42  | 4  | 21,62 |
| Grieserhorn  | 96  | 21 | 55,74 |
| Mattwaldhorn | 129 | 27 | 4,00  |
| Faulhorn     | 206 | 22 | 52,24 |

## Station Simplon.



Masstab:

1 : 1000 für die Station.

1 : 100000 für die entfernten Signale.

Die genäherten Coordinaten sind:

Breite  $46^{\circ} 14',8$ ; Länge (Ost v. Paris)  $5^{\circ} 41',6$ ; Höhe 2001 Meter.

Centrum der Station ist die Axe *S* des Pfeilers der astronomischen Station zunächst des Hospizes und der an demselben hinführenden Poststrasse.

Die Lage des Pfeilers gegen das Hospizgebäude wurde durch folgende Messungen bestimmt:

|                                                   | Richtung: | Entfernung:         |
|---------------------------------------------------|-----------|---------------------|
| Mattwaldhorn                                      | 0°        | 0',0                |
| Hospiz, NW Mauerecke über dem Sockel ( <i>A</i> ) | 206       | 47,8                |
| „ Kante des linken Pfeilers des Ein-              |           | 42 <sup>m</sup> ,42 |
| ganges unter der Freitreppe ( <i>B</i> )          | 253       | 24,4                |
| „ SW. Mauerecke über Sockel ( <i>C</i> )          | 294       | 21,8                |
|                                                   |           | 30,39               |
|                                                   |           | 49,05               |

Die Lage des Pendels *P* wurde bestimmt durch die Messung der drei Linien

$$\begin{aligned}a &= 22^m,46 \\b &= 10,02 \\c &= 7,92\end{aligned}$$

Die Beobachtungen wurden durch Herrn Lechner am 24. VII. 1870 centrisch auf dem Beobachtungspfeiler ausgeführt.

Die genäherten Entfernungen der anvisirten Signale vom Centrum sind:

|                    |              |
|--------------------|--------------|
| Wasenhorn B (Wa B) | 4721,9 Meter |
| Grieserhorn (Gr)   | 4446,6 „     |
| Mattwaldhorn (Mt)  | 7765 „       |
| Schienhorn (Schi)  | 2198,7 „     |

### Beobachtungen auf Station Simplon.

#### Nº 1 Wasenhorn(B)-Grieserhorn

Standp. centr. 1870. VII. 24

|   | Beob.: Lechner | 8"  | Reichenbach |
|---|----------------|-----|-------------|
| 0 | 150°           | 25' | 30",0 -0",9 |
| 1 | 288            | 8   | 83,7 -0,2   |
| 2 | 65             | 51  | 140,0 -2,2  |
| 3 | 203            | 34  | 193,7 -1,5  |
| 4 | 341            | 17  | 245,0 +1,5  |
| 5 | 119            | 0   | 296,3 +4,6  |
| 6 | 256            | 43  | 351,2 +4,0  |
| 7 | 34             | 26  | 407,5 +2,1  |
| 8 | 172            | 9   | 471,2 -7,3  |

N = 4 M = 246,51

Nº 1 = 137° 43' 54",35

#### Nº 3 Mattwaldhorn-Schienhorn

Standp. centr. 1870. VII. 24

|   | Beob.: Lechner | 8" | Reichenbach |
|---|----------------|----|-------------|
| 0 | 19°            | 1' | 57",5 +4",0 |
| 1 | 95             | 12 | 82,5 -0,3   |
| 2 | 171            | 23 | 102,5 +0,4  |
| 3 | 247            | 34 | 127,5 -3,9  |
| 4 | 323            | 45 | 147,5 -3,2  |
| 5 | 39             | 56 | 166,2 -1,2  |
| 6 | 116            | 7  | 186,2 -0,5  |
| 7 | 192            | 18 | 203,7 +2,7  |
| 8 | 268            | 29 | 225,5 +1,6  |

N = 4 M = 144,34

Nº 3 = 76° 11' 20",70

#### Nº 2 Grieserhorn-Mattwaldhorn

Standp. centr. 1870. VII. 24

|   | Beob.: Lechner | 8"  | Reichenbach |
|---|----------------|-----|-------------|
| 0 | 172°           | 16' | 51",2 +2",1 |
| 1 | 198            | 6   | 91,2 +0,7   |
| 2 | 223            | 56  | 128,7 +1,8  |
| 3 | 249            | 46  | 172,5 -3,5  |
| 4 | 275            | 36  | 210,0 -2,4  |
| 5 | 301            | 26  | 246,2 -0,0  |
| 6 | 327            | 16  | 287,5 -2,75 |
| 7 | 353            | 6   | 323,7 -0,4  |
| 8 | 18             | 56  | 357,5 +4,5  |

N = 4 M = 207,61

Nº 2 = 25° 50' 38",57

#### Nº 4 Schienhorn-Wasenhorn (B)

Standp. centr. 1870. VII. 24

|   | Beob.: Lechner | 8"  | Reichenbach |
|---|----------------|-----|-------------|
| 0 | 268°           | 32' | 42",5 -2",2 |
| 1 | 28             | 46  | 47,5 -2,1   |
| 2 | 149            | 0   | 51,2 -0,7   |
| 3 | 269            | 14  | 57,5 -1,9   |
| 4 | 29             | 28  | 50,0 +10,7  |
| 5 | 149            | 42  | 61,2 +4,6   |
| 6 | 269            | 56  | 75,0 -4,1   |
| 7 | 30             | 10  | 77,5 -1,5   |
| 8 | 150            | 24  | 83,7 -2,6   |

N = 4 M = 60,68

Nº 4 = 120° 14' 5",10

### Zusammenstellung der Satzmittel.

| Nº | Beobachter               | aus Nº | n | Wasenhorn B | Grieserhorn | Mattwaldhorn | Schienhorn |
|----|--------------------------|--------|---|-------------|-------------|--------------|------------|
|    | Repetitionsbeobachtungen |        |   | 0° 0' 0"    | 137° 43'    | 163° 34'     | 239° 45'   |
| 1  | Lechner                  | 1      | 8 | 0 0 0       | 54,35       | .            | .          |
| 2  | 8" Reichenbach           | 2      | 8 | .           | 54,35       | 32,92        | .          |
| 3  |                          | 3      | 8 | .           | .           | 32,92        | 53,62      |
| 4  | 1870.                    | 4      | 8 | 0 0 0       | .           | .            | 54,90      |

Um die sphärischen Winkel auf eine in Wasenhorn tangirende Ebene projiciren zu können, muss in dem Winkelsatze die Richtung Wasenhorn als Nullrichtung vor kommen.

Der Winkel Wasenhorn—Grieserhorn wurde durch eine vorläufige Rechnung =  $137^\circ 32' 31''$  gefunden. Man hat daher:

### Resultate der Stationsausgleichung.

|              |     |    |         |
|--------------|-----|----|---------|
| (Wasenhorn   | 0°  | 0' | 0'',00) |
| Grieserhorn  | 137 | 32 | 31,00   |
| Mattwaldhorn | 163 | 23 | 9,89    |
| Schienhorn   | 239 | 34 | 30,91   |
| Wasenhorn B  | 359 | 48 | 36,33   |

## Die Netzausgleichung.

Das sphärische Netz wird auf eine Ebene projicirt, die tangirend durch Wasenhorn gelegt wird.

Die Netzpunkte werden durch ein Coordinatensystem festgelegt, in dem die Richtung Wasenhorn—Ghiridone die positive X-Axe, und die Senkrechte in der Richtung gegen Grieserhorn die positive Y-Axe vorstellt.

### Vorläufige Entfernungen:

|                     |                    |
|---------------------|--------------------|
| Wasenhorn—Ghiridone | $\log s = 4,66499$ |
| "    —Grieserhorn   | 3,94014            |
| "    —Mattwaldhorn  | 4,09821            |
| "    —Faulhorn      | 3,89988            |
| "    —Schienhorn    | 3,79961            |
| "    —Simplon       | 3,69005            |
| "    —Basodine      | 4,52633            |
| "    —Titlis        | 4,79490            |

### Sphärische Excesse:

|                                   |       |                                  |       |
|-----------------------------------|-------|----------------------------------|-------|
| Wasenhorn—Ghiridone—Grieserhorn   | 0",94 | Wasenhorn—Faulhorn—Schienhorn    | 0",01 |
| Wasenhorn—Grieserhorn—Mattwaldh.  | 0,05  | Grieserhorn—Faulhorn—Wasenh. B   | 0,12  |
| Wasenhorn—Grieserhorn—Faulhorn    | 0,12  | Faulhorn—Schienhorn—Wasenhorn B  | 0,01  |
| Wasenhorn—Grieserhorn—Schienhorn  | 0,09  | Grieserhorn—Schienhorn—Wasenh. B | 0,08  |
| Grieserhorn—Mattwaldhorn—Faulhorn | 0,07  | Grieserhorn—Simplon—Wasenhorn B  | 0,03  |
| Grieserhorn—Mattwaldhorn—Schienh. | 0,06  | Schienhorn—Simplon—Wasenhorn B   | 0,02  |
| Grieserhorn—Faulhorn—Schienhorn   | 0,02  | Wasenhorn—Grieserhorn—Wasenh. B  | 0,002 |
| Grieserhorn—Schienhorn—Simplon    | 0,02  | Wasenhorn—Faulhorn—Wasenh. B     | 0,001 |
| Grieserhorn—Mattwaldhorn—Simplon  | 0,04  | Wasenhorn—Basodine—Mattwaldh.    | 0,15  |
| Mattwaldhorn—Schienhorn—Simplon   | 0,04  | Mattwaldhorn—Basodine—Titlis     | 4,16  |
| Wasenhorn—Faulhorn—Mattwaldhorn   | 0,14  |                                  |       |

## Zusammenstellung der gemessenen Winkel.

| Station         | Nº | Richtung     | Gemessene sphärische Winkel A |    |       | $\Delta A$ | Ebene Secunden | Gemessene Azimuthe $\alpha_g$ |    |       |
|-----------------|----|--------------|-------------------------------|----|-------|------------|----------------|-------------------------------|----|-------|
| 1. Wasenhorn    | 1  | Ghiridone    | 0°                            | 0' | 0",00 |            | 0,"00          | 0°                            | 0' | 0",00 |
|                 | 2  | Grieserhorn  | 113                           | 17 | 54,33 |            | 54,33          | 113                           | 17 | 54,33 |
|                 | 3  | Mattwaldhorn | 123                           | 15 | 5,08  |            | 5,08           | 123                           | 15 | 5,08  |
|                 | 4  | Wasenhorn B  | 138                           | 29 | 27,94 | 0          | 27,94          | 138                           | 29 | 27,94 |
|                 | 5  | Schienhorn   | 150                           | 57 | 14,15 |            | 14,15          | 150                           | 57 | 14,15 |
|                 | 6  | Faulhorn     | 156                           | 40 | 58,01 |            | 58,01          | 156                           | 40 | 58,01 |
|                 | 7  | Basodine     | 311                           | 15 | 6,19  |            | 6,19           | 311                           | 15 | 6,19  |
| 2. Ghiridone    | 8  | Wasenhorn    | 0                             | 0  | 0,00  |            | 0,00           | 180                           | 0  | 0,00  |
|                 | 9  | Basodine     | 46                            | 21 | 9,90  | - 2",71    | 7,19           | 226                           | 21 | 7,19  |
|                 | 10 | Cramosino    | 99                            | 3  | 37,65 | + 0,84     | 38,49          | 279                           | 3  | 38,49 |
|                 | 11 | Menone       | 159                           | 27 | 41,98 | + 1,78     | 43,76          | 339                           | 27 | 43,76 |
|                 | 12 | Grieserhorn  | 350                           | 50 | 56,95 | + 0,85     | 57,80          | 170                           | 50 | 57,80 |
| 5. Grieserhorn  | 13 | Wasenhorn    | 0                             | 0  | 0,00  |            | 0,00           | 293                           | 17 | 54,33 |
|                 | 14 | Ghiridone    | 57                            | 33 | 7,05  | - 0,09     | 6,96           | 350                           | 50 | 61,29 |
|                 | 15 | Mattwaldhorn | 210                           | 47 | 32,95 | - 0,08     | 32,87          | 144                           | 5  | 27,20 |
|                 | 16 | Faulhorn     | 298                           | 20 | 3,47  | + 0,08     | 3,55           | 231                           | 37 | 57,88 |
|                 | 17 | Schienhorn   | 314                           | 1  | 13,75 | + 0,10     | 13,85          | 247                           | 19 | 8,18  |
|                 | 18 | Simplon      | 337                           | 41 | 42,26 | + 0,07     | 42,33          | 270                           | 59 | 36,66 |
|                 | 19 | Wasenhorn B  | 359                           | 29 | 34,74 | + 0,00     | 34,74          | 292                           | 47 | 29,07 |
| 6. Mattwaldhorn | 20 | Wasenhorn    | 0                             | 0  | 0,00  |            | 0,00           | 303                           | 15 | 5,08  |
|                 | 21 | Basodine     | 5                             | 49 | 44,93 | - 0,04     | 44,89          | 309                           | 4  | 49,97 |
|                 | 22 | Grieserhorn  | 20                            | 50 | 18,39 | - 0,13     | 18,26          | 324                           | 5  | 23,34 |
|                 | 23 | Faulhorn     | 323                           | 29 | 20,57 | + 0,19     | 20,76          | 266                           | 44 | 25,84 |
|                 | 24 | Titlis       | 336                           | 54 | 14,84 | + 0,14     | 14,98          | 280                           | 9  | 20,06 |
|                 | 25 | Schienhorn   | 337                           | 9  | 14,11 | + 0,14     | 14,25          | 280                           | 24 | 19,33 |
|                 | 26 | Simplon      | 353                           | 35 | 5,71  | + 0,04     | 5,75           | 296                           | 50 | 10,83 |
| 7. Faulhorn     | 27 | Wasenhorn    | 0                             | 0  | 0,00  |            | 0,00           | 336                           | 40 | 58,01 |
|                 | 28 | Wasenhorn B  | 0                             | 24 | 27,30 | - 0,00     | 27,30          | 337                           | 5  | 25,31 |
|                 | 29 | Schienhorn   | 20                            | 39 | 16,39 | - 0,05     | 16,34          | 357                           | 20 | 14,35 |
|                 | 30 | Grieserhorn  | 74                            | 57 | 2,15  | - 0,04     | 2,11           | 51                            | 37 | 60,12 |
|                 | 31 | Mattwaldhorn | 110                           | 3  | 34,38 | + 0,05     | 34,43          | 86                            | 44 | 32,44 |
| 8. Schienhorn   | 32 | Wasenhorn    | 0                             | 0  | 0,00  |            | 0,00           | 330                           | 57 | 14,15 |
|                 | 33 | Wasenhorn B  | 0                             | 21 | 25,66 | - 0,00     | 25,66          | 331                           | 18 | 39,81 |
|                 | 34 | Simplon      | 42                            | 4  | 21,62 | - 0,05     | 21,57          | 13                            | 1  | 35,72 |
|                 | 35 | Grieserhorn  | 96                            | 21 | 55,74 | + 0,01     | 55,75          | 67                            | 19 | 9,90  |
|                 | 36 | Mattwaldhorn | 129                           | 27 | 4,00  | + 0,05     | 4,05           | 100                           | 24 | 18,20 |
|                 | 37 | Faulhorn     | 206                           | 22 | 52,24 | - 0,04     | 52,20          | 177                           | 20 | 6,35  |
|                 | .  | (Wasenhorn)  | 0                             | 0  | 0,00  |            | 0,00           | 313                           | 27 | 5,93  |
| 9. Simplon      | 38 | Grieserhorn  | 137                           | 32 | 31,00 | + 0,03     | 31,03          | 90                            | 59 | 36,66 |
|                 | 39 | Mattwaldhorn | 163                           | 23 | 9,89  | + 0,02     | 9,91           | 116                           | 50 | 15,54 |
|                 | 40 | Schienhorn   | 239                           | 34 | 30,91 | - 0,03     | 30,88          | 193                           | 1  | 36,51 |
|                 | 41 | Wasenhorn B  | 359                           | 48 | 36,33 | + 0,00     | 36,33          | 313                           | 15 | 41,96 |

### Zusammenstellung der wahren Winkel des Hauptnetzes.

| Station      | Nº | Richtung                | Sphärische Winkel $A$ |    |       | $\Delta A$ | Ebene " | Wahre Azimuthe $\alpha_w$ |    |       |
|--------------|----|-------------------------|-----------------------|----|-------|------------|---------|---------------------------|----|-------|
| 1. Wasenhorn | 1  | Ghiridone               | 0°                    | 0' | 0",00 |            |         | 0°                        | 0' | 0",00 |
|              | 7  | Basodine<br>(Titlis)    | 311                   | 15 | 7,32  | 0          | 0",00   | 311                       | 15 | 7,32  |
|              | .  |                         | 275                   | 37 | 50,47 |            | 50,47   | 275                       | 37 | 50,47 |
| 2. Ghiridone | 8  | Wasenhorn               | 0                     | 0  | 0,00  |            | 0,00    | 180                       | 0  | 0,00  |
|              | 9  | Basodine                | 46                    | 22 | 9,09  | -2",71     | 6,38    | 226                       | 22 | 6,38  |
|              | 10 | Cramosino               | 99                    | 3  | 37,13 | + 0,84     | 37,97   | 279                       | 3  | 37,97 |
| 3. Basodine  | 11 | Menone                  | 159                   | 27 | 41,94 | + 1,78     | 43,72   | 339                       | 27 | 43,72 |
|              | .  | (Wasenhorn)<br>(Titlis) | 115                   | 12 | 0,00  | + 1,10     | 0,00    | 131                       | 15 | 7,32  |
|              |    |                         |                       |    | 4,50  |            | 5,60    | 246                       | 27 | 12,92 |

Bemerkung: Die eingeklammerten und mit keiner Ordnungszahl versehenen Richtungen sind nicht beobachtete Richtungen.

Als Grundlage für die Längenberechnung im ebenen Netze wird die Länge der sphärischen Seite Wasenhorn—Ghiridone, deren Logarithmus = 4,6649863 ist, angenommen.

#### Feste Coordinate der Hauptnetzpunkte.

|              |                    |                    |
|--------------|--------------------|--------------------|
| 1. Wasenhorn | $X_1 = 0$          | $Y_1 = 0$          |
| 2. Ghiridone | $X_2 = + 46236,64$ | $Y_2 = 0$          |
| 3. Basodine  | $X_3 = + 22154,64$ | $Y_3 = - 25260,72$ |
| 4. Titlis    | $X_4 = + 6118,56$  | $Y_4 = - 62059,65$ |

#### Coordinate der einzuschaltenden Punkte.

|                 |                              |                              |
|-----------------|------------------------------|------------------------------|
| 5. Grieserhorn  | $X_5 = - 3446,20 + x_5$      | $Y_5 = + 8002,75 + y_5$      |
| 6. Mattwaldhorn | $X_6 = - 6875,05 + x_6$      | $Y_6 = + 10485,65 + y_6$     |
| 7. Faulhorn     | $X_7 = - 7293,00 + x_7$      | $Y_7 = + 3143,55 + y_7$      |
| 8. Schienhorn   | $X_8 = - 5511,60 + x_8$      | $Y_8 = + 3060,70 + y_8$      |
| 9. Simplon      | $X_9 = - 3369,20 + x_9$      | $Y_9 = + 3556,40 + y_9$      |
| 10. Wasenhorn B | $X_{10} = - 132,78 + x_{10}$ | $Y_{10} = + 117,51 + y_{10}$ |

Die Verbesserungen sind in Decimetern verstanden.

# Azimuth-Fehlergleichungen.

| Genähertes<br>Azimuth $\alpha_{10}$ | $f =$         | $x_5 + y_5 + x_6 + y_6 + x_7 + y_7 + x_8 + y_8 + x_9 + y_9 + x_{10} + y_{10} + (n = \alpha_{10} - \alpha)$                                         |
|-------------------------------------|---------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| 0°                                  | $0''.00$      | $1$                                                                                                                                                |
| 113 17                              | 52,86         | -2,1742 - 0,9363                                                                                                                                   |
| 123 15                              | 4,90          | . . . . .                                                                                                                                          |
| 138 29                              | 28,49         | -1,3757 - 0,9020                                                                                                                                   |
| 150 57                              | 20,59         | . . . . .                                                                                                                                          |
| 156 40                              | 55,87         | . . . . .                                                                                                                                          |
| 311 15                              | 7,32          | . . . . .                                                                                                                                          |
|                                     | $(f)_{i=7} =$ | $-2,1742 - 0,9363 - 1,3757 - 0,9020 - 1,0281 - 2,3851 - 1,5884 - 2,8603$                                                                           |
|                                     |               | $+ 0,3106 + 0,1965 + 0,1289 + 0,1469 + 0,3407 + 0,2269 + 0,4086$                                                                                   |
|                                     |               | $-77,0955 - 87,1138$                                                                                                                               |
|                                     |               | $+ 11,0136 + 12,4448$                                                                                                                              |
|                                     |               | $+ 4,33 - 87,1138 - 0,62$                                                                                                                          |
| 180 0                               | 0,00          | 8                                                                                                                                                  |
| 226 21                              | 6,38          | 9                                                                                                                                                  |
| 279 3                               | 37,97         | 10                                                                                                                                                 |
| 339 27                              | 43,72         | 11                                                                                                                                                 |
| 170 50                              | 58,48         | 12                                                                                                                                                 |
|                                     | $(f)_{i=5} =$ | $-0,0652 - 0,4047$                                                                                                                                 |
|                                     |               | $+ 0,0130 + 0,0809$                                                                                                                                |
|                                     |               | $-0,0652 - 0,4047$                                                                                                                                 |
| 293 17                              | 52,86         | 13                                                                                                                                                 |
| 350 50                              | 58,48         | 14                                                                                                                                                 |
| 144 5                               | 27,37         | 15                                                                                                                                                 |
| 231 37                              | 58,81         | 16                                                                                                                                                 |
| 247 19                              | 7,64          | 17                                                                                                                                                 |
| 270 59                              | 31,65         | 18                                                                                                                                                 |
| 292 47                              | 32,68         | 19                                                                                                                                                 |
|                                     | $(f)_{i=7} =$ | $-12,4052 + 5,1415 - 2,8576 - 3,9463 + 2,6095 - 2,0658 + 3,5530 - 1,4849 + 4,6376 + 0,0803$                                                        |
|                                     |               | $-0,7345 + 0,4082 + 0,5638 - 0,3728 + 0,2951 - 0,5076 + 0,2121 - 0,6625 - 0,0115 - 0,3176 - 0,1335$                                                |
|                                     |               | $-1,47 - 2,81 + 0,17 + 0,93 - 0,54 - 5,01 + 5,61 + 0,73$                                                                                           |
| 303 15                              | 4,90          | 20                                                                                                                                                 |
| 309 4                               | 48,40         | 21                                                                                                                                                 |
| 324 5                               | 27,37         | 22                                                                                                                                                 |
| 266 44                              | 31,01         | 23                                                                                                                                                 |
| 280 9                               | 16,53         | 24                                                                                                                                                 |
| 280 24                              | 19,27         | 25                                                                                                                                                 |
| 296 50                              | 13,56         | 26                                                                                                                                                 |
|                                     | $(f)_{i=7} =$ | $+ 2,8576 + 3,9463 - 12,7142 - 6,7132 + 2,8003 - 0,1594 + 0,4935 + 2,6874 + 0,4935 + 2,3700 + 1,1991$                                              |
|                                     |               | $-0,4082 - 0,5638 + 1,8163 + 0,9590 - 0,4000 + 0,0228 - 0,3839 - 0,0705 - 0,3386 - 0,1713$                                                         |
|                                     |               | $+ 6,59 - 0,94$                                                                                                                                    |
| 336 40                              | 55,87         | 27                                                                                                                                                 |
| 337 5                               | 24,68         | 28                                                                                                                                                 |
| 357 20                              | 13,87         | 29                                                                                                                                                 |
| 51 37                               | 58,81         | 30                                                                                                                                                 |
| 86 44                               | 31,01         | 31                                                                                                                                                 |
|                                     | $(f)_{i=5} =$ | $-2,6095 + 2,0058 - 2,6095 + 2,0058 - 2,8003 + 0,1594 + 2,8003 - 0,1594 - 1,0281 - 2,3851 - 1,0329 - 2,4442 - 0,5373 - 1,15538 + 0,5373 + 11,5538$ |
|                                     |               | $-2,6095 - 2,0058 - 2,8003 - 0,1594 - 1,0281 - 2,3851 - 1,0329 + 2,4442 - 0,63 + 4,03 + 5,17 - 3,53 - 0,06 + 2,73$                                 |
|                                     |               | $-2,14 - 0,63 + 4,03 + 5,17 - 3,53 - 0,06 + 2,73$                                                                                                  |

Zusammenstellung der für die Auflösung geordneten Normalgleichungen.

|          | $y_{10} + x_{10} + y_8 + y_7 + y_9 + x_5 + x_9 + x_8 + y_5 + x_6 + y_6 + x_7 + (AN)=0$                                    |
|----------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| $y_{10}$ | $+ 6524,298 + 5771,612 - 40,758 - 20,602 - 19,023 - 20,984 - 10,383 - 29,650 - 14,891 - 12,275 - 9,636 - 16,777 + 34,959$ |
| $x_{10}$ | $+ 5771,612 + 5109,495 - 29,735 - 21,185 - 17,912 - 19,766 - 12,383 - 24,553 - 14,785 - 11,057 - 7,627 - 13,655 + 34,293$ |
| $y_8$    | $- 40,758 - 29,735 + 411,680 - 233,839 - 143,451 - 0,331 + 41,829 - 12,611 - 7,851 - 3,833 - 4,690 - 19,371 - 4,521$      |
| $y_7$    | $- 20,602 - 21,185 - 233,839 + 199,995 + 17,648 - 10,111 - 2,648 + 1,106 + 3,301 - 16,307 - 2,032 + 18,088 - 43,983$      |
| $y_9$    | $- 19,023 - 17,912 - 143,451 + 17,648 + 150,972 + 12,928 - 23,113 + 25,555 - 2,860 + 5,019 + 1,297 + 0,308 + 11,592$      |
| $x_5$    | $- 20,984 - 19,766 - 0,331 - 10,111 + 12,928 + 79,948 - 35,031 - 14,443 + 17,234 - 22,433 - 28,685 - 9,307 + 68,618$      |
| $x_3$    | $- 10,383 - 12,383 + 41,829 - 2,648 - 23,113 - 35,031 + 67,955 - 11,106 - 4,929 - 4,968 - 0,458 - 2,866 - 60,604$         |
| $x_8$    | $- 29,650 - 24,553 - 12,611 + 1,106 + 25,555 - 14,443 - 11,106 + 47,102 + 4,627 - 4,323 + 2,808 - 3,003 - 44,709$         |
| $y_5$    | $- 14,891 - 14,785 - 7,851 + 3,301 - 2,860 + 17,234 - 4,929 + 4,627 + 39,875 - 11,697 - 24,551 + 6,117 + 9,596$           |
| $x_6$    | $- 12,275 - 11,057 - 3,833 - 16,307 + 5,019 - 22,433 - 4,968 - 4,323 - 11,697 + 32,971 + 17,768 - 8,401 - 6,699$          |
| $y_6$    | $- 9,636 - 7,627 - 4,690 - 2,032 + 1,297 - 28,685 - 0,458 + 2,808 - 24,551 + 17,768 + 27,086 + 4,783 - 10,319$            |
| $x_7$    | $- 16,777 - 13,655 - 19,371 + 18,088 + 0,308 - 9,307 - 2,866 - 3,003 + 6,117 - 8,401 + 4,783 + 29,188 + 16,241$           |

Coordinateverbesserungen.

|                    |           |
|--------------------|-----------|
| $x_5 = + 0,237$    | Decimeter |
| $y_5 = + 0,704$    | "         |
| $x_6 = + 1,432$    | "         |
| $y_6 = + 0,700$    | "         |
| $x_7 = - 0,369$    | "         |
| $y_7 = + 2,024$    | "         |
| $x_8 = + 1,075$    | "         |
| $y_8 = + 1,488$    | "         |
| $x_9 = + 0,789$    | "         |
| $y_9 = + 0,976$    | "         |
| $x_{10} = - 0,934$ | "         |
| $y_{10} = + 0,851$ | "         |

Winkelfehler (Verbesserungen) der gemessenen Winkel.

|            |            |            |
|------------|------------|------------|
| 1. 0       | 13. 0      | 27. 0      |
| 2. - 2,64  | 14. - 0,47 | 28. + 2,51 |
| 3. - 2,78  | 15. - 0,59 | 29. + 0,69 |
| 4. - 1,55  | 16. - 0,74 | 30. + 0,97 |
| 5. + 0,48  | 17. + 3,91 | 31. - 0,09 |
| 6. - 6,59  | 18. + 0,21 | 32. 0      |
| 7. + 1,13  | 19. + 3,78 | 33. + 2,63 |
| 8. 0       | 20. 0      | 34. - 0,84 |
| 9. - 0,81  | 21. + 0,51 | 35. - 0,93 |
| 10. - 0,52 | 22. + 3,41 | 36. + 0,02 |
| 11. - 0,04 | 23. + 2,70 | 37. + 1,62 |
| 12. + 0,38 | 24. - 1,18 | 38. 0      |
|            | 25. + 2,15 | 39. - 0,74 |
|            | 26. + 4,32 | 40. + 1,28 |
|            |            | 41. + 0,30 |

Ausgeglichene Winkel und Logarithmen der Seitenlängen.

Den Seitenlängen liegt die provisorische Länge von Chasseral-Röthi, deren Logarithmus = 4,5812516 ist, zu Grunde.

| Nº                          | Richtung.    | Winkel. |    |        | Logarithmen der Entfernung. | Nº                         | Richtung.    | Winkel. |    |        | Logarithmen der Entfernung. |
|-----------------------------|--------------|---------|----|--------|-----------------------------|----------------------------|--------------|---------|----|--------|-----------------------------|
| <b>Station Wasenhorn.</b>   |              |         |    |        |                             |                            |              |         |    |        |                             |
| 1                           | Ghiridone    | 0°      | 0' | 0" ,00 | 4,6649863                   | 20                         | Wasenhorn    | 0°      | 0' | 0" ,00 | 4,0982539                   |
| 2                           | Grieserhorn  | 113     | 17 | 51,69  | 3,9401893                   | 21                         | Basodine     | 5       | 49 | 45,44  | 4,6632261                   |
| 3                           | Mattwaldhorn | 123     | 15 | 2,30   | 4,0982539                   | 22                         | Grieserhorn  | 20      | 50 | 21,80  | 3,6266875                   |
| 4                           | Wasenhorn B  | 138     | 29 | 26,39  | 2,2490506                   | 23                         | Faulhorn     | 323     | 29 | 23,27  | 3,8665226                   |
| 5                           | Schierhorn   | 150     | 57 | 14,63  | 3,7996509                   | 24                         | Titlis       | 336     | 54 | 13,66  | 4,8674622                   |
| 6                           | Faulhorn     | 156     | 40 | 51,42  | 3,8999245                   | 25                         | Schienhorn   | 337     | 9  | 16,26  | 3,8778970                   |
| 7                           | Basoline     | 311     | 15 | 7,32   | 4,5263375                   | 26                         | Simplon      | 353     | 35 | 10,03  | 3,8901821                   |
| <b>Station Ghiridone.</b>   |              |         |    |        |                             |                            |              |         |    |        |                             |
| 8                           | Wasenhorn    | 0       | 0  | 0,00   | 4,6649863                   | 27                         | Wasenhorn    | 0       | 0  | 0,00   | 3,8999245                   |
| 9                           | Basodine     | 46      | 21 | 9,09   | 4,5428303                   | 28                         | Wasenhorn B  | 0       | 24 | 29,81  | 3,8906182                   |
| 10                          | Cramosine    | 99      | 3  | 37,13  | 4,4859190                   | 29                         | Schienhorn   | 20      | 39 | 17,08  | 3,2512736                   |
| 11                          | Menone       | 159     | 27 | 41,94  | 4,5841760                   | 30                         | Grieserhorn  | 74      | 57 | 3,12   | 3,7922233                   |
| 12                          | Grieserhorn  | 350     | 50 | 57,33  | 4,7017692                   | 31                         | Mattwaldhorn | 110     | 3  | 34,29  | 3,8665226                   |
| <b>Station Grieserhorn.</b> |              |         |    |        |                             |                            |              |         |    |        |                             |
| 13                          | Wasenhorn    | 0       | 0  | 0,00   | 3,9401893                   | 32                         | Wasenhorn    | 0       | 0  | 0,00   | 3,7996509                   |
| 14                          | Ghiridone    | 57      | 33 | 6,58   | 4,7017692                   | 33                         | Wasenhorn B  | 0       | 21 | 28,29  | 3,7875569                   |
| 15                          | Mattwaldhorn | 210     | 47 | 32,36  | 3,6266875                   | 34                         | Simplon      | 42      | 4  | 20,78  | 3,3422246                   |
| 16                          | Faulhorn     | 298     | 20 | 2,73   | 3,7922233                   | 35                         | Grieserhorn  | 96      | 21 | 54,81  | 3,7288620                   |
| 17                          | Schienhorn   | 314     | 1  | 17,66  | 3,7288620                   | 36                         | Mattwaldhorn | 129     | 27 | 4,02   | 3,8778970                   |
| 18                          | Simplon      | 337     | 41 | 42,47  | 3,6480733                   | 37                         | Faulhorn     | 206     | 22 | 53,86  | 3,2512736                   |
| 19                          | Wasenhorn B  | 359     | 29 | 38,52  | 3,9321288                   | <b>Station Schienhorn.</b> |              |         |    |        |                             |
| <b>Station Simplon.</b>     |              |         |    |        |                             |                            |              |         |    |        |                             |
| 38                          | Grieserhorn  | 0       | 0  | 0,00   | 3,6480733                   | 39                         | Mattwaldhorn | 25      | 50 | 38,15  | 3,8901821                   |
| 40                          | Schienhorn   | 102     | 2  | 1,19   | 3,3422246                   | 41                         | Wasenhorn B  | 222     | 16 | 5,63   | 3,6741537                   |

Die Summe der Quadrate der Richtungsfehler ist ( $vv$ ) = 108,112.

Die Zahl der beobachteten Richtungen ist 41

hievon sind nothwendig:

Zur Festlegung der 6 einzuschaltenden Punkte 12

Zur Orientirung auf den 7 Beobachtungsstationen 7

Daher ist die Zahl der überschüssig beobachteten Richtungen 22

Der mittlere Fehler der Gewichtseinheit, d. i. hier der mittlere Fehler an der Richtungsangabe in den Resultaten der Stationsausgleichung ist:

$$m = \pm \sqrt{\frac{108,112}{22}} = \pm 2'',22.$$

### Mittlere Fehlerellipse von Simplon

in Bezug auf das als unveränderlich betrachtete Hauptnetz.

Reciproke Gewichtscoefficienten (auf Decimeter bezogen):

$$(x_9 \cdot x_9) = + 0,4566$$

$$(x_9 \cdot y_9) = - 0,4386$$

$$(y_9 \cdot y_9) = + 0,5040$$

$$A_1 = 0,045 \text{ Meter} \quad v_1 = 43^\circ 27',2$$

$$A_2 = 0,218 \text{ "} \quad v_2 = 133 27,2$$

Im Commissions-Verlage der Buchhandlung **S. Höhr** in Zürich sind ferner erschienen:

**Wolf, Dr. Rud.**, **Geschichte der Vermessungen in der Schweiz**, als historische Einleitung zu den Arbeiten der Schweiz. geodätischen Commission bearbeitet. Mit einem Titelbilde. Zürich 1879 in 4<sup>o</sup>. Fr. 10.

— — **Das Schweizerische Polytechnikum**. Historische Skizze zur Feier des 25jährigen Jubiläums entworfen. Zürich 1880 in 4<sup>o</sup>. Fr. 1.

**Mittheilungen der Naturforschenden Gesellschaft in Zürich**. Zürich 1847—1856 in 8<sup>o</sup>. — 10 Hefte à Fr. 1.35.

**Vierteljahrschrift der Naturforschenden Gesellschaft in Zürich**. Zürich 1856—1881 in 8<sup>o</sup>. — 26 Jahrgänge à Fr. 4.

**Meteorologische Beobachtungen in Zürich** von 1837—1846 in 4<sup>o</sup>. Fr. 1.

**Schweizerische meteorologische Beobachtungen**, herausgegeben von der Schweizerischen meteorologischen Centralanstalt in Zürich. Zürich 1864—1881 in 4<sup>o</sup>. — 18 Jahrgänge à Fr. 20, serienweise je nach Grösse der Serie zu reducirten Preisen.